

1.

إنّ تحديد المواقع على سطح الأرض بواسطة الأقمار الاصطناعية (*Global Positioning System*) ، اختصارا (*GPS*) هي تقنية قديمة استعملها الجيش الأمريكي في نهاية السبعينيات، وتعتمد على المعلومات التي تعطيها مجموعة من الأقمار الاصطناعية للمحطات الأرضية. لقد تمّ إرسال 28 قمرا اصطناعيا بين سنتي 1978 و 1995 ، تحوم في مدارات شبه دائرية على ارتفاعات عن سطح الأرض محصورة بين 20000 km و 20500 km ، ودورها $11\ h\ 58\ mn\ 2s$ ، أي حوالي نصف الدور اليومي للأرض.



تطورت هذه التقنية إلى أن أصبح الارتياح في تحديد الموقع لا يتعدى 1 cm .

إنّ *Giove - A* هو أحد الأقمار المستعملة في هذه التقنية، وقد أرسل في 28 ديسمبر 2005.

معطيات:

ثابت التجاذب الكوني $G = 6,67 \times 10^{-11} S.I$ ، كتلة الأرض: $M_T = 6 \times 10^{24} kg$ ، نصف قطر الأرض $R_T = 6380 km$

I- ندرس حركة القمر الاصطناعي *Giove - A* ، حيث نعتبره نقطة مادية، كتلته $m = 700 kg$.

يرسم القمر الاصطناعي مسارا دائريا نصف قطره $r = R_T + h$ ، حيث $h = 23600 km$ ، ويخضع فقط لقوة جذب الأرض.

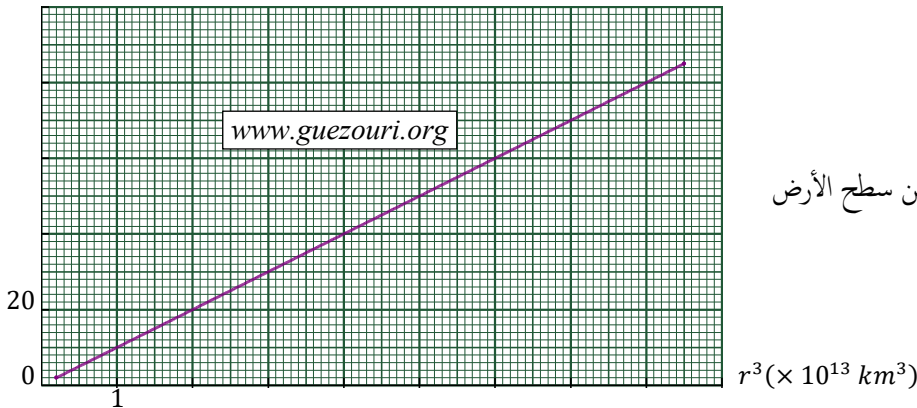
- 1- ارسم بدون سلم مسار القمر الاصطناعي ومثل في نقطة (M) من مساره شعاع القوة المؤثرة عليه وشعاع سرعته.
- 2- اكتب العبارة الشعاعية لقوة جذب الأرض للقمر الاصطناعي، حيث نرمز لشعاع الوحدة المتجه من مركز الأرض نحو النقطة (M) بالرمز \vec{u} .
- 3- في أي مرجع تتم دراسة حركة القمر الاصطناعي؟ وما هو الشرط الذي يجب أن يتوفّر في هذا المرجع من أجل تطبيق القانون الثاني لنيوتن؟
- 4- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على حركة القمر الاصطناعي في المرجع السابق، جدّ عبارة شعاع تسارعه \vec{a} .
- 5- اذكر خصائص شعاع التسارع في حركة دائرية منتظمة.

6- عبّر عن الطاقة الحركية للقمر الاصطناعي بدلالة G ، M_T ، r ، m ، ثم احسب قيمتها.

