تمارين حول حركة الاقمار والكواكب

التمرين 1: باكالوريا علوم 2014 :

في مرجع جيومركزي نعتبر الاقمار دائرية حول مركز الارض التي نفترض أنها متجانسة كتلتها M_T ونصف قطرها R نقبل أن القمر الاصطناعي في مداره يخضع لقوة جذب الارض $\vec{F}_{T/S}$ فقط .

1- عرف المرجع الجيومركزي .

ب – اكتب العبارة الشعاعية للقوة $\vec{F}_{T/S}$ بدلالة G ، M_T ، R ، m_s كتلة القمر الاصطناعي و h ارتفاعه عن سطح الارض .

جـ – استنتج عبارة $\vec{a}$ شعاع تسارع حركة القمر الاصطناعي ، ما طبيعة الحركة ؟

2- الجدول التالي يعطي بعض خصائص حركة قمرين اصطناعين حول الارض .

القمر الاصطناعي	*Alsat1*	*Astra*
$T\,(s)\times10^3$	5,964	86,160
$h(m)\times10^6$	0,70	35,65

أ- أحد القمرين جيومستقر عينه مع التعليل؟

ب- احسب تسارع الجاذبية الارضية g عند نقطة من مدار القمر الاصطناعي ألسات 1 ، ماذا تستنتج؟

جـ – بين اعتمادا على معطيات الجدول أن قانون كبلر الثالث محقق .

د – استنتج قيمة تقريبية لكتلة الارض.

المعطيات: $G = 6,67\times10^{-11}\ N\cdot m^2\cdot kg^{-2}$ ، $R = 6380\ km$ ، $1\ jour = 23h\ 56\text{min}$

تسارع الجاذبية عند سطح الأرض: $g_0 = 9,8\text{m}\cdot s^{-2}$.

التمرين 2: باكلوريا علوم تجريبية 2009

يدور قمر اصطناعي كتلته (m_s) حول الأرض في مسار دائري على ارتفاع (h) من سطحها. نعتبر الأرض كرة نصف قطرها (R)، وننمذج القمر الاصطناعي بنقطة مادية. تدرس حركة القمر الاصطناعي في المعلم المركزي الأرضي الذي نعتبره غاليليا.

1 – ما المقصود بالمعلم المركزي الأرضي؟

2 – اكتب عبارة القانون الثالث لكيبلر بالنسبة اهذا القمر.

3 – أوجد العبارة الحرفية بين مربع سرعة القمر (v^2) و (G) ثابت الجذب العام، M_T كتلة الأرض ، h و R.

4 – عرّف القمر الجيومستقر واحسب ارتفاعه (h) وسرعته (v).

5 – احسب قوة جذب الأرض لهذا القمر. اشرح لماذا لا يسقط على الأرض رغم ذلك.

المعطيات: دور حركة الأرض حول محورها: T≃24h.

$R = 6400\ km\ ;\ m_s = 2\times10^3\ kg\ ;\ M_T = 5,97\times10^{24}\ kg\ ;\ G = 6,67\times10^{-11}\ Nm^2.kg^{-2}$

التمرين 3: باكلوريا رياضيات 2008

يدور قمر اصطناعي كتلته (m) حول الأرض بحركة منتظمة، فيرسم مسارا دائريا نصف قطره (r) ومركزه هو نفسه مركز الأرض.

1 – مثّل قوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي واكتب عبارة قيمتها بدلالة M_T ، m ، G ، r حيث:

M_T كتلة الأرض ، m كتلة القمر الاصطناعي ، G ثابت الجذب العام.

r نصف قطر المسار (البعد بين مركز الأرض ومركز القمر الاصطناعي).

2 – باستعمال التحليل البعدي أوجد وحدة ثابت الجذب العام (G) في الجملة الدولية (SI).

3 – بيّن أن عبارة السرعة الخطية (v) للقمر الاصطناعي في المرجع المركزي الأرضي تعطى بـ: $v = \sqrt{\frac{G.M_T}{r}}$.

4 – اكتب عبارة (v) بدلالة r و T حيث T دور القمر الاصطناعي.

5 – اكتب عبارة دور القمر الاصطناعي حول الأرض بدلالة M_T ، G ، r.

6 – أ/ بيّن أن النسبة $(\frac{T^2}{r^3})$ ثابتة لأي قمر يدور حول الأرض، ثم احسب قيمتها العددية في المعلم المركزي الأرضي مقدرة بوحدة الجملة الدولية (SI).

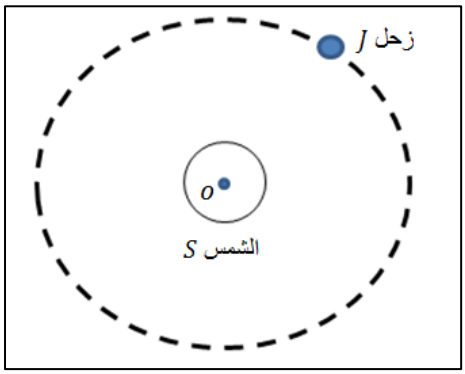
ب/ إذا كان نصف قطر مسار قمر اصطناعي يدور حول الأرض $r = 2{,}66\times10^{4}\ km$ ، احسب دور حركته.

المعطيات: ثابت الجذب العام : $G = 6{,}67\times10^{-11}\ SI$ كتلة الأرض : $M_T = 5{,}97\times10^{24}\ kg$ ، $\pi^2 = 10$.

التمرين4: بكالوريا رياضيات 2008

المعطيات :

كتلة الشمس	$M_s = 2\times10^{30}kg$
نصف قطر مدار زحل	$r = 7.8\times10^{8}km$
ثابت الجذب العام	$G = 6.67\times10^{-11}SI$



يدور كوكب زحل حول الشمس على مسار نعتبره دائري مركزه ينطبق على مركز عطالة الشمس (O) بحركة منتظمة .

1- مثل القوة التي تطبقها الشمس على كوكب زحل ثم أعط عبارتها .

2- ندرس حركة كوكب زحل في المرجع المركزي الشمسي (الهيليومركزي) الذي نعتبره غاليليا.

أ – عرف المرجع المركزي الشمسي .

ب – بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أوجد عبارة التسارع a لحركة مركز عطالة كوكب زحل .

ج- أوجد العبارة الحرفية للسرعة المدارية v للكوكب في المرجع المختار بدلالة: G ،M_S و نصف قطر المدار r ثم احسب قيمتها .

3- أوجد عبارة الدور T لحركة هذا الكوكب حول الشمس بدلالة : نصف قطر المدار r والسرعة v ثم أحسب قيمته .

التمرين5: باكالوريا رياضيات 2009

ينتمي القمر الاصطناعي (Giove-A) إلى برنامج غاليلو الأوروبي لتحديد الموقع المكمل للبرنامج الأمريكي GPS. نعتبر القمر الاصطناعي (Giove-A) ذي الكتلة m = 700 kg نقطيا ونفترض أنه يخضع إلى قوة جذب الأرض فقط.

يدور القمر (Giove-A) بسرعة ثابتة في مدار دائري مركزه (O) على ارتفاع $h = 23{,}6\times10^{3}\ km$ من سطح الأرض.

1 – في أي مرجع تتم دراسة حركة هذا القمر الاصطناعي؟ وما هي الفرضية المتعلقة بهذا المرجع والتي تسمح بتطبيق القانون الثاني لنيوتن؟

2 – أوجد عبارة تسارع القمر (Giove-A) وعيّن قيمته.

3 – احسب سرعة القمر (Giove-A) على مداره.

4 – عرّف الدور T ثمّ عيّن قيمته بالنسبة للقمر (Giove-A).

5 – احسب الطاقة الإجمالية للجملة ((Giove-A)+أرض).

المعطيات: ثابت الجذب العام $G = 6{,}67\times10^{-11}\ SI$ كتلة الأرض $M_T = 5{,}98\times10^{24}\ kg$

نصف قطر الأرض $R_T = 6{,}38\times10^{3}\ km$.

التمرين 6: باكلوريا علوم تجريبية 2011

ألسات1 *(Alsat1)* قمر اصطناعي جزائري متعدد الاستخدامات كتلته $m_L = 90kg$ ، أرسل إلى الفضاء بتاريخ 28 نوفمبر2002 ، يدور حول الأرض وفق مسار إهليجي و دوره $T = 98min$.

1- من أجل دراسة حركته نختار مرجعا مناسبا.

ب- اقترح مرجعا لدراسة حركة هذا القمر الاصطناعي حول الأرض .

ت- ذكر بنص القانون الثاني لكبلر .

2- بفرض أن القمر الاصطناعي *(Alsat1)* يدور حول الأرض وفق مسار دائري على ارتفاع h عن سطحها

أ - مثل قوة جذب الأرض بالنسبة للقمر الاصطناعي.

ب- اكتب العبارة الحرفية لشدة قوة جذب القمر الاصطناعي بدلالة : $M_T\ , m_L\ , h\ , G\ , R_T$.

ج- بتطبيق قانون نيوتن الثاني تحقق أن عبارة سرعة القمر الاصطناعي المدارية هي الشكل: $v = \sqrt{\frac{GM_T}{r}}$ حيث $r = R_T + h$

د- عرف الدور T وأكتب عبارته بدلالة $G\ , r\ , M_T$.

هـ- احسب الارتفاع h الذي يتواجد عليه القمر *(Alsat1)* عن سطح الأرض .

معطيات : $R_T = 6.38 \times 10^3 km$, $M_T = 6 \times 10^{24} kg$, $G = 6.67 \times 10^{-11} SI$

التمرين7: باكالوريا رياضيات 2011

يدور كوكب القمر حول الأرض وفق مسار نعتبره دائريا مركزه هو مركز الأرض، ونصف قطره $r = 384 \times 10^3$ km ، ودوره $T_L = 25,5$ j.

1 – أ – ما هو المرجع الذي تنسب إليه حركة كوكب القمر؟

ب – احسب قيمة السرعة v لحركة مركز عطالة القمر.

2 – المركبة الفضائية Apollo التي حملت رواد الفضاء إلى سطح القمر سنة 1968، حلقت في مدار دائري حول القمر على ارتفاع ثابت $h_A = 110$ km.

أ – ذكّر بنص القانون الثالث لكبلر.

ب – أوجد عبارة دور المركبة T_A بدلالة h_A ونصف قطر القمر R_L وكتلته M_L، وثابت الجذب العام G. احسب قيمته العددية.

3 – استنتج مما تقدم نصف القطر r_S للمدار الجيومستقر لقمر اصطناعي أرضي.

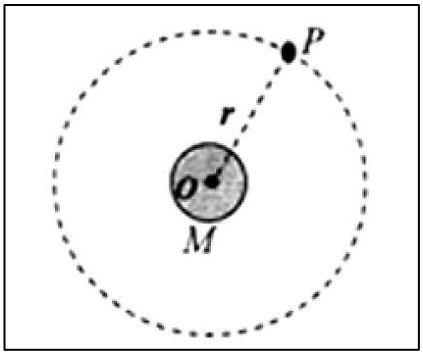
المعطيات: $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N.m^2.kg^{-2} ، كتلة القمر : $M_L = 7,34 \times 10^{22}$ kg

نصف قطر القمر: $R_L = 1,74 \times 10^3$ km ، النسبة $\frac{M_T}{M_L} = 81,3$ حيث M_T كتلة الأرض.

4 – يوجد تشابه واضح بين النظامين الكوكبي والذري، إلا أنه لا يمكن تطبيق قوانين نيوتن على النظام الذري. بيّن محدودية قوانين نيوتن.

التمرين8: باكالوريا رياضيات 2012

يتصور العلماء في الرحلات المستقبلية نحو كوكب المريخ M وضع محطة لأجهزة الاتصالات مع الأرض على أحد أقمار هذا الكوكب، مثلا على القمر Phobos (P).



المعطيات:

ثابت التجاذب الكوني: $G = 6,67 \times 10^{-11}$ N.m^2.kg^{-2}

المسافة بين المريخ M والقمر P: $r = 9,38 \times 10^3$ km

كتلة المريخ: $m_M = 6,44 \times 10^{23}$ kg

كتلة القمر Phobos : m_P

دور المريخ حول نفسه: $T_M = 24$ h 37 min 22 s

نفرض أن هذه الأجسام كروية الشكل وكتلتها موزعة بانتظام على حجومها وأن حركة هذا القمر دائرية وتنسب إلى مرجع غاليلي مبدؤه O مركز كوكب المريخ (الشكل – 3).

1 – مثّل على الشكل القوة التي يطبقها الكوكب M على القمر Phobos(P).

2 – أ – بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أن حركة مركز عطالة هذا القمر دائرية منتظمة.

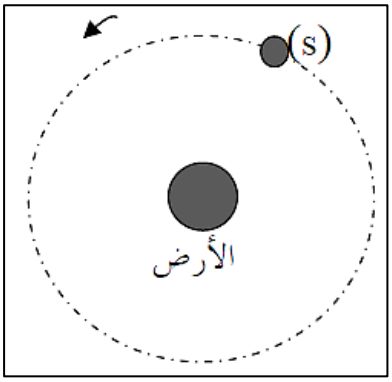
ب – استنتج عبارة سرعة دوران القمر P حول المريخ.

3 – جد عبارة دور حركة القمر T_P حول المريخ بدلالة المقادير r ، G ، m_M.

4 – اذكر نص القانون الثالث لكبلر وبيّن أن النسبة: $\frac{T_P^2}{r^3} = 9{,}21 \times 10^{-13}\ S^2.m^{-3}$ ، ثم استنتج قيمة T_P.

5 – أين يجب وضع محطة الاتصالات S لتكون مستقرة بالنسبة للمريخ؟ ما قيمة T_S دور المحطة في مدارها حينئذ؟

التمرين9: باكالوريا رياضيات 2013



نعتبر قمرا اصطنعيا (S) كتلته m_s يدور حول الأرض في جهة دورانها بسرعة ثابتة (الشكل).

1. مثل القوى الخارجية المؤثرة عل القمر الاصطناعي (S).
2. ماهو المرجع المناسب لدراسة حركة القمر الاصطناعي (S) ؟ عرفه.
3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد العبارة الحرفية لسرعة القمر الاصطناعي بدلالة: ثابت الجذب العام G، كتلة الأرض M_T، نصف قطر الأرض R_T وارتفاع مركز عطالة القمر الاصطناعي عن سطح الأرض h، ثم احسب قيمتها.
4. أ– جد عبارة دور القمر الاصطناعي بدلالة: R_T ، G ، h ، M_T ، ثم احسب قيمته.

ب– هل يمكن اعتبار هذا القمر جيو مستقر؟ علل.

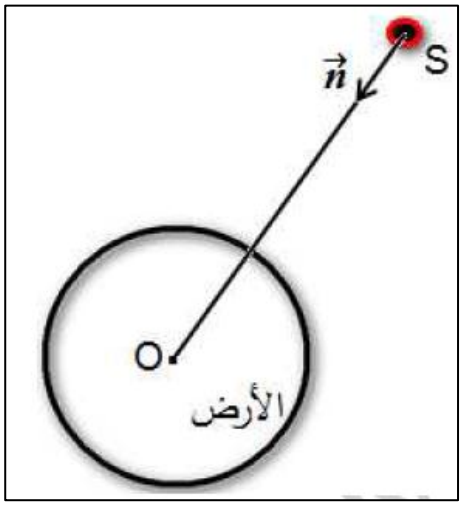
5. ذكر بالقانون الثالث لكبلر، ثم بين أن النسبة: $\frac{T^2}{(R_T + h)^3} = k$ ، حيث k ثابت يطلب حسابه.

يعطى: $\pi^2 = 10$ ، $h = 35800km$ ، $R_T = 6380km$ ، $M_T = 6 \times 10^{24} kg$ ، $G = 6.67 \times 10^{11}\ (SI)$.

4– استنتج مما سبق عبارة القانون الثالث لكبلر، واذكر نصه .

التمرين10: باكالوريا رياضيات 2012

يدور قمر اصطناعي (S) حول الأرض بحركة دائرية منتظمة على ارتفاع $h = 700km$ من سطحها، حيث ينجز 14.55 دورة في اليوم الواحد، نفرض أن المرجع المركزي الأرضي مرجع غاليلي.



1. مثل شعاع التسارع $\vec{a}$ لحركة القمر الاصطناعي (S) .
2. أعط دون برهان عبارة شعاع التسارع $\vec{a}$ لحركة القمر الاصطناعي (S) بدلالة v سرعة القمر ونصف قطر المسار r وشعاع الوحدة $\vec{n}$.
3. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن عبارة سرعة القمر الاصطناعي حول الارض تعطى بالعلاقة: $v = \sqrt{\frac{G M_T}{r}}$.
4. اكتب العلاقة بين T_S و r، حيث T_S دور القمر الاصطناعي (S) حول الأرض.
5. بين أن $\frac{T_S}{r^3} = 9.85 \times 10^{-14}\ s^2.m^{-3}$
6. استنتج M_T كتلة الأرض.

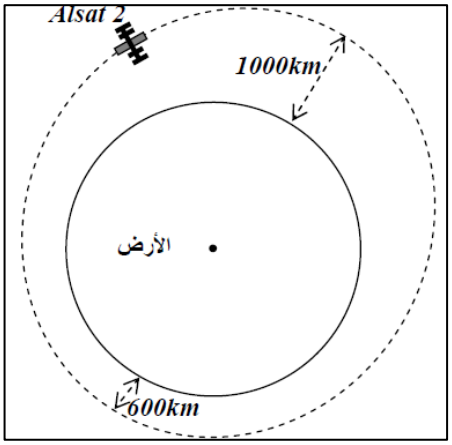
يعطى: $G = 6.67 \times 10^{11}\,(SI)$ ، $R_T = 6400km$.

التمرين11: باكالوريا رياضيات 2014

بتاريخ 12 جويلية 2010 تم إطلاق القمر الاصطناعي الجزائري الثاني $Alsat2$ الذي نرمز له بـ (S) حيث تم وضعه في مداره الإهليليجي بنجاح، ليدور حول الأرض على ارتفاع من سطحها محصور بين $600km$ و $1000km$.

1. يمثل الشكل رسما تخطيطيا مبسطا لمدار (S) حول الأرض، نعتبر (S) خاضعا لقوة جذب الأرض فقط.

يعطى: نصف قطر الأرض $R_T = 6400km$ وكتلتها $M_T = 6 \times 10^{24} kg$ ودور حركتها حول محورها $T_T = 24h$.



أ- ماذا يمثل مركز الأرض بالنسبة لمدار هذا القمر الاصطناعي؟

ب- مثل في موضع كيفي من المدار شعاع القوة التي يخضع لها (S) أثناء دورانه حول الأرض.

2. نعتبر حركة (S) دائرية على ارتفاع متوسط ثابت $h = 800km$.

أ- هل شدة قوة جذب الأرض لـ (S) ثابتة؟ علل.

ب- أحسب شدة هذه القوة علما أن كتلة هذا القمر هي $m = 130kg$.

3. أ- أذكر خصائص القمر الاصطناعي الجيومستقر .

ب- هل يمكن اعتبار (S) قمرا اصطناعيا جيومستقر؟ لماذا؟

جـ- احسب قيمة سرعة القمر الاصطناعي (S).

4. يمكن لقمر اصطناعي آخر نعتبره جيومستقر أن يدور حول الأرض بحركة دائرية منتظمة على ارتفاع z من سطحها.

- جد الارتفاع z للقمر الاصطناعي الجيومستقر.

التمرين12:

نعتبر قمرا صناعيا للاتصالات كتلته m يوجد مداره الدائري في مستوى خط الاستواء الذي يعتبر مدارا للأقمار الاصطناعية الساكنة بالنسبة للأرض . ندرس حركة هذا القمر في المرجع المركزي الأرضي .

1- أعط تعريف المرجع المركزي الأرضي

2- حدد السرعة الزاوية لحركة القمر الاصطناعي في المرجع المركزي للأرضي .

3- بالنسبة لأي مرجع يظهر القمر الاصطناعي ساكنا ؟

4- يوجد القمر الاصطناعي على ارتفاع Z=35800Km . باعتبار نصف قطر الأرض R=6400Km

- .أعط مميزات السرعة V لمركز عطالته .

5- نعتبر المرجع المركزي الأرضي غاليليا .يخضع القمر الصناعي في هذا المرجع إلى قوة وحيدة وهي قوة الجذب التي تطبقها الأرض .نعتبر أن كتلة الأرض M_T موزعة حسب طبقات متجانسة وكروية الشكل .

أ- أوجد عبارة V بدلالة نصف القطر r و $G.M_T$ حيث G ثابت التجاذب الكوني .

ب- استنتج عبارة القانون الثالث لكيبلر .

ج- احسب قيمة الجداء GM_T .

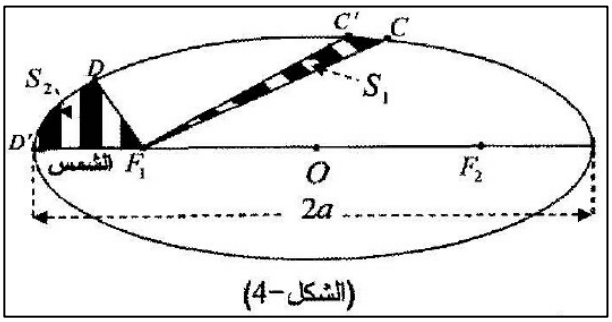
6- تتم عملية الاستقمار بواسطة صاروخ يقوم بحمل القمر الصناعي و وضعه في مدا ر انتظاري . يكون شكل هذا المدار إهليلجيا تمثل الأرض إحدى بؤرتيه ، يكون الارتفاع الأدنى للقمر الصناعي z_p= 200km بالنقطة p و ارتفاعه الأقصى z_A بالنقطة A هو لمدار القمر الصناعي الساكن بالنسبة للأرض (الجزء 3).