7- عبّر عن دور القمر الاصطناعي (T) ، ثم عبّر عنه بدلالة G ، M_T ، r ، ثم احسب قيمته مقدّرة بالساعات.

II- يوجد حاليا تقنيتان لتحديد المواضع على سطح الأرض عن طريق الأقمار الاصطناعية، هما تقنية *GPS* الأمريكية، وتقنية *GLONASS* الروسية. يوجد في الشكل التمثيل البياني $T^2 = f(r^3)$ لمجموعة من الأقمار الاصطناعية *GPS* و *GLONASS* والقمر الاصطناعي *Giove - A* ، وبعض الأقمار

$T^2 (\times 10^8 s^2)$



من طراز *Météosat* .

1- بيّن أن البيان يتوافق مع عبارة السؤال I - 7 .

2- باستعمال البيان:

1- 2- تأكّد من كتلة الأرض المعطاة.

2- 2- حدّد دور القمر الاصطناعي الذي يبعد عن سطح الأرض

بالمسافة $h = 23300 km$

2.

المنجنيق، *Mangonel* أو *Traction trebuchet* بالإنجليزية هو آلة حربية مصمّمة لرمي مقذوفات ثقيلة، وذلك من مقلعها عن طريق شدّ الجنود لحبالها. يستخدم المنجنيق لتحطيم القلاع والحصون بقذائف كتلتها يتجاوز $200 kg$ ، ويصل مداها إلى حوالي $400 m$. اخترعها الصينيون في القرن الرابع قبل الميلاد.

(made in china)

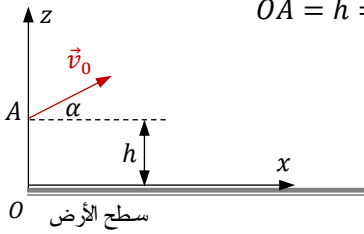
معطيات: كتلة القذيفة: $m = 150 kg$ ، شدّة التسارع الأرضي $g = 10 m/s^2$

مقاومة الهواء مهملة.



منجنيق - صورة من ويكيبيديا

تنتقل قذيفة المنجنيق من النقطة A بسرعة ابتدائية \vec{v}_0 تصنع مع المستوي الأفقي زاوية α ، حيث $OA = h = 10\text{ m}$



ندرس حركة القذيفة في مرجع سطحي أرضي مزود بالمعلم Oxz .

1- أعط خصائص قوة ثقل القذيفة.

2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن عبّر عن مركبتي تسارع مركز عطالة القذيفة في المعلم Oxz .

3- جدّ عبارتي التابعين $x(t)$ و $z(t)$ ، ثم استنتج معادلة مسار مركز عطالة القذيفة $z(x)$.

4- علماً أنّ $\alpha = 60^\circ$ ، ما هي قيمة v_0 التي من أجلها تسقط القذيفة في النقطة $B(200\text{ m}, 0)$. نعتبر القذيفة نقطة مادية.

5- احسب سرعة القذيفة عند وصولها للأرض.

6- بيّن أنه لو انطلقت القذيفة من النقطة A بسرعة v'_0 شعاعها أفقي، فإنّها تسقط على الأرض في النقطة $C(v'_0 \sqrt{\frac{2h}{g}}, 0)$ ، ثم احسب v'_0 علماً أنّ $OC = 80\text{ m}$.

3.

قام أستاذ العلوم الفيزيائية مع تلاميذه بإجراء تجربة في الهواء الطلق في ساحة الثانوية.

يقف التلميذ نضال على سطح المخبر ويحمل في يده كرة مطاطية صغيرة (b_1) في النقطة A .

وتقف التلميذة جهاد على سطح الأرض في النقطة C وتحمل في يدها كرة مماثلة (b_2) في

النقطة O ؛ مبدأ المعلم Oxz .

من أجل تبسيط الدراسة نهمل تأثير الهواء ونعتبر الكرتين نقطتين ماديتين.

نسب حركتي الكرتين لمرجع سطحي أرضي، ونعتبره غاليليا.

يُعطى: $g = 10\text{ m/s}^2$ ، $z_C = -0,9\text{ m}$ ، $z_A = h = 3\text{ m}$ ، $x_B = 5,2\text{ m}$

1- بدون إجراء أيّ حساب، لو قذفت جهاد الكرة (b_2) بالسرعة الابتدائية \vec{v}_0 . ناقش اصطدام أو عدم اصطدام الكرة (b_2) بالكرة (b_1) وهي ثابتة في يد نضال. (انظر للشكل)

2- تقذف جهاد الكرة (b_2) من النقطة O عند اللحظة $t = 0$ بسرعة ابتدائية \vec{v}_0 تصنع مع المحور Ox الزاوية α ، طوليتها $v_0 = 10\text{ m/s}$.

وفي نفس اللحظة يترك نضال الكرة (b_1) تسقط من النقطة A بدون سرعة ابتدائية.

1- 2- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد المعادلتين التفاضليتين للسرعتين v_x و v_z للكرة (b_2).

2- 2- جد معادلة مسار الكرة (b_2).

3- 2- اكتب معادلة مسار الكرة (b_1).

4- 2- هل تصطدم الكرتان ببعضهما؟ علّل جوابك.

5- 2- ما هي أصغر سرعة يجب أن تقذف بها الكرة (b_2) بالزاوية السابقة لكي تصطدم بالكرة (b_1) قبل وصول هذه الأخيرة لسطح الأرض؟

4.

إنّ الكرة الحديدية ($La\ pétanque$) هي لعبة كرة تنافسية، وهي بشكلها الحالي نشأت في بلدية $La\ Ciotat$ بجنوب فرنسا سنة 1907.

قذف اللاعب الكرة من النقطة (O) من سطح الأرض وهو رايض، وذلك بسرعة \vec{v}_0 تصنع زاوية α مع سطح

الأرض الأفقي الذي يشمل المحور Ox للمعلم Oxz ، وطوليتها $v_0 = 10\text{ m/s}$ ، وذلك

من أجل أن تسقط الكرة في النقطة (A)، حيث $OA = 8\text{ m}$. $g = 10\text{ m/s}^2$.

نسب حركة الكرة لمرجع سطحي أرضي نعتبره غاليليا. نهمل تأثير الهواء

1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أن معادلة مسار الكرة في المعلم السابق هي:

$$z = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + \tan \alpha \cdot x$$

2- يمكن للكرة أن تسقط في النقطة (A) من أجل زاويتي قذف α_1 و α_2 وبفس السرعة السابقة، حيث $\alpha_1 > \alpha_2$.

1- 2- جد قيمتي هاتين الزاويتين.

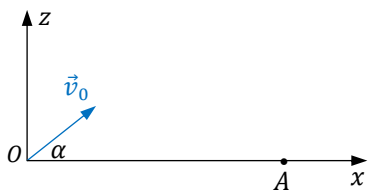
2- 2- ما هما المدتان الزمئتان اللتان تستغرقهما الكرة في حالة قذفها بالزاوية α_1 وفي حالة قذفها بالزاوية α_2 ؟

3- 2- ما هي خصائص سرعة الكرة في النقطة (B) على ارتفاع $h = 1\text{ m}$ عن A ، وذلك من أجل الزاوية α_1 .