- مثل مدار حركة القمر الصناعي حول الأرض مبرزا النقطتين A و P .

- في أي النقطتين من المدار تكون سرعة القمر الصناعي دنيا (صغرى) و قصوى ؟
- أعط عبارة الدور المداري T_A للقمر الصناعي .
- أحسب T_A و المدة اللازمة لمرور القمر من النقطة P إلى النقطة A .

التمرين13: باكالوريا علوم تجريبية 2010

أ/ يكون مسار حركة مركز عطالة كوكب حول الشمس اهليليجيا كما يوضحه الشكل – 4. ينتقل الكوكب أثناء حركته على مداره من النقطة C إلى النقطة C' ثم من النقطة D إلى النقطة D' خلال نفس المدة الزمنية Δt.



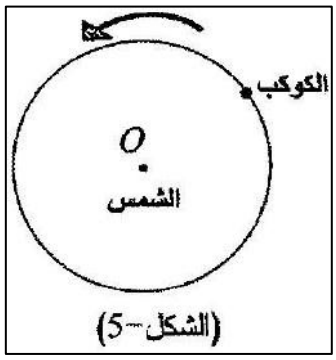
(الشكل–4)

1 – اعتمادا على قانون كبلر الأوّل فسر وجود موقع الشمس في النقطة F_1، كيف نسمي عندئذ النقطتين F_1 و F_2.

2 – حسب قانون كبلر الثاني ما هي العلاقة بين المساحتين S_1 و S_2 ؟

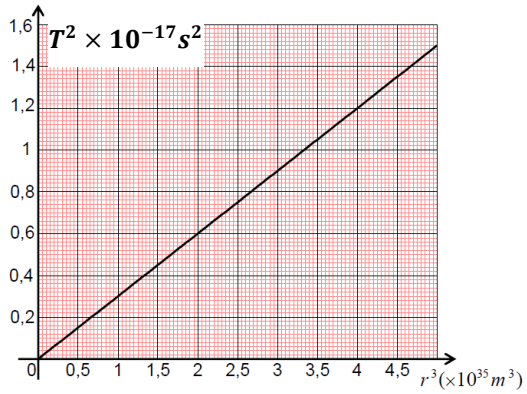
3 – بيّن أن متوسط السرعة بين الموضعين C و C' أقل من متوسط السرعة بين الموضعين D و D'.

ب/ من أجل التبسيط ننمذج المسار الحقيقي لكوكب في المرجع الهليومركزي بمدار دائري مركزه O (مركز الشمس) ونصف قطره r الشكل –5. يخضع كوكب أثناء حركته حول الشمس إلى تأثيرها والذي ينمذج بقوة $\vec{F}$ ، قيمتها تعطى حسب قانون الجذب العام لنيوتن بالعلاقة : $F = G\frac{mM}{r^2}$ حيث M كتلة الشمس، m كتلة الكوكب و G ثابت التجاذب الكوني $G = 6{,}67\times10^{-11}$ SI باستعمال برمجية « satellite » في جهاز الإعلام الآلي تم رسم



(الشكل–5)

البيان $T^2=f(r^3)$ الشكل – 6. حيث T دور الحركة.



1 – اذكر نص قانون كبلر الثالث.

2 – بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكوكب وبإهمال تأثيرات الكواكب الأخرى، أوجد عبارة كل من v سرعة الكوكب ودور حركته T بدلالة r ، G ، M.

3 – أوجد بيانيا العلاقة بين T^2 و r^3 .

4 – أوجد العلاقة النظرية بين T^2 و r^3

5 – بتوظيف العلاقتين الأخيرتين استنتج قيمة كتلة الشمس M.

التمرين 14 :

تم ارسال اول قمر صناعي $Galiléo$ للبرنامج $GIOVE-A$ في 28 ديسمبر 2005 . نعتبر ان القمر الاصطناعي جسما نقطيا S لا يخضع الا لقوة جذب الارض له . يرسم مدارا دائريا على ارتفاع $h = 23{,}6.10^3$ km عن سطح الارض..

1/ مثل كيفيا الارضة القمر الاصطناعي على مساره والقوة المطبقة من طرف الارض على هاذ القمر.

2/ ما هو المرجع الذي تدرس فيه الحركة؟ لتطبيق القانون الثاني لنيوتن ة ما هي الفرضية الواجب وضعها بالنسبة لهذا المرجع؟

3/ اعط مميزات شعاع التسارع a للنقطة S في المرجع السابق.

4/ اوجد عبارة سرعة الحركة بدلالة M_T ، R_T ، h ، G.

5/ باستعمال المعطيات السابقة: اعط عبارة دور الحركة ثم اوجد قانون كبلر الثالث.

(يعطى نصف قطر الارض: $R_T = 6{,}38.10^3$ km

6/ مقارنة حركة القمر الصناعي بحركة اقمار صناعية اخرى: الجدول التالي يعطى دور و نصف قطر مدارات بعض الاقمار الصناعية:

القمر	$R = (RT + h)(km)$	$T(s)$	$R^3(km^3)$	$T^2(s^2)$
GPS	$20{,}2.10^3$	$2{,}88.10^4$		
GLONASS	$25{,}5.10^3$	$4{,}02.10^4$		
$METEOSAT$	$42{,}1.10^3$	$8{,}61.10^4$		

أ/ اكمل الجدول ثم ارسم البيان:$T^2=f(R^3)$ باستعمال سلم الرسم :R^3: كل 1cm يقابلها $10^{13}km^3$.

T^2: كل 1cm يقابلها.10^9s^2

ب/ اكتب معادلة المنحنى الناتج و تأكد ان البيان يتوافق مع قانون كبلر الثالث.

ج/ استنتج كتلة الارض R_T.

د/ باستعمال البيان اوجد دور القمر الصناعي Galiléo، ثم احسب سرعته وتسارعه. يعطى :$G =6{,}67.10^{-11}$.

التمرين 15 :

المريخ هو احد كواكب النظام الشمسي الذي يمكن رصده بسهولة في السماء بسبب إضاءته ولونه الأحمر ، وله قمران طبيعيان هما فوبوس وديموس ، اهتم العلماء بدراسته منذ زمن بعيد وأرسلت إليه في العقود الأخيرة عدة مركبات فضائية استكشافيه مكنت من الحصول على معلومات هامة حوله . يقترح هذا التمرين تحديد بعض المقادير الفيزيائية المتعلقة بهذا الكوكب .

i. تحديد مسار حركة المريخ وسرعته:

نعتبر ان حركة المريخ في المرجع المركزي الشمسي دائرية ، سرعتها V ونصف قطر مسارها r (نهمل ابعاد المريخ امام المسافة الفاصلة بينه وبين مركز الشمس ، كما نهما القوى الأخرى المطبقة عليه أمام قوة التجاذب الكوني التي تطبقها الشمس) .

1- مثل القوة التي تطبقها الشمس على المريخ

2- اكتب بدلالة G و M_S و M_M و r عبارة الشدة $f_{s/M}$ لقوة التجاذب الكوني التي تطبقها الشمس على المريخ (M_M تمثل كتلة المريخ)

3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد السرعة المدارية للمريخ حول الشمس .

4- اثبت أن سرعة دوران المريخ حول الشمس ثابتة .

5- بين أن العلاقة بين الدور ونصف قطر مسار المريخ حول الشمس هي : $\frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{G.M_S}$

6- علما أن قيمة r هي $r = 2{,}3 .10^{11}$ m . اوجد السرعة V .

ii. تحديد كتلة المريخ وشدة الجاذبية على سطحه :

نعتبر ان القمر فوبوس يوجد في حركة دائرية منتظمة حول المريخ على المسافة $Z = 6000$ km من سطحه. دور هذه الحركة هو $T_P = 640$ min (نهمل ابعاد فوبوس أمام باقي الأبعاد) . بدراسة حركة فوبوس في مرجع أصله منطبق مع مركز المريخ ، والذي نعتبره غاليليا ، اوجد :

1- الكتلة M_M للمريخ

2- شدة الثقل g_M على سطحه .

المعطيات :

- كتلة الشمس $M_s = 2.10^{30}$ kg ، نصف قطر المريخ $R_m = 3400$ km
- ثابت التجاذب الكوني (SI) $G = 6{,}67 .10^{-11}$ ،
- دور حركة المريخ حول الشمس هو $T_m = 687$ jours ، 1 jours = 86400 s

تمارين حول السقوط الشاقولي والسقوط الحر للأجسام

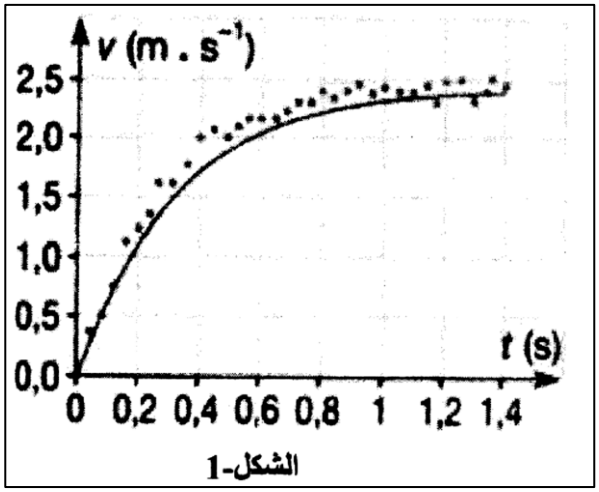
تمرين16: باكالوريا علوم تجريبية 2008

هذا النص مأخوذ من مذكرات العلم هويغينز: .... في البداية كنت أظن قوة الاحتكاك في مائع تتناسب طردا مع السرعة ولكن التجارب التي حققتها في باريس بينت لي أن قوة الاحتكاك يمكن أن تتناسب طردا مع مربع السرعة . وهذا يعني أنه اذا تحرك متحرك بسرعة ضعف ما كانت عليه ، يصطدم بكمية من المائع تساوي مرتين ولها سرعة ضعف ما كانت عليه.....

1- يشير النص الى فرضيتي هويغينز حول الاحتكاك في الموائع، يعبر عنهما رياضيا بالعلاقتين :

$$f = k`v^2 \dots\dots\dots(2) \quad ، \quad f = kv \dots\dots\dots(1)$$

حيث f قيمة قوة الاحتكاك ، v سرعة مركز عطالة المتحرك ، k و $k`$ ثابتان موجبان.



الشكل-1

- ارفق بكل علاقة التعبير المناسب – من النص– عن كل فرضية.

2- للتأكد من صحة الفرضيتين ، تم تسجيل حركة بالونة تسقط في الهواء . سمح التسجيل بالحصول على سحابة من النقاط تمثل تطور سرعة مركز عطالة البالونة ، في لحظات زمنية معينة .

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، واعتماد على الفرضية المعبر عنها بالعلاقة (1) ، اكتب المعادلة التفاضلية لحركة سقوط البالونة بدلالة:

- ρ_0 الكتلة الحجمية للهواء. – ρ الكتلة الحجمية للبالونة . –
- m كتلة البالونة – g تسارع الجاذبية – k ثابت التناسب.

ب- بين أن المعادلة التفاضلية للحركة يمكن كتابتها على الشكل : $\frac{dv}{dt} + Bv = A$ حيث A و B ثابتان .

ج- اعتمادا على البيان ، ناقش تطور السرعة v واستنتج قيمتها الحدية v_{lim} . ماذا يمكن القول عن حركة مركز عطالة البالونة عندئذ ؟

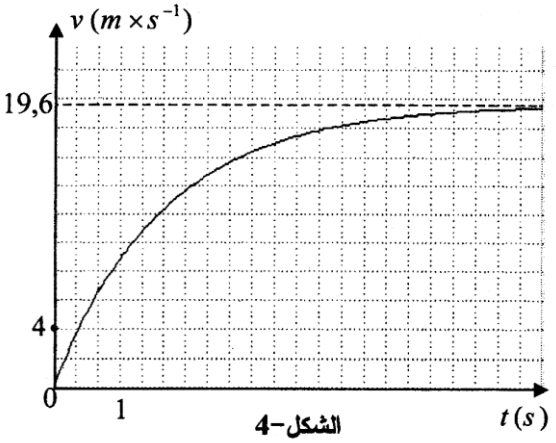
د- احسب قيمتي A و B .

3- رسم على نفس المخطط السابق المنحنى $v = f(t)$ وفق A و B حيث المنحنى ممثل بالخط المستمر. ناقش صحة الفرضية (1) .

$$g = 9{,}81 m.s^{-2} \quad ، \quad \rho = 4{,}1 kg.m^{-3} \quad ، \quad \rho_0 = 1{,}3 kg.m^{-3}$$

تمرين 17: باكالوريا علوم تجريبية 2010

تمت معالجة السقوط الشاقولي لجسم صلب (S) في الهواء بجهاز الإعلام الآلي ، وذلك بعد تصويره بكاميرا رقمية فتحصلنا على البيان v=f(t) الذي يمثّل تغيرات سرعة مركز عطالة الجسم بدلالة الزمن (الشكل – 4).



الشكل-4

1 – حدد طبيعة مركز عطالة الجسم (S) في النظامين الانتقالي والدائم. علل.

2 – بالاعتماد على البيان عيّن:

أ – السرعة الحدية v_{lim}.

ب – تسارع الحركة في اللحظة t=0.

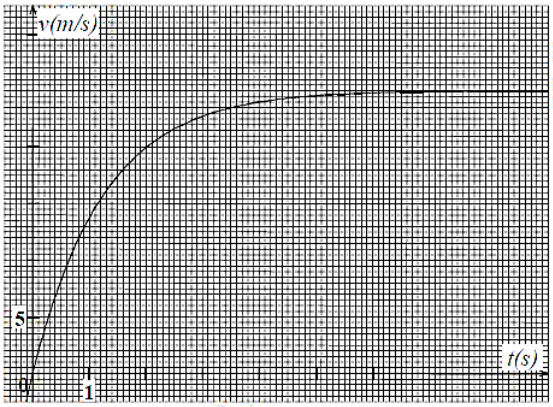
3 – كيف يكون الجسم الصلب (S) متميزا وهذا للحصول على حركة مستقيمة شاقولية انسحابية في نظامين انتقالي ودائم؟

4 – باعتبار دافعة أرخميدس مهملة، مثل القوى المؤثرة على الجسم (S) أثناء

السقوط، واستنتج عندئذ المعادلة التفاضلية للحركة بدلالة السرعة v في حالة السرعات الصغيرة.

5 – توقع شكل مخطط السرعة عند إهمال دافعة أرخميدس ومقاومة الهواء. علل.

تمرين18: باكالوريا علوم تجريبية 2013



تسقط حبة برد كروية الشكل قطرها : $D = 3cm$ كتلتها $m = 13g$ دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$ من النقطة o ترتفع بـ $1500m$ عن سطح الارض نعتبرها كمبدأ للمحور الشاقولي (oz) .

أولا: نفترض أن حبة البرد تسقط سقوطا حرا.

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، جد المعادلتين الزمنيتين لسرعة وموضع G مركز عطالتها.

2- احسب قيمة السرعة لحظة وصولها الى سطح الارض.

ثانيا: في الواقع تخضع حبة البرد بالاضافة لثقلها $\vec{P}$ الى قوة دافعى ارخميدس $\vec{\pi}$ وقوة احتكاك $\vec{f}$ المتناسبة طردا مع مربع السرعة حيث $f = kv^2$.

1- بالتحليل البعدي حدد وحدة المعامل k في النظام الدولي للوحدات .

2- اكتب عبارة قوة دافعة ارخميدس ، ثم احسب شدتها وقارنها مع شدة قوة الثقل . ماذا تستنتج؟

3- باهمال دافعة ارخميدس $\vec{\pi}$:

أ- جد المعادلة التفاضلية للحركة ، ثم بين أنه يمكن كتابتها على الشكل $\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$.

ب- استنتج العبارة الحرفية للسرعة الحدية v_l التي تبلغها حبة البرد.

ج- جد بيانيا قيمة v_l السرعة الحدية ثم استنتج قيمة k .

د- قارن بين السرعتين التي تم حسابهما في السؤالين (أولا -2) و (ثانيا -3-ج) . ماذا تستنتج ؟

المعطيات: حجم الكرة: $V = \frac{4}{3}\pi r^3$، الكتلة الحجمية للهواء: $\rho = 1,3\ kg \cdot m^{-3}$ ، $g = 9,8 m \cdot s^{-2}$.

تمرين 19 :

الدراسة التجريبية لسقوط كرة تنس في الهواء

-كتلة كرة التنس $m=2.50g$ -وقطرها $D= 3.8cm$ - الكتلة الحجمية للهواء $\rho= 1.3Kg/m^3$

1- بين أن دافعة ارخميدس التي تطبق على الكرة يمكن إهمالها أمام ثقلها ($g= 9.8m/s^2$)

2- بفرض أن قوة الاحتكاك التي يمارسها الهواء على الكرة تعطى بالعلاقة $f=kv^2$

- مثل القوى المؤثرة على الكرة
- اعط عبارة المعادلة التفاضلية التي تحقق $v(t)$ سرعة مركز عطالة الكرة

3-اعط عبارة k بدلالة m, g و v_{lim} استنتج وحدة k واحسب قيمتها اذا كانت $v_{lim}=7.12m/s$

4- أ/ ماهي قيمة a_0 لشعاع تسارع مركز عطالة الكرة عند $t=0s$

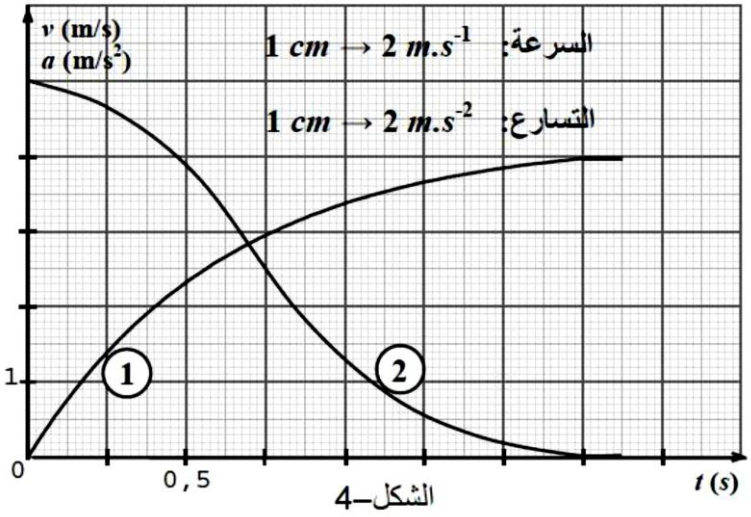
ب/ احسب قيمة τ الزمن المميز للحركة .

تمرين20 : باكالوريا علوم 2011

تسقط كرية مطاطية شاقوليا في الهواء دون سرعة ابتدائية $v_0 = 0\ m.s^{-1}$ وننمذج السقوط بطريقة رقمية.

المعطيات: كتلة الكرية $m=3g$ ؛ نصف قطرها $r=1,5cm$ ؛ الكتلة الحجمية للهواء $\rho_{air}=1,3kg.m^{-3}$.

حجم الكرة $V=(4/3).\pi r^3$ ؛ قوة الاحتكاك $f=kv^2$ ؛ $g=9,8\ m.s^{-2}$.



الشكل–4

1 – مثّل القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الكرية خلال مراحل السقوط.

2 – باختيار مرجع غاليلي مناسب وبتطبيق قانون نيوتن الثاني اكتب المعادلة التفاضلية للسرعة.

3 – بالمعالجة الرقمية حصلنا على البيانين : $a = h(t)$ و $v = f(t)$ (الشكل – 4).

أ – أي المنحنيين يمثل تطور التسارع $a(t)$ بدلالة الزمن؟ علل.

ب – حدّد بيانيا السرعة الحدية v_ℓ .

ج – علما أن $v_\ell = \sqrt{\frac{g}{k}(m - \rho_{air}V)}$

- احسب قيمة معامل الاحتكاك k.

تمرين 21: باكالوريا رياضيات 2010

لدراسة حركة سقوط جسم صلب *(S)* كتلته m شاقوليا في الهواء، استعملت كاميرا رقمية (Webcam)، عولج شريط الفيديو ببرمجية (Avistep) في جهاز الإعلام الآلي فتحصلنا على النتائج التالية:

t(ms)	*0*	*100*	*200*	*300*	*400*	*500*	*600*	*700*	*800*	*900*
v(m.s⁻¹)	*0*	*0,60*	*0,90*	*1,02*	*1,08*	*1,10*	*1,12*	*1,13*	*1,14*	*1,14*

1 – أ – ارسم المنحنى البياني الممثل لتغيرات السرعة v بدلالة الزمن $v=f(t)$.

السلم: $1\ cm \rightarrow 0,20\ m.s^{-1}$ ؛ $1\ cm \rightarrow 0,1\ s$.

ب – عين قيمة السرعة الحدية v_{lim} .

ج – كيف كون الجسم الصلب *(S)* متميزا للحصول على حركة مستقيمة شاقولية انسحابية في نظامين انتقالي ودائم؟

د – احسب تسارع حركة *(S)* في اللحظة $t=0s$.

2 – تعطى المعادلة التفاضلية لحركة *(S)* بالعبارة $\frac{dv}{dt} + Av = C\left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right)$.

حيث ρ الكتلة الحجمية للهواء، V حجم الجسم *(S)*.

أ – مثل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة *(S)*.

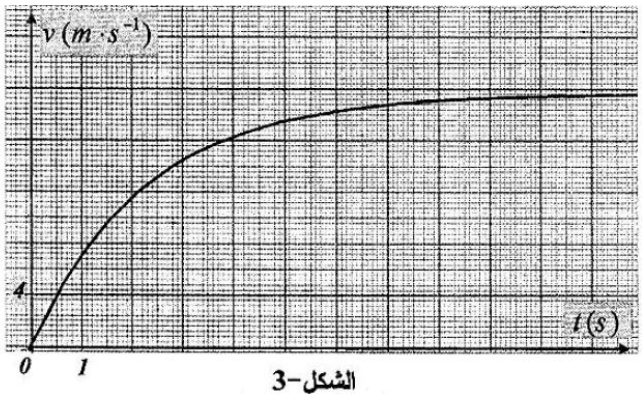
ب – بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة مركز عطالة *(S)* بدلالة السرعة v وذلك في حالة السرعات الصغيرة.

وبيّن أن: $A = \frac{k}{m}$ و $C = g$ حيث: k ثابت يتعلق بقوى الاحتكاك.

ج – استنتج قيمة دافعة أرخميدس وقيمة الثابت k. تعطى: $g = N.Kg^{-1}$ ؛ $m = 19g$.

تمرين22: باكالوريا علوم 2012

ندرس في مرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا حركة سقوط كرية في الهواء. الشكل 3 يمثل تطور سرعة مركز عطالة الكرية v بدلالة الزمن t



الشكل-3

1 – من البيان:

أ – حدّد المجال الزمني لنظامي الحركة.

ب – عيّن قيمة السرعة الحدية v_ℓ.

ج – احسب a_0 تسارع مركز عطالة الكرية في اللحظة $t=0$. ماذا تستنتج؟

د – ما هي قيمة التسارع لحظة وصول الكرية إلى الأرض؟

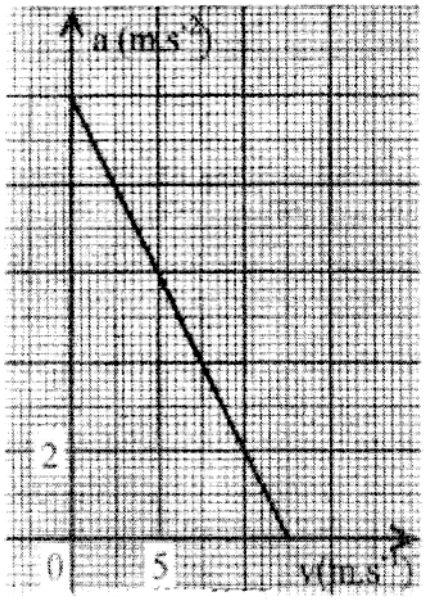
هـ – كم تكون قيمة الطاقة الحركية للكرية في اللحظة $t = 3s$؟

2 – مثّل كيفيا مخطط السرعة $v(t)$ لحركة السقوط الشاقولي لمركز عطالة الكرية في الفراغ.

المعطيات: $g = 9{,}80\ m.s^{-2}$ ، كتلة الكرية : $m = 30\ g$.

تمرين23 : باكالوريا علوم تجريبية 2009

يسقط مظلي كتلته مع تجهيزه m = 100kg سقوطا شاقوليا بدءا من نقطة O بالنسبة لمعلم أرضي دون سرعة ابتدائية. يخضع أثناء سقوطه إلى قوة مقاومة الهواء عبارتها من الشكل f = kv (تهمل دافعة أرخميدس).يمثل البيان الشكل تغيرات (a) تسارع مركز عطالة المظلي بدلالة السرعة (v).



1 – بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أن المعادلة التفاضلية لحركة المظلي من الشكل : $\frac{dv}{dt} = Av + B$. حيث A و B ثابتان يطلب تعيين عبارتيهما.

2 – عيّن بيانيا قيمتي كل من:

أ – شدة مجال الجاذبية الأرضية (g).

ب – السرعة الحدية للمظلي (v_ℓ).

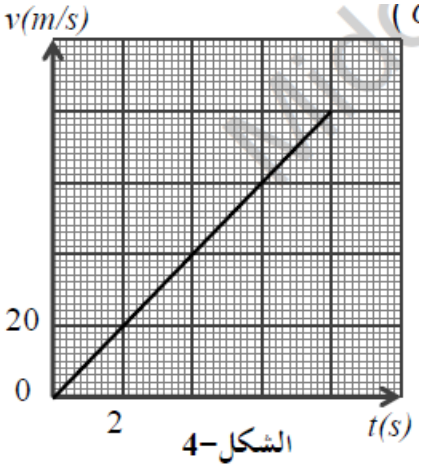
3 – تتميز الحركة السابقة بالمقدار $\frac{k}{m}$. حدد وحدته واحسب قيمته من البيان.

4 – احسب قيمة الثابت k.

5 – مثل كيفيا تغيرات سرعة المظلي بدلالة الزمن في المجال الزمني : $0 \le t \le 7s$.

تمرين 24: باكالوريا رياضيات 2013

أثناء التدريبات التي تقوم بها فرقة الصاعقة للمظليين بالمدرسة العليا لقوات الخاصة ببسكرة ، استعملت طائرة عمودية حلقت على ارتفاع ثابت من سطح الارض لانزال المظللين دون سرعة ابتدائية .



الشكل-4

1- ننمذج المظلي ومظلته بجملة (S) مركز عطالتها G وكتلتها : $m = 80kg$ ، نهمل تأثير دافعة ارخميدس. يقفز المظلي دون سرعة ابتدائية ، فيقطع ارتفاعا h خلال $8s$ قبل فتح مظلته . نعتبر حركة سقوطه حرا. ان دراسة تطور $v(t)$ سرعة المظلي بدلالة الزمن في معلم شاقولي $(o\vec{k})$ موجه نحو الاسفل مرتبط بمرجع سطحي ارضي ، مكنت من الحصول على البيان في الشكل -4 .

أ- حدد طبيعة حركة الجملة (S) مع التعليل.

ب- احسب الارتفاع h .

ج- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن استنتج تسارع الجاذبية الارضية g .

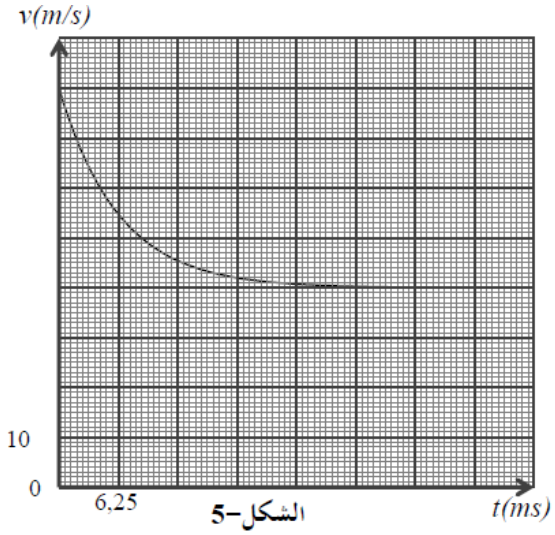
2- بعد قطع المظلي الارتفاع h يفتح مظلته ، فتخضع الجملة لقوة احتكاك عبارتها $f = kv^2$.

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين ان المعادلة التفاضلية لسرعة الجملة (S) تكتب بالعلاقة: $\frac{dv}{dt} = g\left(1 - \frac{v^2}{\beta}\right)$ حيث β ثابت يطلب التعبير عنه بدلالة : k ، g و m .

ب- يمثل المقدار β :

- سرعة الجملة (S) في اللحظة $t = 0$.
- تسارع حركة مركز عطالة الجملة في النظام الدائم.
- السرعة الحدية v_{lim} للجملة (S) .

اختر الاجابة الصحيحة من بين الاجابات السابقة.



الشكل-5

3- يمثل الشكل-5 تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة (S) بدءا من لحظة فتح المظلة التي نعتبرها مبدأ للأزمنة.

أ- حدد قيمة السرعة الحدية v_{lim} .

ب- بالاعتماد على التحليل البعدي حدد وحدة الثابت k ثم احسب قيمته .

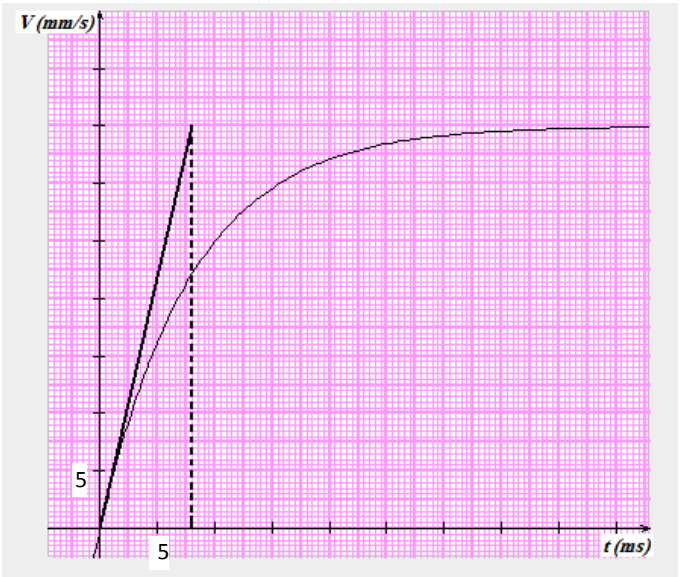
يعطى $g = 9.8\,m/s^2$

تمرين 25:

ندرس بمساعدة حاسوب تطور سرعة سقوط كرية من زجاج كتلتها m = 1g في سائل الغليسيرول كتلته الحجمية $\rho_g = 2.45\,g/ml$.

الكتلة الحجمية للزجاج $\rho_g = 1.26\,g/ml$. نصف قطر كرية الزجاج $r = 4{,}6\,mm$.نأخذ $g = 9{,}8\ m/s^2$.

مكنت الدراسة من الحصول على البيان المقابل:



1- الدراسة البيانية: استنتج من البيان.

أ- الزمن المميز للسقوط أي ثابت الزمن τ.

ب- قيمة السرعة الحدية V_{lim}.

ج- اللحظة التي يبدأ عندها النظام الدائم.

2- الدراسة النظرية:

أ- مثل القوى المؤثر على الكرية وأعط خصائص هذه القوى.

ب- نعتبر أن السرعة تظل ضعيفة حتى يمكن اعتبار شدة قوة الاحتكاك من الشكل F = K.V بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرية ودون إهمال دافعة أرخميدس. بين أن المعادلة التفاضلية لحركة الكرية تكتب من الشكل: $\frac{dV}{dt} + \frac{K}{m}V = g\left(1 - \frac{\rho_g}{\rho_V}\right)$

ج- أعط عبارة السرعة الحدية v_{lim} ثم أحسب قيمتها علما أن: $K = 6\,\pi.\eta.r$ حيث η هو ثابت اللزوجة $\eta = 1{,}49$ SI

د- أحسب ثابت الزمن τ المعرف بالعلاقة $\tau = \frac{m}{K}$

3- قارن بين قيمتي v_{lim} و τ المحسوبين في الدراسة البيانية والنظرية. ماذا تستنتج؟

تمرين 26:

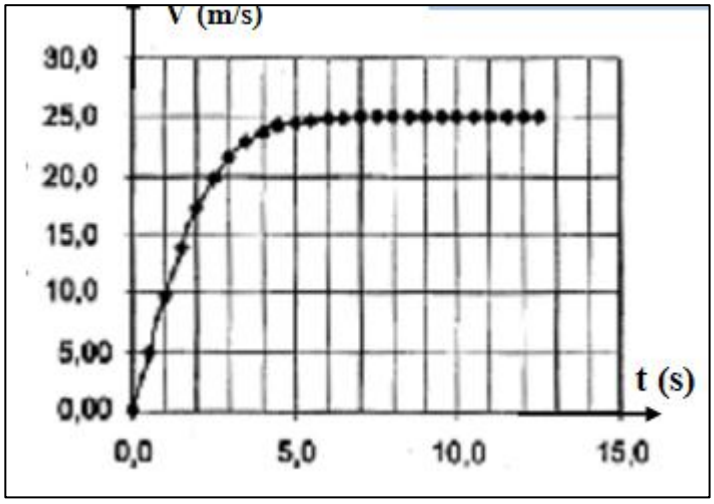
ندرس حركة حبة برد كتلتها 13 g و التي تسقط دون سرعة إبتدائية من نقطة O إرتفاعها 1500 m .

يمكن اعتبار حبة البرد كرة قطرها 3 cm .نختار النقطة O كمبدأ للمحور OZ الموجه إيجابا نحو الأسفل.

المعطيات : قيمة الجاذبية ثابتة $g=9.8m/s^2$, عبارة حجم كرة $V = \frac{4}{3}\pi R^3$: , الكتلة الحجمية للهواء $\rho_{air}=1.3kg/m^3$.

1- باعتبار السقوط حرا :

أ -بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلات الزمنية التي تعطي السرعة V(t) و الموضع Z(t) لمركز عطالة حبة البرد بدلالة مدة السقوط t.



ب-أحسب قيمة السرعة عند وصول حبة البرد إلى الأرض.

2- في الحقيقة تخضع حبة البرد لقوتين دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$ و قوة احتكاك المائع $\vec{f}$ المتناسبة مع مربع السرعة بحيث: $f=k.v^2$

أ -باستعمال التحليل البعدي حدد وحدة معامل الاحتكاك K في النظام الدولي.

ب-أعط عبارة قيمة دافعة أرخميدس ، ثم أحسب قيمتها و قارنها مع قيمة الثقل . ماذا تستنتج ؟

3- نهمل قوة دافعة أرخميدس:

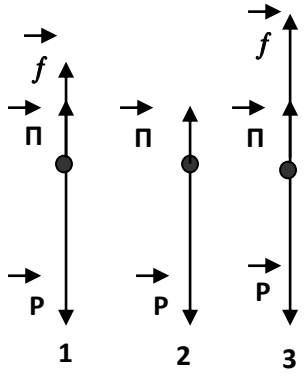
أ / أوجد المعادلة التفاضلية للحركة . بين أنه يمكن كتابتها على الشكل $\frac{dv}{dt} = A - Bv^2$.ما تعبير A و B ؟

ب / أعط عبارة السرعة الحدية V_L التي تبلغها حبة البرد بدلالة A و B .ثم أحسب قيمتها. عند $A=9.8m/s^2$ و $B=1.56.10^{-2}m^{-1}$.

جـ / البيان الموضح في الشكل يمثل V = f(t)

- احسب من البيان القيمة الحدية وقارنها مع القيمة السابقة
- أحسب الزمن المميز للسقوط τ.

تمرين 27:



1- يعطى التمثيل الشعاعي للقوى المطبقة على كرية تسقط شاقوليا في الهواء (الشكل المقابل).

- رتب هذه الأشكال حسب التزايد الزمني أثناء السقوط، مع التعليل.

2- المعطيات التالية تخص كرة تسقط في الهواء شاقوليا.

كتلة الكرية	**m=2,3g**	**التسارع الأرضي**	**g=9,8 m/s²**
نصف قطر الكرية	**r=1,9 cm**	**الكتلة الحجمية للهواء**	**ρ=1,3 Kg/m³**
حجم الكرية	**V=4/3 π r³**	**قوة الاحتكاك**	**f =Kv²**

أ- قارن بين طويلتي قوة الثقل ودافعة أرخميدس، هل يمكن إهمالها أمام الثقل؟

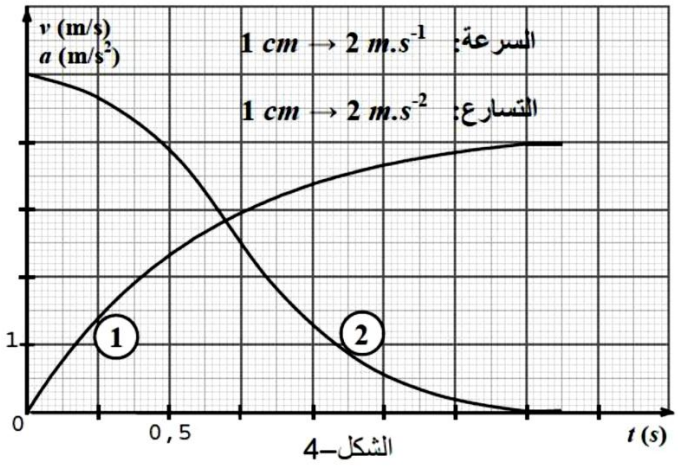
ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية التي تحقق سرعة الكرية.

ج- إن المتابعة الزمنية لحركة الكرية مكنت من رسم بياني للسرعة والتسارع الشكل -4 . أنسب كل منحنى للمقدار الموافق مع التعليل.

د- حدد بيانيا: قيمة السرعة الحدية v_{lim} ، القيمة التجريبية لثابت الاحتكاك k ، قيمة تسارع الحركة عند اللحظة t=0. و قيمة الزمن المميز للسقوط τ

- في حالة كرة نصف قطرها (r) تنتقل داخل مائع تعطى العبارة النظرية لثابت الاحتكاك بالعلاقة: $k_t = 0.22\pi\rho r^2$ احسب k_t ثم قارنه مع القيمة التجريبية (k) السابقة .

3 - اثبت ان العبارة التجريبية للسرعة اللحظية للكرية تعطى بدلالة تسارع الحركة بالعلاقة التالية : $v(t) = \sqrt{64.4 - 6.6a(t)}$



الشكل-4

تمارين حول القذائف والحركة على المستوي:

التمرين 28 :

ندرس في هذا التمرين حركة مركز عطالة كرة غولف . وفق فرضية السقوط الحر .

يقذف لاعب الغولف الكرة الموضوعة على الأرض بسرعة ابتدائية $V_0=20\ m/s$ وتصنع زاوية مع الأفق $\alpha = 45°$.كتلة الكرة m .

تدرس الحركة في مرجع أرضي يفترض غاليليا.

1- أوجد المعادلات الزمنية للحركة في المستوي المنسوب لـ ox ,oy .

2- أوجد معادلة مسار الكرة.

3- على أي بعد من نقطة القذف تسقط الكرة ؟

4- ما هي المدة الزمنية التي تستغرقها لبلوغ هذه النقطة..

5- ما هي إحداثيات نقطة الذروة . ما المدة الزمنية اللازمة لبلوغها. ماذا تلاحظ؟

6- يريد اللاعب بلوغ نقطة أبعد بكثير من نقطة القذف، هل يتوجب عليه تغيير زاوية القذف أو السرعة الابتدائية؟ علل إجابتك.

$g = 9.8\ m/s^2$, $m = 45\ g$

التمرين 29: باكالوريا علوم تجريبية 2010

تؤخذ $g = 10m \times s^{-1}$ ، مقاومة الهواء ودافعة ارخميدس مهملتان.

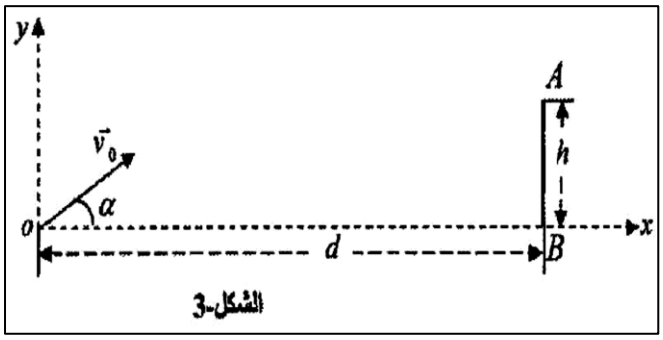
لتنفيذ مخالفة خلال مباراة كرة القدم ، وضع اللاعب الكرة في النقطة O مكان وقوع الخطأ على بعد $d = 25m$ من خط المرمى ، حيث ارتفاع العارضة الافقية $h = AB = 2.44m$.يقذف اللاعب الكرة بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0$ يصنع حاملها مع الافق زاوية $\alpha = 30°$.

1- ادرس طبيعة حركة الكرة في المعلم $(\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy})$.

- بأخذ مبدأ الازمنة لحظة القذف استنتج معادلة المسار.

2- كم يجب أن تكون v_0 حتى يسجل الهدف مماسيا للعارضة الافقية (النقطة A) ؟ ما هي المدة الزمنية المستغرقة؟ وما هي قيمة سرعتها عندئذ (النقطة A) ؟

3- كم يجب أن تكون v'_0 حتى يسجل الهدف مماسا لخط المرمى (النقطة B)؟



الشكل-3

التمرين30:

في اللحظة $t = 0$ يقذف رياضي من النقطة $A(0, z_0)$ كرة معدنية بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0$ تصنع مع الأفق زاوية α.

1- أدرس حركة الكرة في المعلم المعطى، والمنسوب للمرجع الأرضي الذي نعتبره غاليليا.

2- أنشئ المعادلات الزمنية $x(t)$ ، $z(t)$ لحركة الكرة.

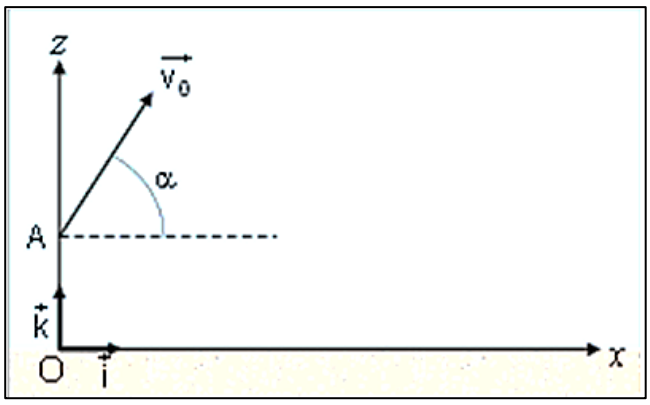
3- أعط المعادلة الحرفية لمسار حركة الكرة .

4- أحسب الفاصلة x_c لنقطة السقوط C من أجل $\alpha = 60°$ ، $v_0 = 12\ m/s$ وتعطى $z_0 = 1{,}90\ m$ و $g = 9{,}8\ m.s^{-2}$

5- ما هي اللحظة t_c الموافقة لسقوط الكرة في النقطة C؟

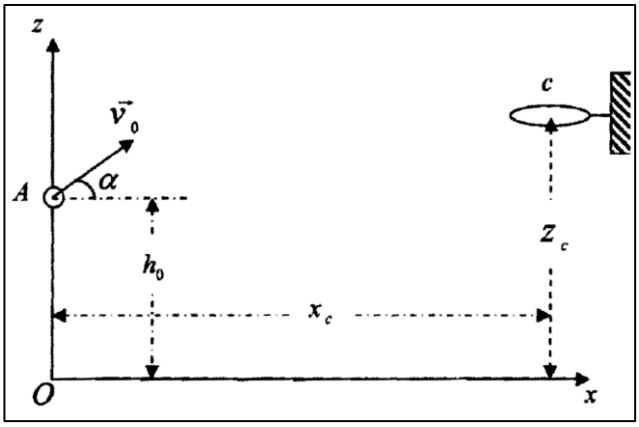
6- ما هو الارتفاع الأعظمي z_{max} الذي تبلغه الكرة؟

7- تقذف الكرة بنفس السرعة الابتدائية فتكون فاصلة السقوط $x_c = 15\ m$ ، ما هي زاوية القذف α' التي يصنعها شعاع السرعة؟



التمرين 31: باكالوريا رياضيات 2009

قام لاعب كرة السلة بتسديد الكرة نحو السلة من نقطة A منطبقة على مركز الكرة الموجودة على ارتفاع $h_0 = 2.10m$ من سطح الارض بسرعة ابتدائية $v_0 = 8\,m/s$ يصنع حاملها زاوية $37°$ مع الافق . ليمر مركز الكرة G بمركز السلة C الذي احداثياته $(x_c = 4.5m, z_c)$ في المعلم الارضي $(\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy})$ الذي نعتبره غاليليا.



1- ادرس حركة مركز عطالة الكرة في المعلم $(\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy})$ معتبرا مبدأ الازمنة لحظة تسديد الكرة واهمال تأثير الهواء.

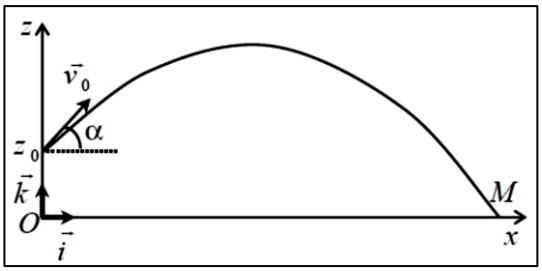
2- احسب z_c .

3- يعبر مركز عطالة الكرة مركز السلة بسرعة $\vec{v}_c$ التي يصنع حاملها مع الافق زاوية β . استنتج قيمتي v_c و β .

معطيات: $g = 9.8\,m/s^2$.

التمرين 32: باكالوريا رياضيات 2011

في لعبة رمي الجلة ، يقذف اللاعب في اللحظة $t = 0$ الجلة من ارتفاع $oz_0 = h = 2.0m$ من سطح الارض ، بسرعة ابتدائية: $v_0 = 13.7\,m/s$ ، شعاعها يصنع زاوية $\alpha = (\overrightarrow{ox}, \overrightarrow{oy}) = 35°$. نهمل تأثير الهواء (مقاومة الهواء ودافعة ارخميدس) ونأخذ $g = 9.8m \times s^{-1}$.



1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على القذيفة في المعلم المبين على الشكل استخرج:

أ- المعادلات التفاضلية للحركة.

ب- المعادلات الزمنية للحركة.

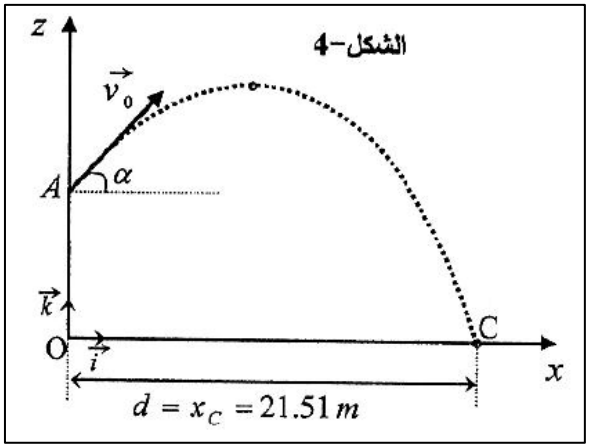
2- اكتب معادلة المسار $z = f(t)$.

3- أوجد احداثيات M نقطة سقوط القذيفة . وما هي سرعتها عندئذ؟

التمرين 33: باكالوريا علوم تجريبية 2012

خلال منافسة رمي الجلة في الالعاب الاولمبية ببكين ، حقق الرياضي الذي فاز بهذه المنافسة النتيجة $d = 21.51m$.

اعتمادا على الفلم المسجل لعملية الرمي ولأجل معرفة قيمة السرعة v_0 التي قذفت بها الجلة ، تم استخراج بعض المعطيات أثناء لحظة الرمي :



- قذفت الجلة من النقطة A الواقعة على ارتفاع $h_A = 2m$ بالنسبة لسطح الارض وبالسرعة $\vec{v}_0$ التي تصنع زاوية $\alpha = 45°$ مع الخط الافقي.

ندرس حركة الجلة في المعلم المتعامد والمتجانس $(o, \vec{i}, \vec{k})$ ونختار اللحظة الابتدائية $t = 0$ هي اللحظة التي يتم فيها قذف الجلة من النقطة A .

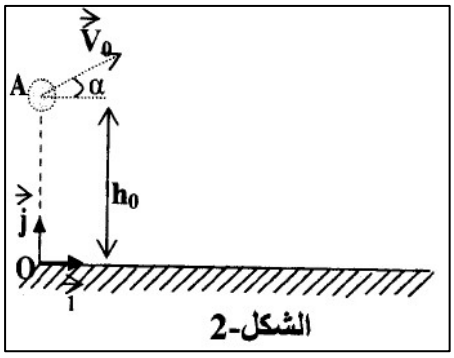
نهمل احتكاكات الجلة مع الهواء ودافعة ارخميدس بالنسبة لقوة ثقل الجلة.

1- جد المعادلتين الزمنيتين $x = f(t)$ و $z = h(t)$ المميزتين لحركة الجلة في المعلم المختار ، ثم استنتج معادلة مسار الجلة $z = g(t)$ بدلالة المقادير h_A ، α ، g و v_0 .

2- جد عبارة السرعة الابتدائية v_0 بدلالة h_A ، α ، g و d ثم احسب قيمتها.

3- جد المدة الزمنية التي تستغرقها الجلة في الهواء.

التمرين 34: باكالوريا علوم تجريبية 2008



الشكل-2

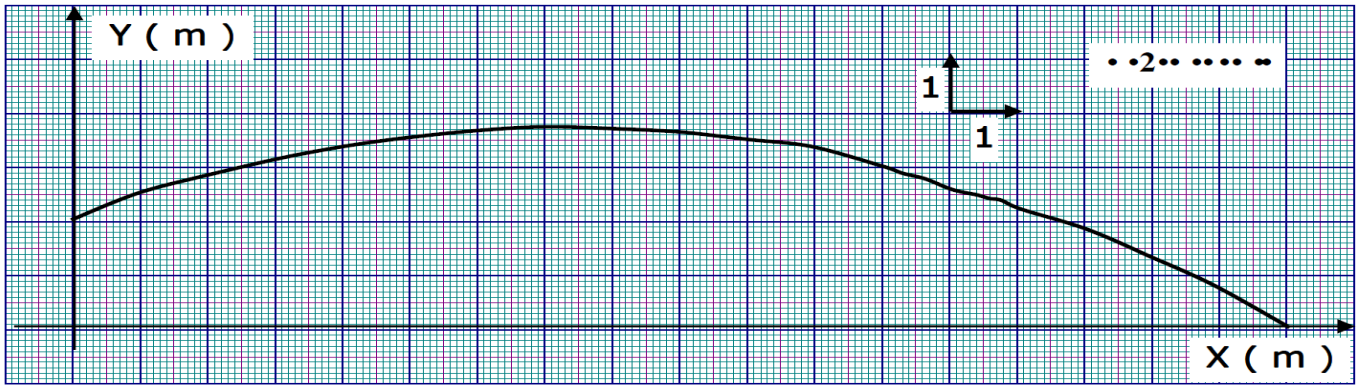
في مقابلة لكرة القدم ، خرجت الكرة الى التماس ولإعادتها الى الميدان يقوم أحد اللاعبين برميها من خط التماس بكلتا يديه لتمريرها فوق رأسه.

لدراسة حركة الكرة نهمل تأثير الهواء وننمذج الكرة بنقطة مادية .

في اللحظة $t = 0$ تغادر الكرة يد اللعب في نقطة A تقع على ارتفاع $h_0 = 2m$ من سطح الارض بسرعة $\vec{v}_0$ يصنع حاملها مع الافق والى الاعلى زاوية $\alpha = 25°$. تمر الكرة فوق رأس الخصم الذي طول قامته $h_1 = 1.80m$ والواقف على بعد $12m$ من اللاعب الذي يرمي الكرة.

1- بين ان معادلة مسار الكرة في المعلم $(o,\vec{\imath},\vec{\jmath})$ هي : $y = \left(-\frac{g}{2{v_0}^2 cos^2\alpha}\right)x^2 + x.tan\alpha + y_0$.

2- يمثل البيان التالي مسار الكرة في المعلم المذكور $(o,\vec{\imath},\vec{\jmath})$. باستغلال المنحنى البياني أجب عما يلي:



أ- على أي ارتفاع h_2 من رأس الخصم تمر الكرة؟

ب- ما هي قيمة السرعة الابتدائية $\vec{v}_0$ التي اعطيت للكرة لحظة مغادرتها يد اللاعب؟

ج- حدد الموضع M للكرة في اللحظة $t = 1.17s$. وما هي قيمة سرعتها عندئذ؟

د- احسب الزمن الذي تستغرقه الكرة من لحظة انطلاقها الى غاية ارتطامها بالأرض ؟

معطيات: $g = 10\,m/s^2$.

التمرين 35:

لإنجاز إرسال، يقذف لاعب تنس بمضربه الكرة بسرعة أفقية $\vec{v}_0$ ومن النقطة A الواقعة على ارتفاع $h = 2{,}00\ m$ من سطح الأرض وعليها أن تجتاز شباك علوه $0{,}90\ m$.البعد بين اللاعب والشباك هو $12\ m$.

1- أدرس حركة مركز عطالة الكرة في المعلم $(\vec{ox}, \vec{oy})$ معتبرا مبدأ الأزمنة لحظة ضرب الكرة وإهمال تأثير الهواء.

2-أكتب المعادلات الزمنية للسرعة، والموضع.

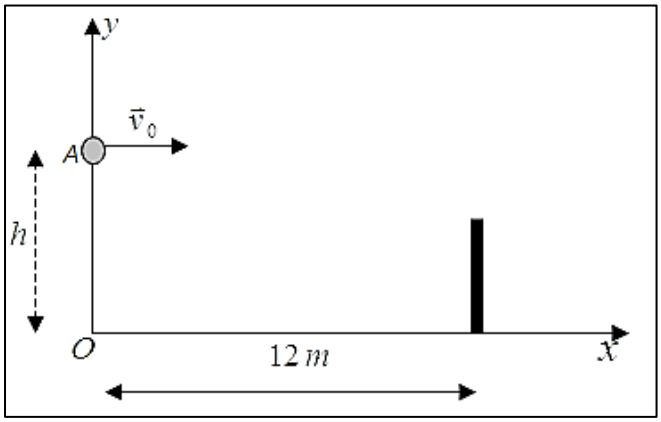
3- بين أن معادلة المسار هي: $y = -\frac{g}{2{v_0}^2}x^2 + y_0$

4- ما هي قيمة v_0 حتى تمر الكرة بـ $10\ cm$ فوق الشباك ؟

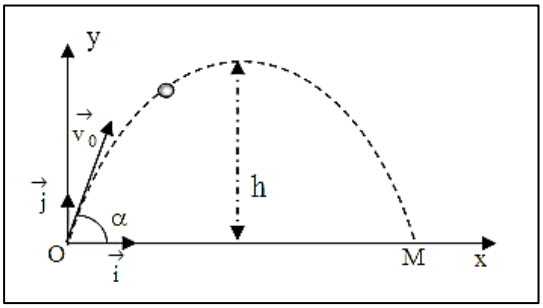
5-أحسب قيمة السرعة عند اجتياز الشباك .ما هو عند هذا الاجتياز منحنى شعاع السرعة للكرة ؟

6-أحسب مدة السقوط، واستنتج مدى القذيفة.

يعطى : $g = 9{,}80\ m.s^{-1}$.

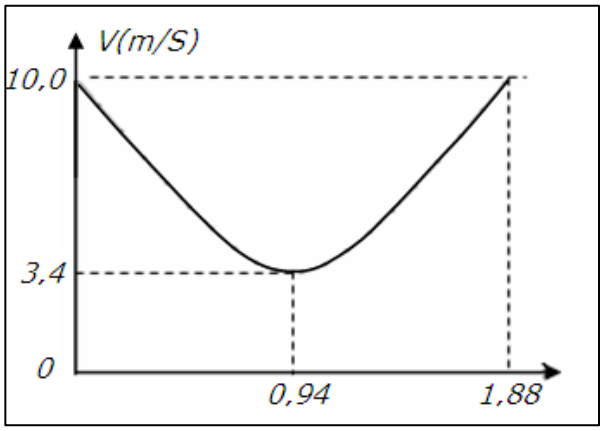


التمرين 36:



نقذف عند اللحظة $t = 0$ كرة كتلتها m ، بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0$ من نقطة O كماهو مبين على الشكل المقابل. نعتبر أن حركة الجسم تتم في المستوي $(O, \vec{i}, \vec{j})$ وتدرس بالنسبة للمرجع الأرضي الذي نعتبر مرجعا غاليليا. نهمل كل من مقاومة الهواء و دافعة أرخميدس.

يمثل البيان الموالي تغيرات قيمة سرعة القذيفة بدلالة الزمن بين الوضعين O و M.



1–مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم الصلب.

2–بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بيّن طبيعة الحركة.

3–أوجد المعادلات الزمنية لكل من السرعة والموضع.

4 – أوجد من البيان :أ /القيمة v_0 لشعاع السرعة $\vec{v}_0$. ب/قيمةالمركبة v_{0x} لشعاع السرعة $\vec{v}_0$.

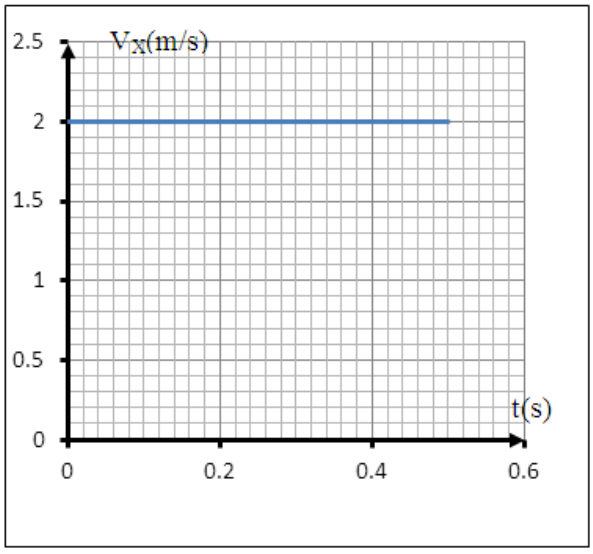
5 – استنتج قيمة كل من الزاوية αالتي قذف بها الجسم و قيمة v_{0y}.

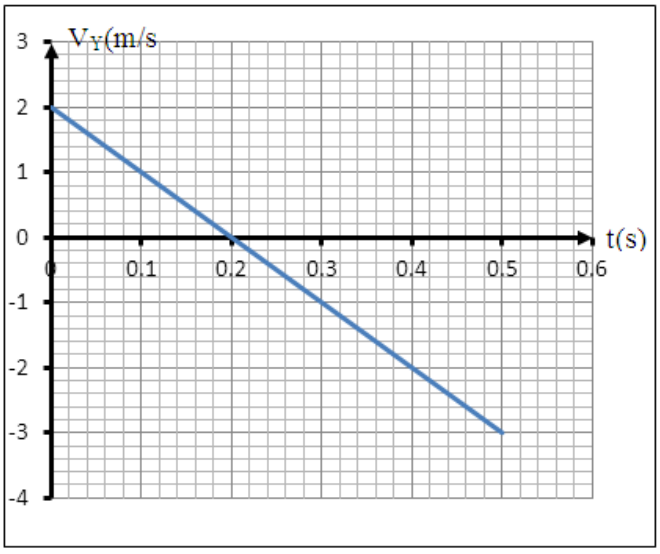
6– مثل كل من $v_x(t)$ و $v_y(t)$ في المجال الزمني $(0 \le t \le 1{,}88)\ s$.

7– استنتج من المنحنيين كل من المسافة الأفقية OM و الذروة h

التمرين 37 :

نعطي في الشكل اسفله منحنيي الاحداثيتين V_X, V_Y لشعاع سرعة مكز عطالة G لقذيفة في معلم مرتبط بمرجع ارضي ، تم التوصل اليهما من خلال دراسة تجريبية :





1- هل تتغير الاحداثية الافقية V_X بدلالة الزمن ؟

2- استنتج الاحداثية الافقية v_X لشعاع السرعة $\overrightarrow{v_G}$ لمركز عطالة القذيفة G

3- عبر عن الاحداثية العمودية V_Y بدلالة الزمن

4- ما قيمة V_{0Y} المركبة العمودية للشعاع السرعة الابتدائية

5- حدد قيمة a_Y الاحداثية العمودية لشعاع التسارع لمركز العطالة G ، لماذا اشارة a_Y سالبة؟

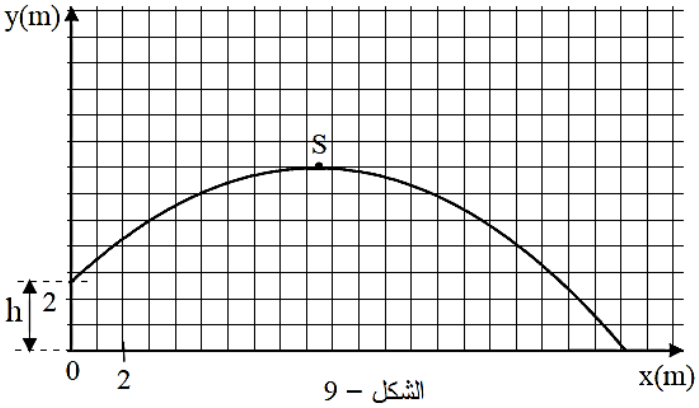
6- احسب زاوية القذف α التي تكونها $\overrightarrow{V_0}$ مع المحور الافقي $(O, \vec{\imath})$ ، ماقيمة V_0؟

التمرين 38: باكالوريا رياضيات 2014:

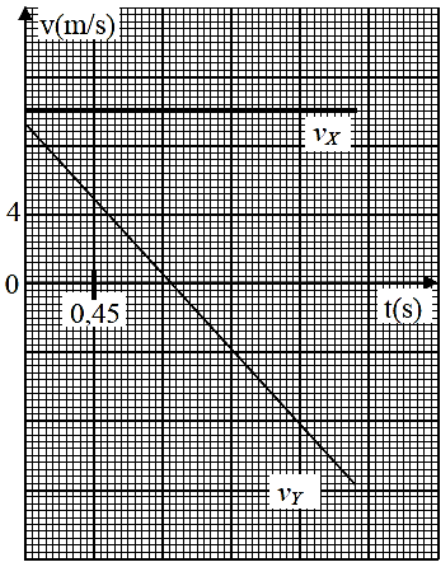
أثناء دراسة تأثير القوى الخارجية على حركة جسم ، كلف الاستاذ تلميذين بمناقشة الحركة الناتجة عن رمي جلة ، فأجاب الاول أن حكرة الجلة لا تتأثر الا بثقلها ، بينما اجاب الثاني أن حركتها تتعلق بدافعة ارخميدس .

من أجل التصديق على الجواب الصحيح ، اعتمد التلميذان على دراسة الرمية التي حقق بها رياضي رقما قياسيا عالميا مداها $21.69\ m$.

عند محاولتهما محاكات هذه الرمية بواسطة برنامج خاص ، تم قذف الجلة التي نعتبرها جسما نقطيا من ارتفاع $h = 2.62\ m$ بسرعة ابتدائية $v_0 = 13.7\ m \times s^{-1}$ يصنع شعاعها مع الافق زاوية $\alpha = 43°$ فتحصلا على رسم لمسار مركز عطالة الجلة كما في الشكل – 9 والمنحنيين $v_x(t)$ و $v_y(t)$ كما في الشكل –10 .



الشكل – 9



الشكل – 10

***i*. <u>دراسة نتائج المحاكات:</u>**

1– ما هي طبيعة حركة مركز عطالة الجلة على المحور ox ؟ برر اجابتك.

2– عين القيمة v_{0y} للمركبة الشاقولية لشعاع السرعة الابتدائية انطلاقا من الشكل–10 ثم عين قيمة v_0 للسرعة الابتدائية للقذيفة ، وهل تتوافق مع المعطيات السابقة : $v_0 = 13.7\ m \times s^{-1}$ و $\alpha = 43°$.

3– عين خصائص شعاع السرعة $\vec{v}_S$ عند الذروة S .

***ii*. <u>الدراسة التحليلية لحركة مركز عطالة الجلة:</u>**

المعطيات : الجلة عبارة على كرة حجمها V وكتلتها الحجمية $\rho = 7.1 \times 10^3\ kg/m^3$.

الكتلة الحجمية للهواء: $\rho = 1.29\ kg/m^3$.

1– بين ان دافعة ارخميدس مهملة أمام ثقل الجلة . أي التلميذين على صواب؟

2– بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة تسارع مركز عطالة الجلة . نهمل مقاومة الهواء.

3– جد معادلة المسار لمركز عطالة الجلة .

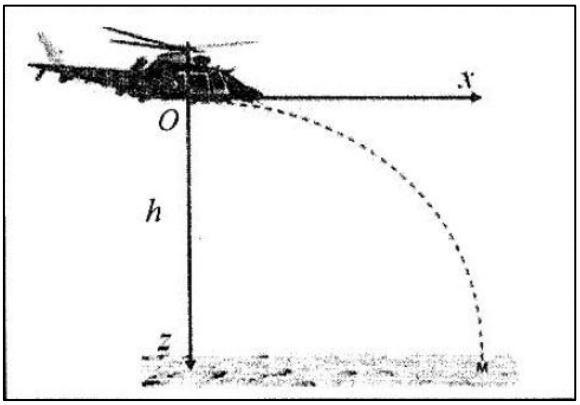
التمرين 39: باكالوريا رياضيات 2012

في فبراير 2012 هبت عاصفة ثلجية على شمال شرق الجزائر ، فاستعملت الطائرات المروحية للجيش الوطني الشعبي لايصال المساعدات للمتضررين خاصة في المناطق الجبلية.

أولا:

تطير المروحية ثابت h من سطح الارض بسرعة أفقية ثابتة قيمتها $v_0 = 50\,m/s$.

يترك صندوق من مواد غذائية مركز عطالتها G يسقط في اللحظة $t = 0$ اطلاقا من نقطة O مبدأ الاحداثيات وبالسرعة الابتدائية الافقية $\vec{v}_0$ ليرتطم بسطح الارض في النقطة M .



1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد:

أ- المعادلتين الزمنيتين $x(t)$ و $z(t)$.

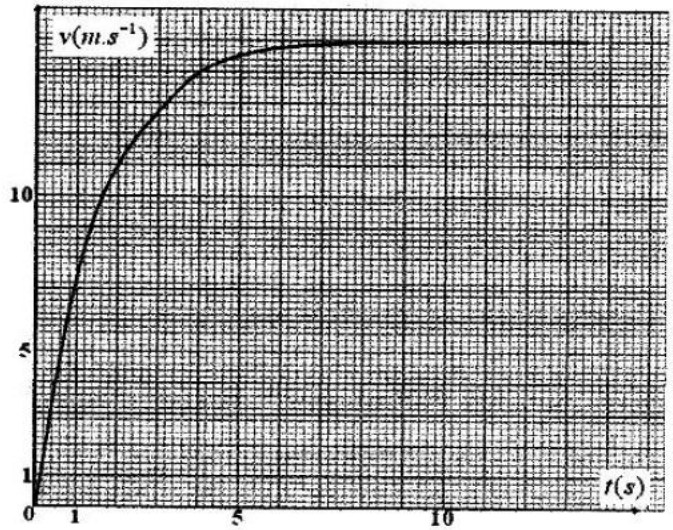
ب- معادلة المسار $z(x)$.

ج- احداثيات نقطة السقوط M .

د- الزمن اللازم لوصول الصندوق للأرض.

ثانيا:

الشكل-7



الشكل-8

لكي لا تتلف المواد الغذائية عند الارتطام بسطح الارض ، تم ربط الصندوق بمظلة تمكنه من النزول شاقوليا ببطء. تبقى المروحية على نفس الارتفاع h السابق في النقطة M ، ليترك الصندوق يسقط شاقوليا دون سرعة ابتدائية في اللحظة $t = 0$. يخضع الصندوق لقوة احتكاك الهواء نعبر عنها بالعلاقة $\vec{f} = -100 \times \vec{v}$ حيث: $\vec{v}$ يمثل شعاع سرعة الصندوق في اللحظة t مع اهمال دافعة ارخميدس خلال السقوط.

1- جد المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة مركز عطالة الصندوق.

2- يمثل الشكل-8- تطور سرعة مركز عطالة الصندوق بدلالة الزمن t .

أ- جد السرعة الحدية v_l .

ب- حدد قيمتي السرعة والتسارع في اللحظتين : $t = 0$ و $t = 10s$.

يعطى: $g = 9.8m \times s^{-1}$ ، $h = 405m$ ، كتلة الصندوق والمظلة $m = 150kg$.

التمرين40 :

أثناء دورة الألعاب الاولمبية في لندن ،جرت المباراة النهائية لمسابقة التنس في 5 أوت 2012 بين السويسري روجيه فيدرير والبريطاني آندي موراي ، حيث تمت دراسة أول إرسال قام به اللاعب فيدرير عن طريق جهاز الإعلام الآلي، كما في الشكل.

يقذف اللاعب كرة التنس $m = 58\ g$ لإنجاز الإرسال شاقوليا نحوى الأعلى لتصل إلى ارتفاع Z_0 فيضربها بمضربه فتكتسب سرعة $V_0 = 28\ m/s$ يكون منحاها افقي . على الكرة اجتياز شباك موضوع على بعد $12\ m$ من اللاعب علوه $Z_1 = 0.9m$. ندرس حركة الكرة في المعلم $(ox\ .oz)$ الذي نعتبره عطاليا . تؤخذ $g = 9.8m.s^{-2}$

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد:

أ/ المعادلتين التفاضليتين للحركة و المعادلتين الزمنيتين للحركة.

ب/استنتج معادلة المسار $z = f(x)$.

ج/ ماهي قيمة Z_0 حتى تمر الكرة على ارتفاع $10\ Cm$ من الشبكة .

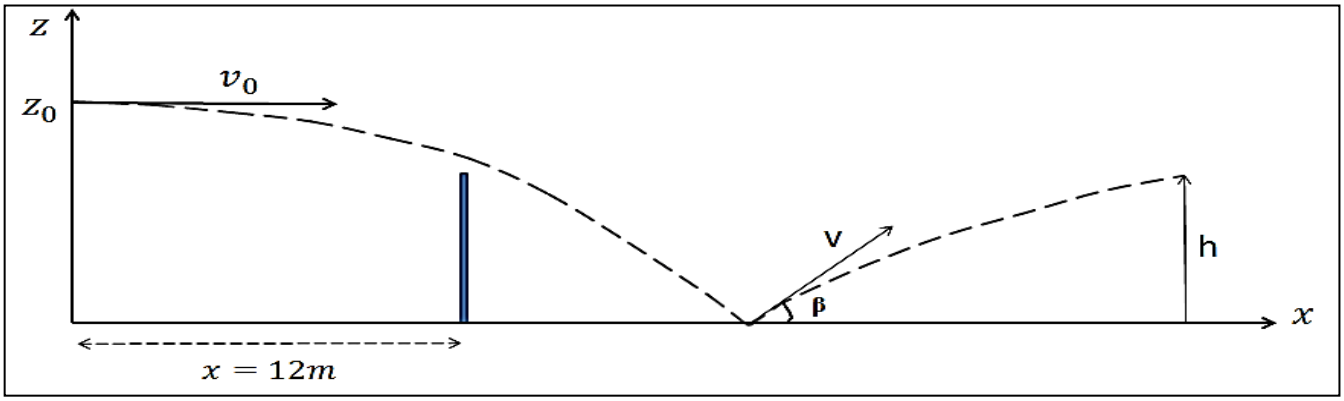
د/ إذا كان طول الملعب $24\ m$ ، هل تصطدم الكرة بالأرض قبل خروجها من الملعب ؟ برر إجابتك

هـ/ احسب سرعة الكرة V لحظة اصطدامها بالأرض بطريقتين مختلفتين؟ واستنتج طاقتها الحركية عندئذ.

2- نفرض ان الكرة تنطلق من جديد بعد اصطدامها بالأرض بنفس السرعة السابقة V وبزاوية عن الافق $\beta = 15^0$ في اتجاه اللاعب الثاني الموجود في خط نهاية الملعب أي على بعد $24\ m$ من اللاعب الاول . باعتبار نقطة الاصطدام بالأرض هي مبدأ الفواصل.

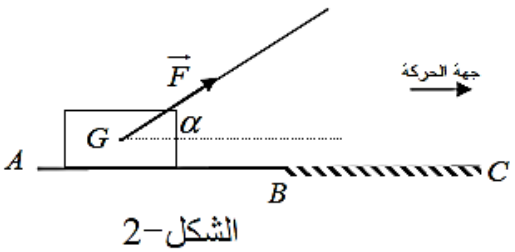
أ/ اكتب معادلة المسار الجديد

ب/ ما هي قيمة الارتفاع h لكرة عند وصولها الى اللاعب الثاني ؟

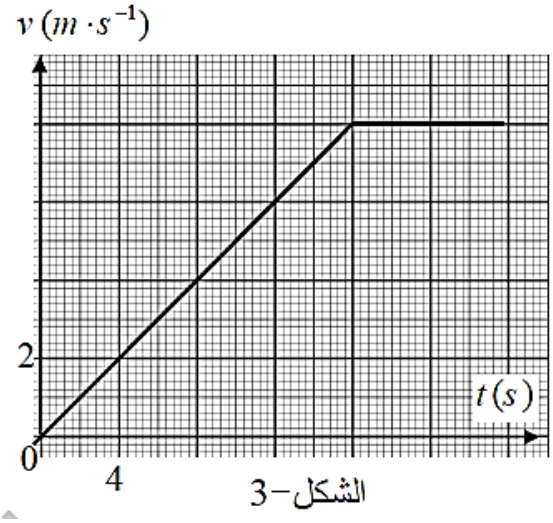


التمرين 41: باكالوريا علوم تجريبية2013:

يجر حمزة صندوقا كتلته $m = 10kg$ على طريق مستقيم افقي (AC) مركز عطالته G بقوة $\vec{F}$ ثابتة حاملها يصنع زاوية $\alpha = 30°$ مع المستوي الافقي . حيث الجزء (AB) أملس والجزء (BC) خشن. التمثيل البياني يمثل تغيرات سرعة G بدلالة الزمن t .



الشكل-2



الشكل-3

1- أ- استنتج بيانيا طبيعة الحركة والتسارع لـ G لكل مرحلة.

ب - استنتج المسافة المقطوعة AC .

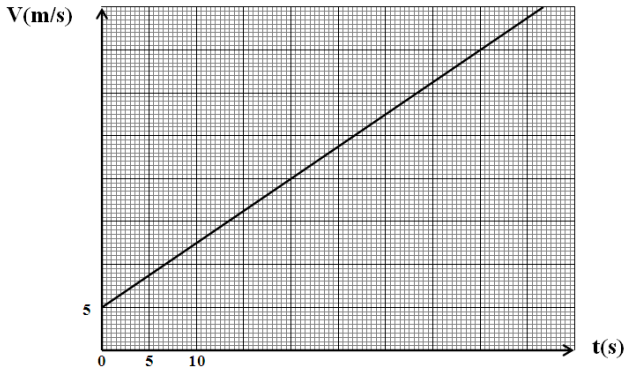
2- أ- اكتب نص القانون الثاني لنيوتن. ب – جد عبارة شدة قوة الجر $\vec{F}$ ثم احسبها .

جـ – جد عبارة شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ ثم احسبها .

د – فسر لماذا يمكن للسرعة أن تصبح ثابتة في المرحلة الاخيرة .

التمرين42:

يمثل الشكل جانبه مخطط السرعة لمركز عطالة سيارة كتلتها M=1200kg في حركة مستقيمة فوق مستوى أفقي تخضع السيارة لقوة محركة ثابتة الشدة وموازية لمسار الحركة F . نعتبر مجموع قوى الاحتكاك مكافئة لقوة f ثابتة شدتها f=200N ، تمر السيارة من النقطة A عند لحظة t=0 نعتبرها مبدأ الأزمنة .



1- بين أن تسارع مركز عطالة السيارة $a= 0.75m/s^2$ و استنتج طبيعة الحركة للسيارة

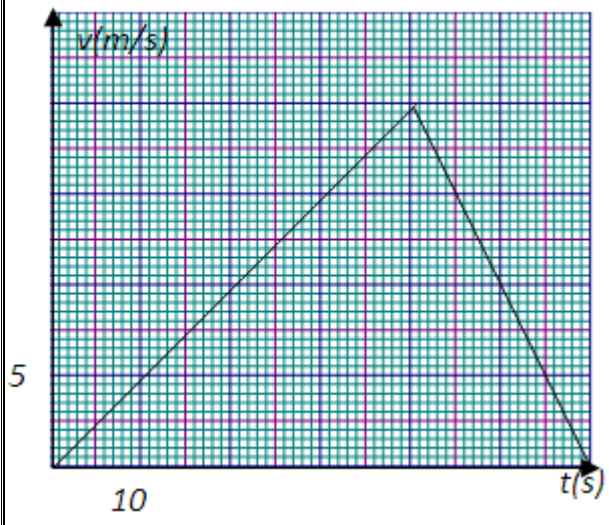
2- أكتب المعادلة الزمنية للحركة .

3- عين المدة الزمنية التي تقطع فيها السيارة مسافة d=600m

4- أ/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اوجد عبارة F بدلالة m ، a و f واحسب شدتها

التمرين 43:

تنطلق سيارة كتلتها $m = 3500\ Kg$ من السكون من النقطة A على طريق افقي مستقيم،تحت تاثير قوة دفع المحرك،وتتعرض لقوة احتكاك شدتها ثابتة ،يتعطل المحرك في اللحظة t_1 عند النقطة B حيث تواصل السيارة حركتها حتى تتوقف عند النقطة C. يمثل الشكل المقابل تغيرات سرعة السيارة بدلالة الزمن $v(t)$



1- بالاعتماد على البيان :أ/ حدد عدد وطبيعة أطوار حركة السيارة.

ب/ أحسب تسارع كل طور

د/استنتج المسافة المقطوعة في كل طور والمسافة الاجمالية.

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن.

أ/ أحسب شدة قوة الاحتكاك.

ب/أحسب شدة القوة التي يطبقهاالمحرك.

التمرين 44: باكالوريا تقني رياضي 2008

ورد في مطوية أمن الطرق الجدول التالي:

$v(km/h)$ سرعة السيارة	50	80	90	100	110
$d_1(m)$ مسافة الاستجابة	14	22	25	28	31
$d_2(m)$ المسافة الموافقة لمدة الكبح	14	35	45	55	67

عندما يريد سائق سيارة تسير بسرعة $\overrightarrow{v}$ التوقف فإن السيارة تقطع مسافة d_1 خلال مدة τ_1 قبل أن يضغط السائق على المكابح (تعرف τ_1 بزمن استجابة السائق) وتقطع السيارة مسافة d_2 خلال مدة τ_2 زمن مدة الكبح ، تسمى D مسافة التوقف وتساوي مجموع المسافتين d_1 و d_2 : $D = d_1 + d_2$. أثناء عملية الكبح لا يؤثر المحرك على السيارة .

نقوم بدراسة G مركز عطالة سيارة كتلتها M على طريق مستقيمة أفقية في مرجع أرضي نعتبره غاليليا.

1- خلال مدة الاستجابة τ_1 نعتبر المجموع الشعاعي للقوى المؤثرة على السيارة معدوما .

أ- ما هي طبيعة حركة مركز عطالة السيارة؟

ب- استنادا الى قياسات الجدول أحسب قيم النسب $\frac{d_1}{v}$ مقدرة بالثانية . ماذا تستنتج؟

ج- احسب قيمة المدة τ_1 مقدرة بالثانية من أجل كل قيم d_2 في الجدول.

2- أ- ننمذج خلال عملية الكبح الافعال المؤثرة على السيارة بقوى تطبق على مركز عطالتها . نعتبر القوى – قوة الكبح وقوى الاحتكاك ومقاومة الهواء- المؤثرة على السيارة مكافئة لقوة واحدة $\vec{F}_{f/G}$ ثابتة القيمة وجهتها عكس جهة شعاع السرعة..

ب-لتكن v قيمة سرعة مركز عطالة السيارة في بداية الكبح . أوجد العلاقة الحرفية بين v^2 و d_2 بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة.

ج-باستعمال الجدول السابق ارسم المنحنى البياني $v^2 = g(d_2)$.

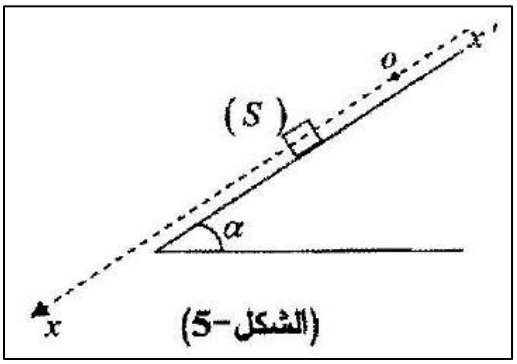
د- باستعمال البيان استنتج قيمة $\vec{F}_{f/G}$ تعطى كتلة السيارة: $M = 900kg$.

التمرين 45: باكالوريا رياضيات 2010

ينزلق جسم (S) كتلته $m = 100g$ على طول مستوي مائل عن الافق بزاوية $\alpha = 20°$ وفق المحور $\overrightarrow{xx'}$ ، قمنا بالتصوير المتعاقب بكاميرا رقمية وعولج شريط الفيديو ببرمجية $Aviméca$ بجهاز الاعلام الآلي وتحصلنا على النتائج التالية:

$t(s)$	0	0.04	0.06	0.08	0.1	0.12
$v(m/s)$	v_0	0.16	0.20	0.24	0.28	0.32

1- ارسم البيان : $v = f(t)$.



(الشكل-5)

2- بالاعتماد على البيان:

أ- بين طبيعة حركة الجسم (S) واستنتج القيمة التجريبية للتسارع a .

ب- استنتج قيمة السرعة v_0 في اللحظة $t = 0$.

ج- احسب المسافة المقطوعة بين $t_1 = 0.04s$ و $t_2 = 0.08s$.

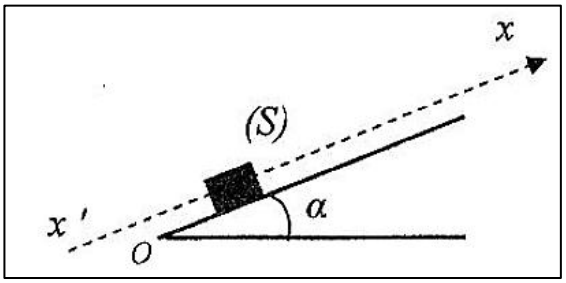
3- بفرض أن الاحتكاكات مهملة :

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد العبارة الحرفية للتسارع a_0 ثم احسب قيمته .

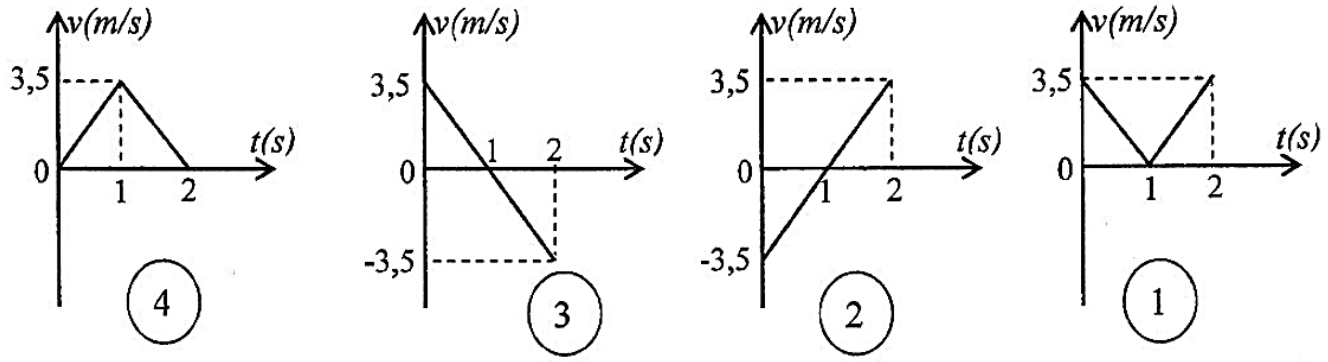
ب- قارن بين a_0 و a ، ماذا تستنتج؟

4- أوجد شدة القوة $\vec{f}$ المنمذجة للاحتكاكات على طول المستوي.

التمرين 46: باكالوريا رياضيات 2012



1- لغرض حساب زاوية الميل α لمستوي يميل عن الافق قام فوج من التلاميذ بقذف جسم صلب (S) كتلته $m = 1kg$ في اللحظة $t = 0$ من النقطة O بسرعة $\vec{v}_0$ نحو الاعلى وفق خط الميل الاعظم لمستوي أملس. باستعمال تجهيز مناسب ، تمكن التلاميذ من دراسة حركة مركز عطالة (S) والحصول على أحد مخططات السرعة $v = f(t)$ التالية:



أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، ادرس طبيعة حركة الجسم (S) بعد لحظة قذفه من O .

ب- من بين المخططات الاربعة ، ما هو المخطط الموافق لحركة الجسم (S) ؟ برر.

جـ - احسب قيمة الزاوية α .

د-احسب المسافة المقطوعة بين اللحظتين $t = 0$ و $t = 2s$.

2- في الحقيقة يخضع الجسم أثناء انزلاقه على المستوي المائل الى قوة احتكاك شدتها ثابتة f .

أ- أحص ومثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسم (S) .

ب- ادرس حركة مركز عطالة الجسم (S) ،ثم استنتج العبارة الحرفية لتسارع حركته.

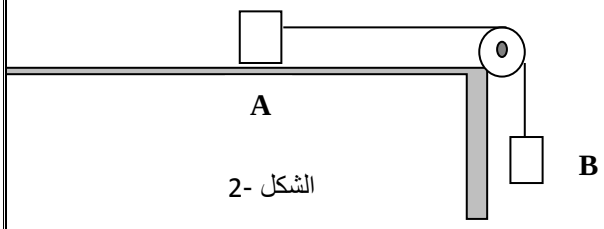
جـ - احسب قيمة التسارع من اجل $f = 1N$

$$g = 9.8m \times s^{-1}$$

التمرين 47:

تتكون الجملة الممثلة في الشكل 2 من جسمين A و B كتلتاهما على الترتيب $m_A = 350g$ و $m_B = 650g$. نعتبر ان $g = 10m.s^{-1}$. الجسمان متصلان بخيط عديم الامتطاط ومهمل الكتلة يمر على محز بكرة مهملة الكتلة ، سمحت الدراسة التجريبية بحساب سرعات الجسم A عند لحظات زمنية مختلفة t ، فتحصلنا على النتائج التالية :

$t\,(ms)$	0	40	80	120	160	200
$V\ (m.s^{-1})$	؟	0,60	0,80	1,00	1,20	1,40



الشكل -2

1- استنتج طبيعة حركة مركز عطالة الجسم A ،ثم اوجد تسارعه.

2- هل بدأت الجملة حركتها من السكون ام بسرعة ابتدائية ؟

3- يخضع الجسم لقوة احتكاك $\vec{f}$ على المستوى الأفقي نعتبرها ثابتة الشدة ومعاكسة لجهة الحركة .

أ- مثل كل القوى المؤثرة على الجملة .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، احسب شدة قوة الاحتكاك.

4- ينقطع الخيط الرابط بين الجسمين عند اللحظة $t = 200ms$

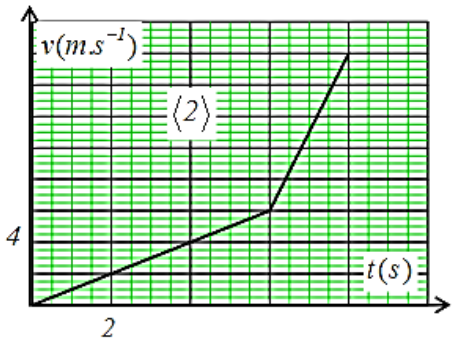
أ- ادرس طبيعة حركة الجسمين بعد انقطاع الخيط ،

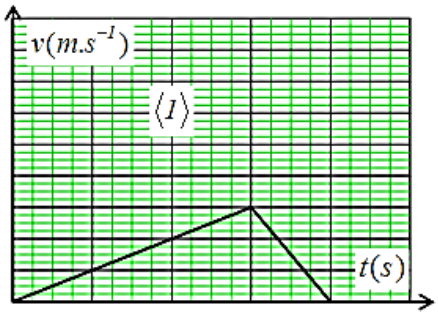
ب- ماهي المسافة التي يقطعها الجسم Aحتى يتوقف .

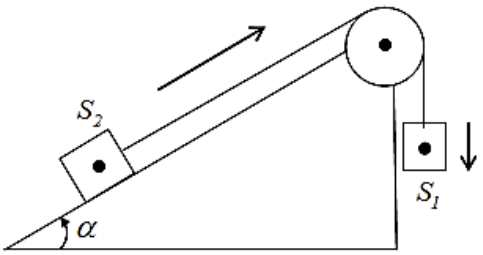
ج- ارسم مخطط التسارع للجسم B قبل وبعد انقطاع الخيط بدلالة الزمن .

التمرين 48:

جسم S_1 كتلته m_1 يسحب أثناء نزوله جسما S_2كتلته $m_2 = 100\ g$ ينسحب على مستو مائل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30°$ بواسطة خيط مهمل الكتلة عديم الامتطاط يمر على محز بكرة مهملة الكتلة بإمكانها الدوران بحرية حول محور (Δ)أفقي وثابت كما بالشكل . تنطلق الجملة من السكون عند اللحظة $t = 0$ وعند اللحظة t_1ينقطع الخيط نمثل في البيانيين 1 ، 2 تغيرات السرعة بدلالة الزمن لكل جسم.







1) ماذا يحدث لكل من S_1 S_2, بعد انقطاع الخيط ؟

2) حدد البيان الموافق لحركة كل جسم مع التعليل واستنتج قيمة t_1 .

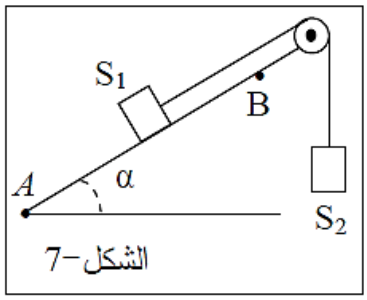
3) بين أن المستوي المائل خشن.

4) باستخدام نظرية مركز العطالة أكتب عبارتي التسارع لكل جسم قبل وبعد انقطاع الخيط .

5) بالاستعانة بالبيانين 1 ، 2 أوجد قيمتي m_1 ، f (قوة الاحتكاك). $g = 10\ m/s$

التمرين 49: باكالوريا رياضيات 2014:

1- تمثل الجملة المبينة في الشكل -7- جسما نقطيا (S_1) كتلته $m_1 = 400g$ ينزلق بدون احتكاك على سطح مستو مائل عن الافق بزاوية $\alpha = 30°$ ويرتبط بواسطة خيط مهمل الكتلة وعديم الامتطاط ويمر على محز بكرة مهملة الكتلة بجسم صلب (S_2) كتلته $m_2 = 400g$. نترك الجملة عند اللحظة $t = 0$ فينطلق الجسم (S_1) من النقطة A بدون سرعة ابتدائية .

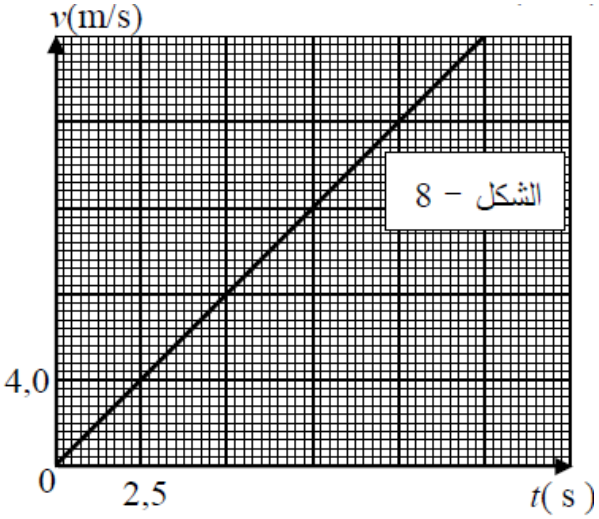


أ- مثل القوى الخارجية المؤثرة على الجسمين (S_1) و (S_2) .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن حدد طبيعة حركة الجسم (S_1) ثم احسب قيمة تسارع مركز عطالته .

جـ - جد سرعة الجسم (S_1) عند النقطة B علما أن $AB = 1.25m$ ثم استنتج المدة المستغرقة لذلك .

2- مكنت الدارسة التجريبية من رسم منحنى تغيرات سرعة الجسم (S_1) بدلالة الزمن $v = f(t)$ في الشكل -8 .



أ- من المنحنى جد قيمة تسارع الجسم (S_1) وقارنها مع المحسوبة سابقا .

ب- فسر اختلاف قيمة التسارع في الحالتين .

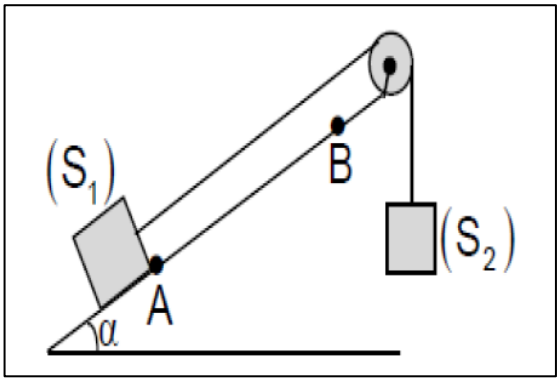
جـ - بناء على هذا التفسير بين أن سرعة الجسم (S_1) تحقق المعادلة التفاضلية التالية: $\frac{dv(t)}{dt} = \frac{g}{2}(1 - \sin\alpha) - \frac{f}{2m_1}$ حيث $\vec{f}$ قوة الاحتكاك التي يؤثر بها سطح المستوي المائل على الجسم (S_1) .

د - استنتج قيمة كل من شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ وشدة توتر الخيط $\vec{T}$.

$g = 10m \times s^{-1}$

التمرين 50: باكالوريا رياضيات 2011

يجر جسم (S_2) كتلته $m_2 = 600g$ بواسطة خيط مهمل الكتلة وعديم الامتطاط يمر على محز بكرة مهملة الكتلة عربة (S_1) كتلتها $m_1 = 800g$ تتحرك على مستوي يميل عن الافق بزاوية $\alpha = 30°$.في وجود قوى احتكاك $\vec{f}$ شدتها ثابتة ولا تتعلق بسرعة العربة . في اللحظة $t = 0$ تنطلق العربة من نقطة A دون سرعة ابتدائية فتقطع المسافة $AB = x$ كما هو موضح في الشكل . نأخذ كمبدأ للفواصل النقطة A .



1- أعد رسم الشكل وأحص عليه القوى الخارجية المؤثرة على (S_2) و (S_1) .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على (S_2) و (S_1):

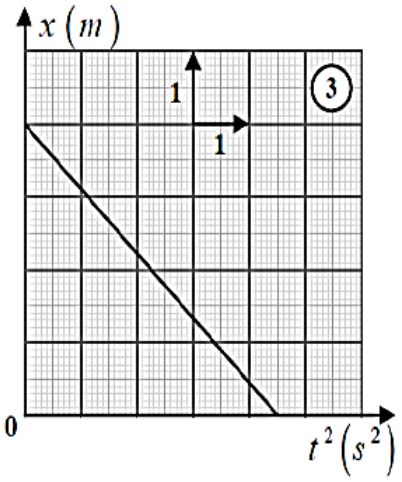
أ- بين أن المعادلة التفاضلية للفاصلة x تعطى بالعلاقة التالية:

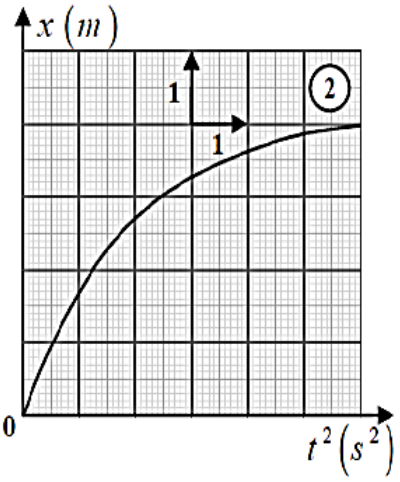
$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{(m_2 - m_1 \sin\alpha)}{m_1+m_2} g - \frac{f}{m_1+m_2} .$$

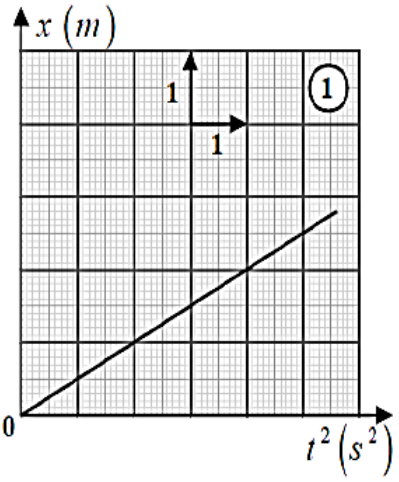
ب- استنتج طبيعة حركة الجسم (S_1).

ج- باستغلال الشروط الابتدائية أوجد حلا للمعادلة التفاضلية السابقة.

3- من اجل قيم مختلفة لـ x كررنا التجربة السابقة عدة مرات فتحصلنا على منحنى بياني يلخص طبيعة حركة الجسم (S_1)





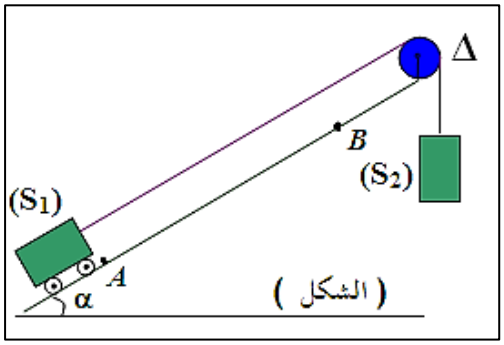


أ- من بين المنحنيات الثلاث 1-2-3 ما هو البيان الذي يتفق مع الدراسة النظرية ؟ علل.

ب- احسب من البيان قيمة التسارع a .

استنتج قيمة كل من قوة الاحتكاك f وتوتر الخيط T علما ان $g = 9.8m \times s^{-1}$

التمرين 51:



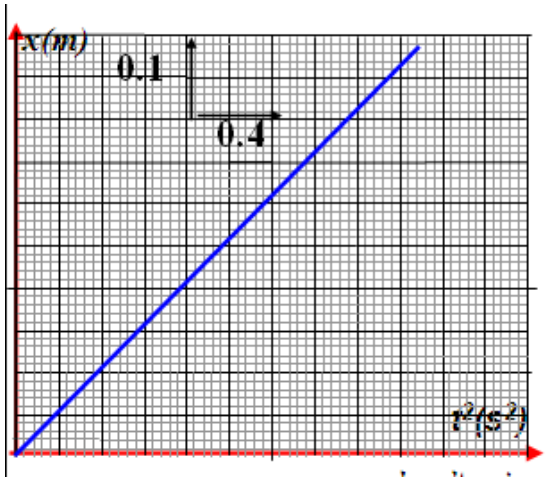
تتكون الجملة الميكانيكية المبينة في الشكل المقابل من عربة (S_1)كتلتها $m_1 = 800\ g$ بإمكانها الحركة على مستوي مائل يميل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30°$ و جسم صلب (S_2) كتلته $m_2 = 600\ g$ (الشكل). لتعيين شدة قوى الاحتكاك F_r المعيقة لحركة (S_1) والتي نعتبرها ثابتة ومستقلة عن سرعة حركتها، نحقق التجربة التالية :

نوصل (S_1) بـ (S_2)بواسطة خيط مهمل الكتلة و عديم الامتطاط يمر على محز بكرة مهملة الكتلة وقابلة للدوران حول محور أفقي (Δ). تحرر الجملة من السكون بدءا من (A) و التي نعتبرها مبدأ للفواصل في اللحظة $t = 0$ فتقطع العربة مسافة $AB = x$ (الشكل).

1- أحص القوى المطبقة على الجسم و العربة ثم مثلها. حدد جهة الحركة .

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أثبت أن تسارع حركة العربة يعطى بالعلاقة :

$$a = \frac{(m_2 - m_1 \sin \alpha)}{m_1 + m_2} g - \frac{F_r}{m_1 + m_2}$$



3- من أجل قيم مختلفة لـ x كررنا التجربة السابقة عدة مرات و قمنا برسم تطور x أثناء الحركة فتحصلنا على المنحنى البياني $x = f(t^2)$ المبين بالشكل.

أ/ أوجد المعادلات الزمنية للحركة بدلالة التسارع a.

ب ./ استنتج بيانيا قيمة كل من :

- التسارع a.
- شدة قوى الاحتكاك F_r.
- شدة التوتر في الخيط T.

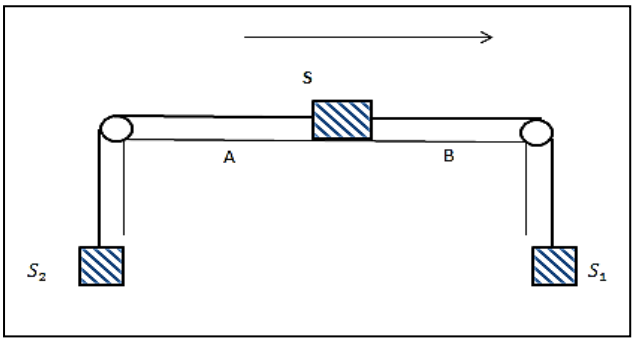
التمرين 52 :

لتعين الكتلة m ، لجسم صلب (S) وشدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ المعيقة لحركة على المستوي الافقي التي نعتبرها ثابتة الشدة ومستقلة عن سرعته نحقق التجربة التالية:

نوصل الجسم (S) بجسم (S_1) وجسم (S_2) بواسطة خيطين مهملي الكتلة و عديمي الامتطاط يمرا على محزي بكرتين مهملتي الكتلة تدوران حول محورين ثابتين حيث $m_1 = 2m_2 = 0.570\ Kg$.

تحرر الجملة من السكون في لحظة $t_0 = 0S$ ليقطع الجسم (S) مسافة $X = AB$ بعد زمن t .

1- دراسة الحركة :



أ/ ارسم الشكل على ورقة الاجابة ومثل عليه كل القوى المؤثرة على الاجسام (S) ، (S_1) و (S_2).

ب/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الاجسام (S) ، (S_1) و (S_2) بين أن عبارة التسارع a تعطى بالعلاقة : $a = \frac{(m_1 - m_2)g - f}{m_1 + m_2 + m}$

ج/ استنتج طبيعة الحركة .

2- كررنا التجربة السابقة من أجل قيم مختلفة لكتلة الجسم (S_1) مع عدم تغيير الكتلة m_2 و قسنا في كل مرة الزمن اللازم لقطع مسافة $X = 1m$ ، فحصلنا على الجدول المقابل:

$m_1(Kg)$	0.570	0.700	0.880	1.12
$t(S)$	1.40	1	0.80	0.7
$a(m/s^2)$				
$T_1(N)$				

أ/ باستغلال السؤال (1- ب) بين انه يمكن كتابة توتر الخيط بالعلاقة : $T_1 = \alpha a + \beta$ حيث T_1 هو توتر الخيط الذي يخضع له الجسم (S_1) ، a هو تسارع الجملة ، α و β ثوابت يطلب تعيين عبارتها

ب/ اكتب عبارة T_1 بدلالة m_1 ، g و a.

ج/ أكمل الجدول (يمكن الاستعانة بحل معادلة الحركة الذي يعطى بالعلاقة : $x = \frac{a}{2}t^2$ حيث a هو تسارع الجملة)

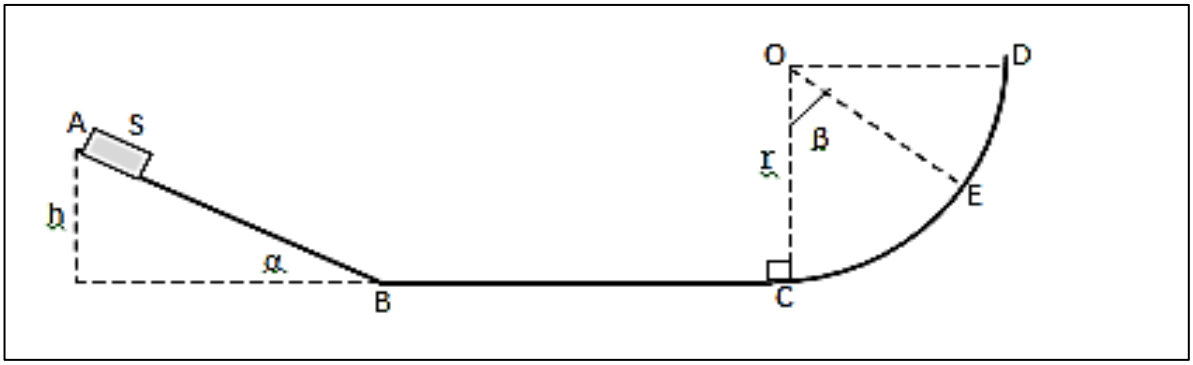
د/ أرسم البيان: $T_1 = f(a)$.

هـ/ استنتج من المنحنى f, m .

تؤخذ $g = 9.8 m.s^{-2}$

التمرين 53:

1- نترك جسما كتلته m= 300g في النقطة A لينزل من السكون على خط الميل الاعظم لمستوي مائل بالزاوية α=30° عن المستوي الافقي المار من B حيث h= 50cm . يكتسب الجسم طاقة حركية في النقطة B قيمتها E_{cB} = 1.0J



أ- احسب عمل ثقل الجسم من A الى B

ب- استنتج من A الى B عمل قوة الاحتكاك $\vec{f}$ التي نعتبرها ثابتة

2- يواصل الجسم الحركة على الطريق الافقي BC حيث BC=1m ويخضع الجسم بين B و C الى قوة احتكاك نعتبرها ثابتة وتكافئ قيمتها $f = 0.5N$

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين B و C بين أن حركة الجسم متباطئة بانتظام ثم احسب تسارعه

ب- احسب سرعة الجسم في النقطة C

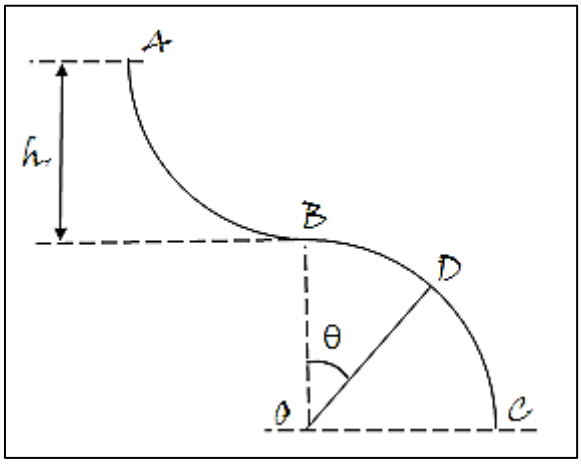
3- نهمل الاحتكاكات على المسار الدائري الواقع في المستوي الشاقولي حيث $OC = OD = OE = r = 1m$ لما يصل الجسم الى C يواصل الحركة على المسار الدائري ويتوقف عند E

- احسب الزاوية β

4- بفرض أن الاحتكاكات مهملة على طول المسار ABCD ، ماهي أقل قيمة للسرعة التي يجب أن يدفع بها الجسم الصلب S حتى يتمكن من الوصول الى الوضع D حيث الزاوية COD=90° $g=10m/s^2$

تمرين54 :

قوس دائري (AB) إرتفاعه h_1= 5 cm يوصل بقوس دائري آخر (BC) نصف قطره R= 20 cm (الشكل). ينزلق جسم (s) كتلته m انطلاقا من (A) دون سرعة ابتدائية.



1- أوجد عبارة السرعة عند B (V_B) و احسبها.

2- أوجد عبارة السرعة عند D بدلالة: θ، R، g، h_1.

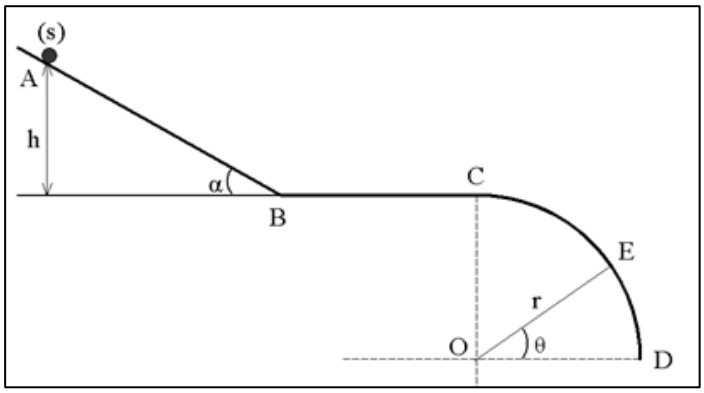
3- أوجد عبارة رد فعل السطح على (s) عند النقطة D بدلالة: m، g، h_1، θ، R.

4- ما هي القيمة التي تأخذها θ عند مغادرة s للمسار؟.

5- هل توجد قيمة لـ h_1 تجعل (s) يصل إلى النقطة؟.

التمرين55 :

ينزلق جسم صلب: (s) يمكن اعتباره نقطيا كتلته: m=0.1kg على طريق: ABCD. (أنظر الشكل)



– AB منحدر، تقع A على ارتفاع h من الأفقي المار من B.

– CD طريق على شكل ربع دائرة مركزها: O ونصف قطرها: r=3m، تقع في مستو شاقولي، تهمل قوى الاحتكاك على هذا الجزء من المسار.

1– ينطلق الجسم (s) من النقطة A دون سرعة ابتدائية ليصل إلى B بسرعة: $v_B=10m/s$. بفرض قوى الاحتكاك مهملة:

أ/ أوجد الارتفاع الذي هبط منه الجسم.

ب/ما طبيعة حركة الجسم: (s) عند انتقاله من: A إلى B؟

ج/ أحسب تسارع هذه الحركة –إن وجد– علماً أن: AB=10m، $g=10m/s^2$.

2– يواصل الجسم: (s) حركته على الجزء: (BC) في وجود قوى احتكاك شدتها ثابتة:

a. ارسم القوى الخارجية المطبقة على الجسم: (s).

b. احسب شدة قوى الاحتكاك إذا علمت أن السرعة في (C) هي: $V_C=3m/s$.

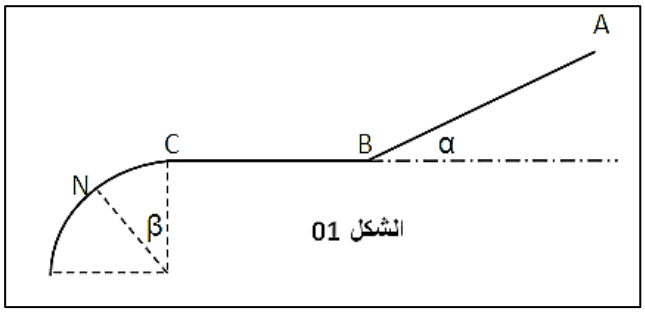
3– يغادر الجسم: (s) المسار الدائري في النقطة: (E)،

أ/ أوجد عبارة سرعة الجسم: (s) في النقطة E بدلالة: r، θ، g.

ب/ أوجد قيمة الزاوية: θ.

التمرين 56 :

في لحظة t=0(s) يدفع جسم (S) كتلته m = 1 kg من نقطة A أعلى مستوى مائل (AB) زاوية ميله α=30° و طوله AB = 2 m بسرعة ابتدائية V_A . يخضع الجسم خلال حركته إلى قوة احتكاك $\vec{f}$ ثابتة وجهتها معاكسة للحركة . **الشكل –01–**



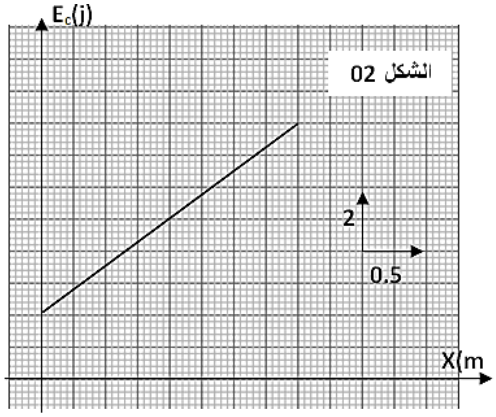
1– أ– بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد المعادلة التفاضلية المميزة لحركة (S) بدلالة الفاصلة x . ثم استنتج طبيعة الحركة.

ب – احسب شدة قوة رد فعل المستوي $\vec{R}$ المطبق على الجسم

2– من خلال رصد وتتبع لحركة الجسم (S) تمكنا من حساب الطاقة الحركية للجسم في لحظات t مختلفة والموافقة لانتقالات $x(t)$ على طول المسار (AB) $(x_A = 0)$. البيان المرفق بالشكل–02– يمثل تغيرات الطاقة الحركية بدلالة الانتقال x

أ– أوجد العبارة الحرفية للطاقة الحركية للجسم (S) في لحظة t بدلالة V_A ,α , x , f , g و m

ب – اوجد المعادلة الممثلة للبيان ثم بين انها توافق العلاقة الموجودة في السؤال السابق.



جـ – باستغلال ما وجدته سابقا : احسب شدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$ وكذالك قيمة V_A .

د – احسب قيم السرعة عند المرور بالنقطة B .

3– يواصل الجسم حركته على الجزء (BC) حيث تكون الاحتكاكات مهملة .

أ – يتحقق على هذا الجزء من المسار أحد قوانين الثلاث لنيوتن علل ؟ مع ذكر نص القانون .

ب – استنتج السرعة عند النقطة C .

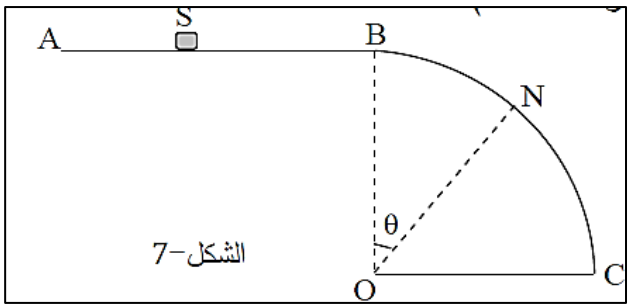
4- عند النقطة C تصبح حركة الجسم على مسار بشكل دائري (ربع دائرة) نصف قطره r = 1 m الاحتكاكات مهملة عليه .

أ- أحسب قيمة سرعة الجسم عند النقطة N المعرفة بالزاوية $\beta = 30°$.

ب- حدد خصائص شعاع فعل المستوي على الجسم $\vec{R}$ مع حساب شدته .

التمرين 57: باكالوريا رياضيات 2014:

لدراسة حركة جسم صلب (S) كتلته $m = 100g$ على السطح الدائري الشاقولي الاملس BC نصف قطره $r = 10m$ ، نقذفه من النقطة A بسرعة ابتدائية افقية $\vec{v}_A$ ليتحرك على السطح الافقي $AB = d = 1m$ ، حيث تكون شدة قوة الاحتكاك على هذا الجزء ثابتة $f = 0.8N$ وجهتها معاكسة لجهة الحركة ، يمر الجسم (S) بالنقطة B بداية السطح BC بالسرعة $\vec{v}_B$ ويواصل حركته عليه ليغادره عند النقطة N . (الشكل -7) .



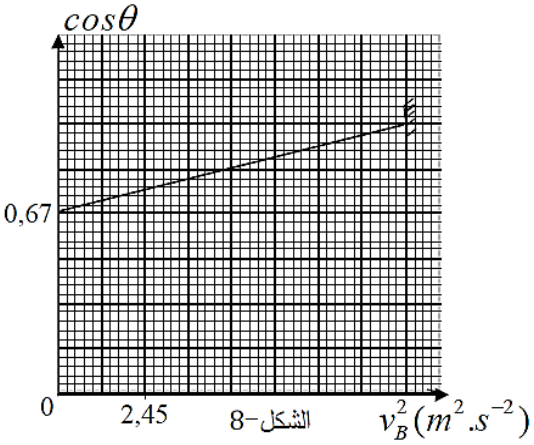
الشكل-7

1- أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن حركة (S) على الجزء AB مستقيمة متباطئة بانتظام .

ب - بين أن v_A سرعة القذف يمكن كتابتها بالعبارة التالية:

$$v_A{}^2 = v_B{}^2 + \frac{2\times d\times f}{m}$$.

2- الشكل -8 يمثل منحنى تغيرات $\cos\theta$ بدلالة $\boldsymbol{v_B^2}$ ، حيث θ هي الزاوية التي من أجلها يغادر الجسم (S) السطح الدائري في النقطة $\boldsymbol{N}$ بالسرعة $\vec{\boldsymbol{v}}_{\boldsymbol{N}}$.



الشكل-8

أ- بتطبيق مبدا انحفاظ الطاقة جد عبارة $\boldsymbol{v_N^2}$ بدلالة $\boldsymbol{v_B^2}$ ، g ، $\boldsymbol{r}$ و θ .

ب- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد عبارة $\vec{R}$ لفعل السطح الدائري على الجسم (S) .

جـ - جد العبارة النظرية لـ $\cos\theta$ بدلالة $\boldsymbol{v_B^2}$ ، g و $\boldsymbol{r}$ التي من أجلها يغادر الجسم (S) السطح الدائري في النقطة $\boldsymbol{N}$.

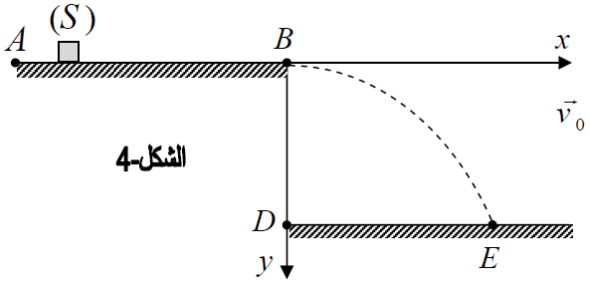
د - بالاعتماد على السؤال (جـ) والمنحنى جد قيمة g تسارع الجاذبية الارضية في مكان التجربة .

3- ما هي اكبر قيمة للزاوية θ وقيمة السرعة $\boldsymbol{v_A}$ عندئذ ؟

التمرين 58: باكالوريا علوم تجريبية 2014

نقذف في الحظة $t = 0$ جسما صلبا (S) نعتبره نقطة مادية كتلتها $m = 400g$ على مستوي أفقي بسرعة ابتدائية $\vec{v}_0$ من النقطة A نحو النقطة B حيث $AB = 1.4m$. يخضع الجسم (S) أثناء حركتها لقوى احتكاك تكافئ قوة معاكسة لجهة الحركة وثابتة الشدة $\vec{f}$ الشكل-4

1- أ- مثل القوى الخارجية المطبقة على مركز عطالة الجسم (S) .

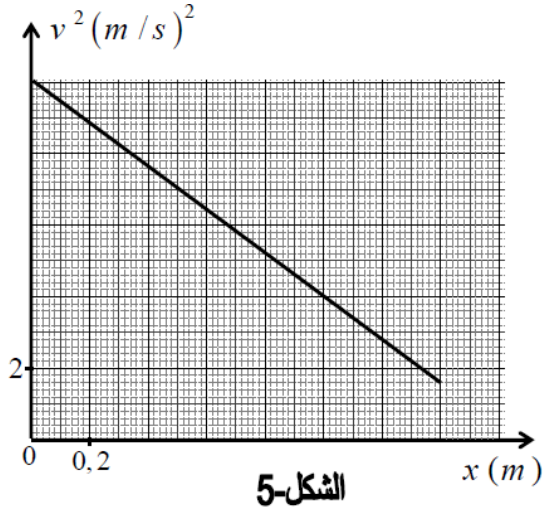


الشكل-4

ب - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن بين أن المعادلة التفاضلية المميزة للحركة تعطى بالعبارة : $\frac{dv}{dt} = -\frac{f}{m}$.

جـ - باعتبار النقطة A مبدأ للفواصل ، اكتب المعادلتين الزمنيتين $v(t)$ و $x(t)$ بدلالة : f ، v_0 و m .

- استنتج العلاقة النظرية $v^2 = f(x)$.



الشكل-5

2- المنحنى – الشكل-5- يمثل تغيرات v^2 بدلالة x . استنتج قيمة السرعة الابتدائية v_0 وشدة قوة الاحتكاك $\vec{f}$.

3- يغادر الجسم (S) المستوي الافقي AB في النقطة B بسرعة $\vec{v}_B$ ليسقط في الموضع E حيث : $\overline{BD} = 0.5m$.

أ- ادرس طبيعة حركة مركز عطالة الجسم (S) بعد مغادرته النقطة B في المعلم (Bx, By) .

ب- اكتب معادلة مسار الحركة $y = f(x)$.

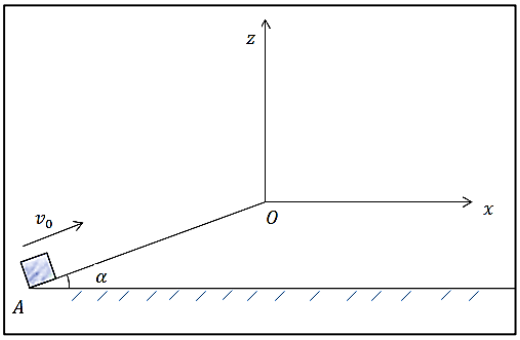
جـ - حدد المسافة الافقية DE وسرعة الجسم (S) في الموضع E .

يعطى : تهمل مقاومة الهواء ودافعة ارخميدس.

$$g = 10m \times s^{-1}$$

التمرين 59:

ندفع جسما صلبا (s) كتلته $m = 100g$ نحو الاعلى بسرعة ابتدائية v_0 من نقطة A اسفل مستوي املس طوله $AO = 0.5m$ مائل عن الافق بزاوية α.مكن تجيز مناسب من الحصول على المنحنى البياني التالي الممثل لتغيرات مربع السرعة مع المسافة المقطوعة على المستوي d :



1- ادرس حركة مركز عطالة الجسم (s) .

2- اكتب العلاقة النظرية : $v^2 = f(d)$.

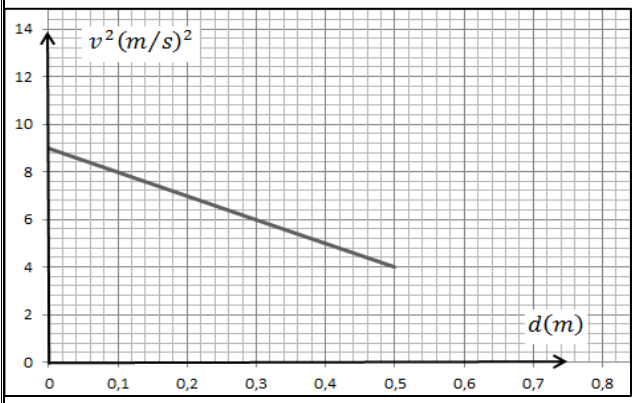
3- باستغلال البيان اوجد قيمة : زاوية الميل α والسرعة الابتدائية v_0 .

4- عندما يصل الجسم (s) الى النقطة o يغادر المستوي المائل .

أ- اوجد المعادلات الزمنية لمركز عطالة الجسم (s) بإهمال تأثير الهواء.

ب- على أي مسافة بالنسبة للنقطة A سوف يسقط الجسم .

ما هو اقصى ارتفاع عن سطح الارض يصل اليه الجسم (s).

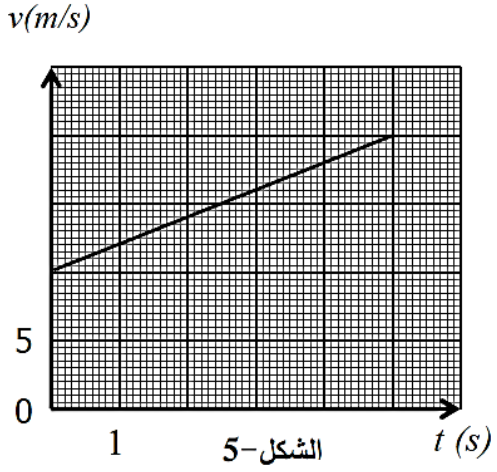


تمرين 60: باكالوريا رياضيات 2013

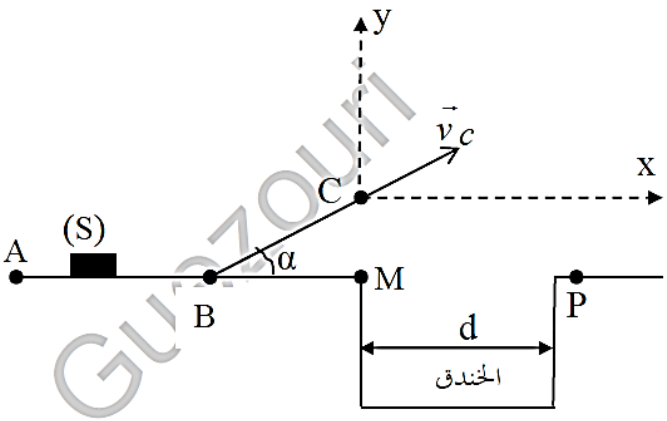
يعتبر القفز على الخنادق بواسطة الدراجات النارية احد التحديات التي تواجه المجازفين . إن التغلب على هذه التحديات يتطلب التعرف على بعض الشروط التي يجب توفرها لتحقيق هذا التحدي.

يتكون مسلك المجازفة من قطعة مستقيمة افقية AB ، واخرى BC تميل عن الافق بزاوية $\alpha = 10°$ وخندق عرضه d . ننمذج الجملة (الدراج+ الدراجة) بجسم صلب (S) مركز عطالته G وكتلته $m = 170kg$.

1- تمر الجملة (S) بالنقطة A في اللحظة $t = 0$ بسرعة $v_A = 10\ m \times s^{-1}$ وفي اللحظة $t_1 = 5s$ تمر من النقطة B بالسرعة v_B . الشكل-5- يمثل تغيرات سرعة مركز عطالة الجملة بدلالة الزمن.



الشكل-5



الشكل-4

اعتمادا على البيان حدد: أ- حدد طبيعة الحركة ، ثم استنتج تسارع مركز عطالة الجملة (S) .

ب – احسب المسافة المقطوعة AB .

2- تخضع الجملة في الجزء BC الى قوة دفع المحرك $\vec{F}$ وقوة احتكاك شدتها $f = 500N$. القوتان ثابتتان وموازيتان للمسار BC .

- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن جد شدة القوة $\vec{F}$ حتى تبقى للجملة (S) نفس التسارع في الجزء AB

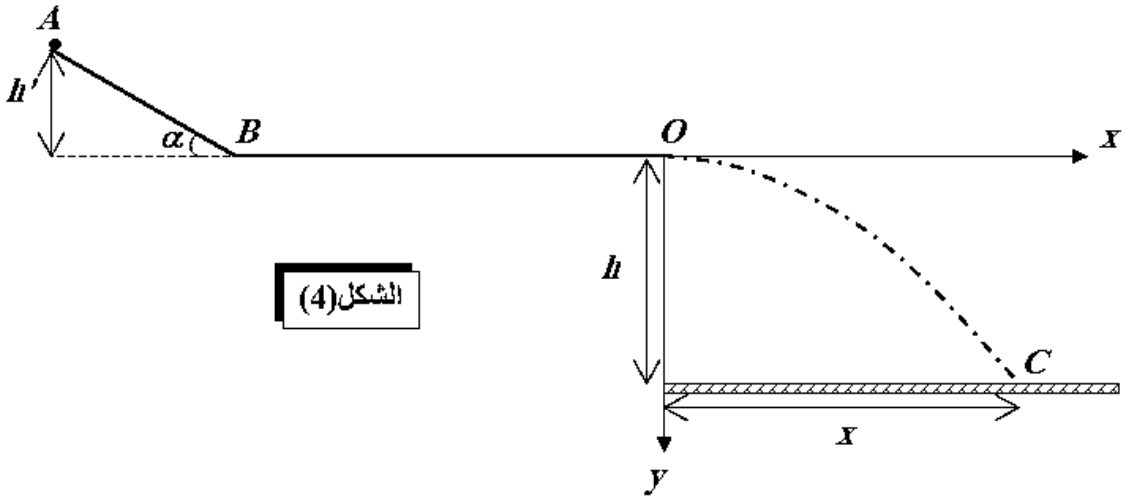
3- تصل الجملة (S) الى النقطة C بسرعة $v_C = 25\ m \times s^{-1}$ وتغادر ها لتسقط في النقطة P .

أ- باعتبار لحظة المغادرة مبدأ الازمنة ، ادرس حركة مركز عطالة الجملة (S) في المعلم (Cx, Cy) ثم جد معادلة مسارها .

ب- هل يجتاز الدراج الخندق أم لا ؟ برر اجابتك علما أن : $d = 40m$ و $BC = 56.3m$.

التمرين 61:

من نقطة (A) أعلى مستو مائل طوله (AB = 1m) نترك بدون سرعة ابتدائية كرية صغيرة (نعتبرها نقطية) ، كتلتها m = 50 g ، لتتحرك دون احتكاك على هذا المستوي ، ثم تلاقي بعد ذلك مستويا افقيا طوله (BO = 2m) .



الشكل(4)

I- المستوي الأفقي (BO) أملس تماما:

تغادر الكرية المستوي (BO) عند النقطة (O) بسرعة ابتدائية أفقية (v_0) لتسقط في الفضاء و تصدم ، في النقطة (C) ، مستويا أفقيا آخر يقع أسفل الأول بمسافة h . الشكل(4) المرفق .

نعيد التجربة عدة مرات و نغير في كل مرة الإرتفاع (h = y) ونقيس فاصلة موقع السقوط (C) فنحصل على النتائج المدونة في الجدول الآتي:

y (m)	2	4	6	8	10
x (m)	2,0	2,8	3,5	4,0	4,5
x^2 (m^2)					

1- أكمل الجدول السابق ، ثم أرسم البيان $y = f(x^2)$ باستعمال سلم مناسب، ماذا تستنتج ؟.

2- أدرس طبيعة حركة الكرية في المعلم المبين ، مع تحديد المرجع المختار ، و بأخذ مبدأ الأزمنة لحظة مغادرة الكرية النقطة (O). تهمل مقاومة الهواء و دافعة أرخميدس.

- استنتج معادلة المسار $y = f(x)$.

3- اعتمادا على ما سبق ، أوجد قيمة v_0 . تؤخذ $g = 10\ m.s^{-2}$.

4- حدد طبيعة حركة الكرية في الجزء (BO) ، ثم استنتج قيمة السرعة v_B.

5- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة للجملة (المطلوب تحديدها) في الجزء (AB)، استنتج قيمتي (h') وَ (α).

II- المستوي الأفقي (BO) خشن:

نفرض في هذه الحالة أن الكرية تتوقف عند النقطة (O) بسبب وجود قوة احتكاك حاملها موازي للمستوي (BO) ، جهتها معاكسة لجهة الحركة ، و قيمتها ثابتة خلال الإنتقال من (B) إلى (O).

- أوجد قيـــمة قوة الاحتكاك f .

التمرين 62 :

من نقطة A تقع في أسفل مستو أملس تماما ، يميل على الأفق بزاوية (α) نقذف جسما ، (S) نعتبره نقطة مادية وفق خط الميل الأعظم بسرعة $\vec{V}_A$ فيصل إلى النقطة O بسرعة قدرها V_O عند اللحظة $t = 0$ كما بالشكل (1) . يمثل البيان (1) تغيرات فاصلة القذيفة بدلالة الزمن. ويمثل البيان (2) تغيرات سرعة القذيفة على محور التراتيب بدلالة الزمن.

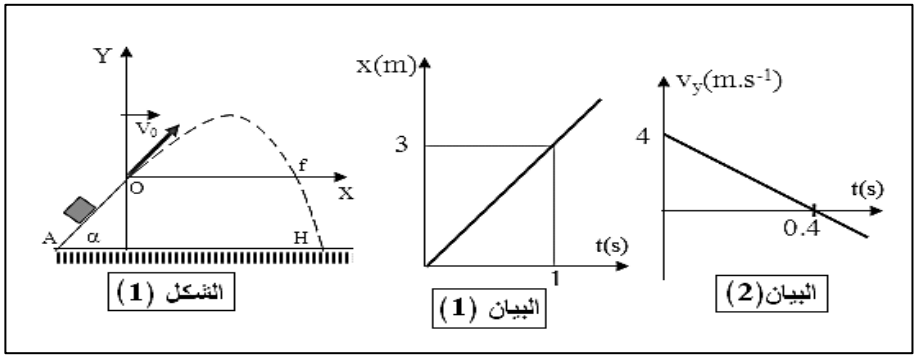
1- أدرس حركة الجسم (S) على المستوي المائل ؟

2- استنتج من البيانين 1 ، 2 مركبتي شعاع السرعة $\vec{V}_O$ ثم أحسب طويلته ؟

3- أحسب قيمة $\sin\alpha$ ؟

4-إذا كان $AO = 1,5\ m$ أحسب V_A ؟

5-أحسب المسافة (Of) المدى الأفقي للقذيفة ؟



6-أوجد إحداثيتي النقطة H نقطة اصطدام القذيفة بالأرض ؟

التمرين 63 :

نترك جسما نقطيا (S) يتحـرك انطلاقا من النقطـة A بـدون سرعـة ابتدائيـة على مسـار $ABCD$ (الشكل أسفله).

المعطيات : $h_2 = 40\ cm\ ,\ BC = 20\ cm\ ,\ AB = 50\ cm\ ,\ \alpha = 30^\circ\ ,\ m = 10\ g$.

تهمل جميع الاحتكاكات على كل المسار $ABCD$ وتؤخذ $g = 10\ m/S^2$.

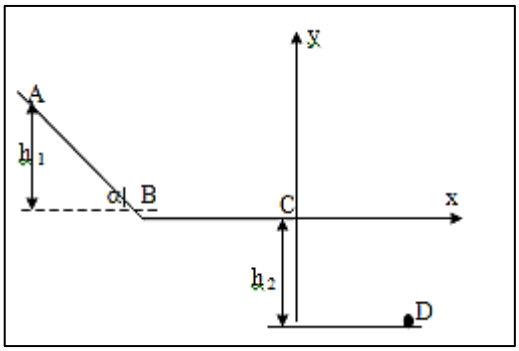
نأخذ المستوى الأفقي BC كمرجع لقياس الارتفاعات $(Z_C = 0\ ,\ E_{pp} = 0)$.

1/ أعط عبارة الطاقة الكامنة الثقالية عند النقطة A وتحقق أن $\left(E_{pp} = 2.5x10^{-2}\,J\right)$

2/ استنتج عبارة طاقة الجملة عند A .ما قيمتها ؟

3/ استنتج مع التعليل قيمة طاقة الجملة عند B .

4/ بين أن عبارة سرعة الجسم عند B هي $V_B = \sqrt{2.g.AB.\sin\alpha}$



دراسة حركة الجسم عند النقطة C :

نعتبر مبدأ الأزمنة لحظة مرور الجسم بالنقطة C .و نأخذ السرعة عند C : $V_0 = \sqrt{5}m/S$.

1/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم بعد مغادرته النقطة C . أوجد :

أ- العبارة الحرفية لكل من مركبتي شعاع التسارع a_x و a_y .

ب- عين عبارة كل من مركبتي شعاع السرعة V_x و V_y .

2/ تعطى مركبتا شعاع الموضع في المعلم $(Cx\,,Cy)$ كالتالي:

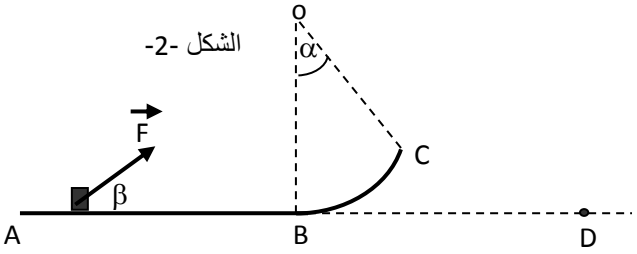
$$\begin{cases} x = \left(\sqrt{2.g.AB.\sin\alpha}\right)t \rightarrow (1) \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 \rightarrow (2) \end{cases}$$

استنتج معادلة المسار .

3/ ما هي المسافة AB الواجب اختيارها حتى يسقط الجسم عند D ذات الفاصلة

التمرين 64 :

يتحرك جسم S كتلته 400 g على مسار ABC يبدأ حركته من A بسرعة ابتدائية v_A وذلك تحت تأثير قوة جر F ثابته يصنع حاملها مع الأفق زاوية $\beta = 60^o$ كما في الشكل -2-.



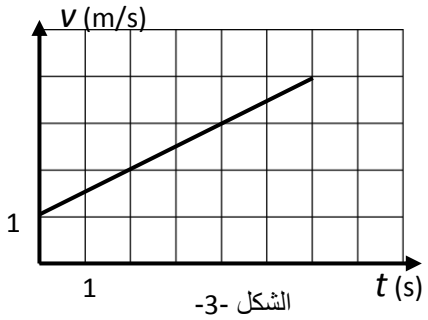
يخضع الجسم أثناء حركته لقوة احتكاك ثابته شدتها 0.4 N على الجزءAB فقط المخطط الممثل في الشكل -3- يمثل مخطط السرعة لحركة هذا الجسم على الجزء AB

1 – أ – أستنتج من الشكل طبيعة الجسم على المسار AB .

– أحسب تسارعه وسرعته الابتدائية .

– استنتج طول المسار AB .

ب- احسب شدة قوة الجر F . $g = 10\ m/s^2$



2 – يواصل الجسم S حركته على المسار الكروي BC الذي نصف قطره r ليصل إلى C بسرعة قدرها 2 m/s

- أحسب نصف قطر هذا المسار الدائري علما ان $\alpha = 30^o$.

3 – يغادر الجسم S النقطة C ليسقط على الأرض عند النقطة D .

أ – أكتب معادلة مسار الجسم S بعد مغادرته النقطة C .

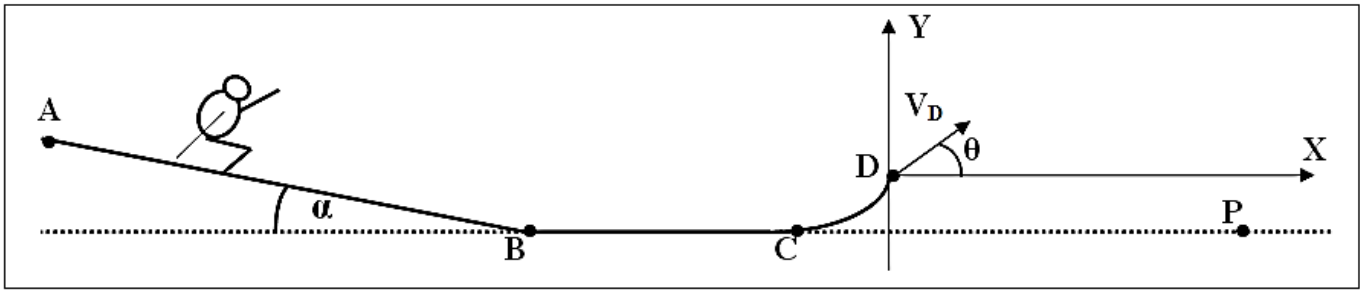
ب – أحسب المسافة الأفقية بين النقطة D والشاقول المار بالنقطة C .

جـ- أحسب سرعة الجسم S لحظة ملامسته الأرض .

التمرين 65:

تعتبر رياضة التزحلق على الجليد من الرياضات الشتوية الأكثر انتشارا في المناطق الجبلية ، حيث يسعى ممارسو هذه الرياضة إلى تحقيق نتائج إيجابية و تحطيم أرقام قياسية . تتكون حلبة التزحلق الممثلة في الشكل – 7 من ثلاثة أجزاء:

- جزء AB مستقيم طوله AB= 82.7m يميل بزاوية $\alpha = 14^0$ بالنسبة للمستوى الأفقي
- جزء BC مستقيم أفقي طوله L= 100m ، جزء CD دائري



(الشكل-7)

ننمذج المتزحلق ولوازمه بجسم صلب(S) كتلته m= 65Kg ، نأخذ $g = 10m.S^{-2}$. يمر المتزحلق أثناء حركته من المواضع A،B،C و D المبينة في الشكل. عند اللحظة t= 0 ينطلق المتزحلق من الموضع A بدون سرعة ابتدائية فينزلق دون احتكاك على الجزء AB

1/ أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة تسارع الحركة بدلالة g و α ثم حدد طبيعة الحركة مع التعليل ؟

ب- اعتمادا على المعادلات الزمنية للحركة ، أوجد قيمة السرعة V_B لحظة مروره بالموضع B ؟

2- يواصل المتزحلق حركته على الجزء BC حيث يخضع لقوة احتكاك ثابتة الشدة و معاكسة لجهة الحركة f .

أ- بتطبيق نظرية الطاقة الحركية أوجد عبارة شدة قوة الاحتكاك f بدلالة كل من m، L، V_B و V_C سرعة المتزحلق لحظة مروره بالموضع B ثم احسب قيمتها إذا علمت أن $V_C = 12m.S^{-1}$ ؟

ب- عند مغادرته الحلبة ، يمر المتزحلق من الموضع D بسرعة V_D حيث تكون الزاوية $\theta = 45^0$ مع المستوى الأفقي فيسقط المتزحلق في الموضع P . بإهمال تأثير الهواء أثناء الحركة .

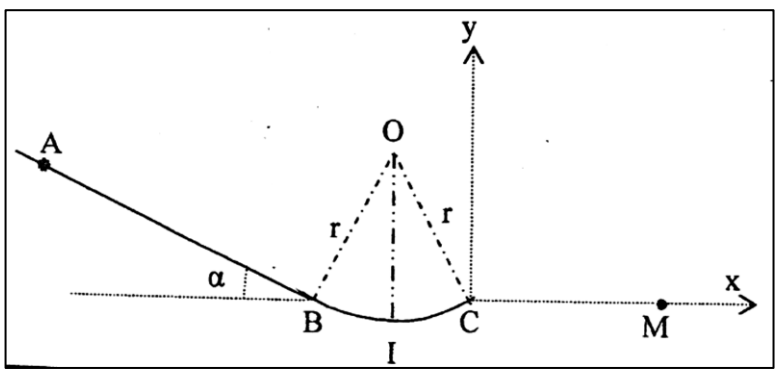
ج-شكل المعادلات الزمنية للحركة X(t) و Y(t) و استنتج معادلة المسار؟

د- حدد قيمة السرعة V_D لحظة مغادر المتزحلق الموضع D علما أن إحداثيتي مركز عطالة المتزحلق عند الموضع P هما $X_G = 15m$ و $Y_G = -5m$

التمرين 66: باكالوريا تقني رياضي 2008

ملاحظة: نهمل تأثير الهواء وكل الاحتكاكات .

يترك جسم نقطي (S) دون سرعة ابتدائية من النقطة A لينزلق وفق خط الميل الاعظمي AB لمستوي مائل يصنع مع الافق زاوية $\alpha = 30°$ ، المسافة $AB = L$.



يتصل AB مماسيا في النقطة B بسلك دائري BC مركزه O ونصف قطره r بحيث تكون النقاط A ، B ، C و O في نفس المستوي الشاقولي والنقطتان B و C على المستوي الافقي.

يعطى: كتلة الجسم (S) : $m = 0.2kg$ ،

$r = 2\,m$ ، $L = 5\,m$ ، $g = 10\,m/s^2$.

1- أوجد عبارة سرعة الجسم (S) عند مروره بالنقطة B بدلالة L ، g و α ثم احسب قيمتها.

2- حدد خصائص شعاع السرعة للجسم (S) في النقطة C.

3- أ- أوجد بدلالة m ، g و α عبارة شدة القوة التي تطبقها الطريق على الجسم (S) خلال انزلاقه على المستوي المائل . احسب قيمتها.

ب- لتكن I أخفض نقطة من المسار الدائري BC . يمر الجسم (S) بالنقطة I بالسرعة $v_I = 7.37\,m/s$. اسب شدة القوة التي يطبقها الطريق على الجسم (S) عند النقطة I.

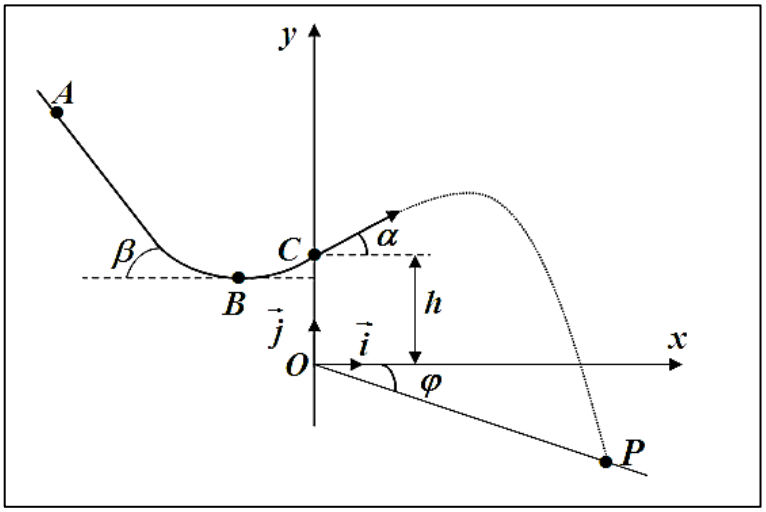
4- عند وصول الجسم (S) الى النقطة C يغادر المسار BC ليقفز في الهواء.

أ- أوجد في المعلم $(\overrightarrow{Cx}, \overrightarrow{Cy})$ المعادلة الديكارتية $y = f(x)$ لمسار الجسم (S) . نأخذ مبدأ الازمنة $t = 0$ لحظة مغادرة الجسم (S) النقطة C .

ب-يسقط الجسم (S) على المستوي المار بالنقطتين B و C في النقطة M . احسب المسافة CM.

التمرين 67:

يندفع ، يوم منافسة التزحلق والقفز على الجليد رياضي كتلته m=80kg ، بسرعة ابتدائية V_A من A أعلى مستوى مائل ، يميل عن الأفق بزاوية $\beta = 45^0$ وطول خط ميله لأعظمي AB=40m ينتهي بجزء منحني BC يغادره في C بسرعة تساوي سرعته في B $(V_B = 25m/s)$. يخضع المتزحلق لقوة احتكاك $\vec{f}$ حاملها موازي للمستوى المائل وجهتها معاكسة لجهة الحركة، شدتها $\vec{f} = 100N$



1) دراسة حركة الرياضي على المستوي AB

أ- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة تسارع حركة مركز عطالة الرياضي بدلالة: β, m, f, g ثم احسب قيمته

ب- احسب قيمة السرعة $\overline{V}_A$ التي انطلق بها الرياضي

2) دراسة حركة الرياضي بعد قفزه:

عند وصول المتزحلق إلى النقطة C التي تقع على ارتفاع h=6m من النقطة O يقفز في الهواء في لحظة نعتبرها مبدأ الأزمنة (t=0) بسرعة($V_C=V_0$) يصنع شعاعها زاوية $\alpha = 20^0$ مع الأفق فيسقط على طريق مائل OP في النقطةP التي تبعد عن O بمسافة d= 108m بسرعة V_P= 35m/s .

أ- أكتب المعادلتين الزمنيتين لكل من x(t) و y(t) واستنتج معادلة مسار مركز عطالة المتزحلق

ب- احسب لحظة بلوغ الرياضي أقصى ارتفاع وسرعته عند هذه اللحظة

ج- عين الزاوية φ التي يصنعها (OP) مع الأفق

نأخذ $g = 10m/s^2$