4- 2- احسب الزاوية β التي يصنعها شعاع السرعة في النقطة (A) مع المحور Ox من أجل الزاوية α_1 . يُعطى $\frac{1}{\cos^2 \alpha} = 1 + \tan^2 \alpha$



صورة من موقع
Conseil Sport



تعتمد رياضة دفع الأتقال على رمي كرة حديدية ملساء كتلتها $m = 7,26 \text{ kg}$ (ذكور - صنف الكبار). يقف الرياضي داخل دائرة قطرها $2,1 \text{ m}$ ثم يرمي الكرة من النقطة (O) ؛ مبدأ المعلم (Oxy) بسرعة \vec{v}_0 تصنع مع المحور (Ox) زاوية (α) كما هو موضح في الشكل - 1. قام أحد المدربين باستعمال برنامج معلوماتي لتحليل المعطيات والنتائج التي حققها أحد لاعبيه في البطولة العالمية لألعاب القوى لسنة 2003 بفرنسا. كانت الكرة على ارتفاع $h = 2,60 \text{ m}$ عن سطح الأرض لحظة انطلاقها من يد اللاعب.

1- 1- إن من نتائج التحليلات بياني مركبي سرعة الكرة بدلالة الزمن $v_x(t)$ و $v_y(t)$. (الشكل - 2)

1- 1- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في مرجع سطحي أرضي، جد العبارتين الزميتين لفاصلة وترتيب الكرة عند اللحظة $t > 0$.

1- 2- احسب قيمة الزاوية (α) وطويلة السرعة الابتدائية \vec{v}_0 .

1- 3- جد إحداثي أعلى نقطة (S) يمر بها مركز عطالة الكرة، ثم

احسب الطاقة الحركية للكرة عند هذه النقطة.

1- 4- كم تستغرق الكرة من الوقت منذ قذفها إلى لحظة وصولها

لسطح الأرض.

1- 5- جد إحداثي نقطة وقوع الكرة على الأرض.

2- قام المدرب في برنامجه المعلوماتي بتغيير العوامل المؤثرة على أكبر مسافة

تقطعها الكرة على المحور (Ox) ، حيث في الشكل - 3 قام بتثبيت

زاوية القذف $\alpha = 40^\circ$ وتغيير السرعة الابتدائية باستعمال القيم:

(1) $v_0 = 13 \text{ m/s}$ ← البيان

(2) $v_0 = 13,5 \text{ m/s}$ ← البيان

(3) $v_0 = 15 \text{ m/s}$ ← البيان

قام المدرب الآن بتثبيت السرعة $v_0 = 14 \text{ m/s}$ وتغيير زاوية القذف (الشكل - 4).

(1) $\alpha = 30^\circ$ ← البيان

(2) $\alpha = 45^\circ$ ← البيان

(3) $\alpha = 55^\circ$ ← البيان

2- 1- جد معادلة مسار الكرة $y = f(x)$.

2- 2- كيف تتناسب في الشكل - 3 أكبر مسافة تقطعها

الكرة على المحور (Ox) مع طويلة السرعة الابتدائية للكرة؟

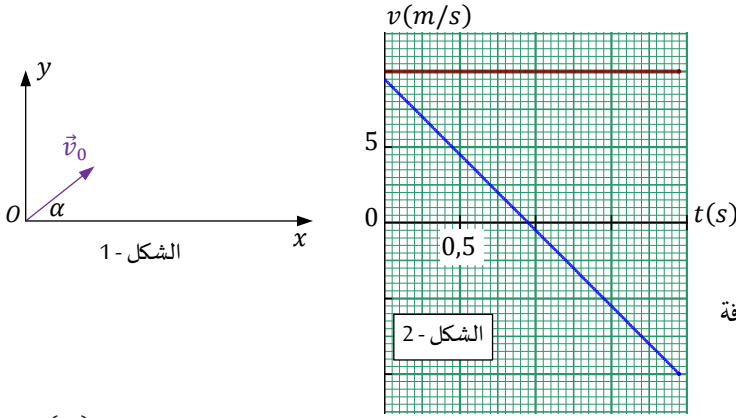
2- 3- حدّد بيانيا هذه المسافة في التجربة (3) في الشكل - 3، ثم تأكد من النتيجة حسابيا.

2- 4- تأكد بيانيا من زاوية القذف في الشكل - 3.

2- 5- تأكد حسابيا في الشكل - 4 أن البيان (2) يوافق زاوية القذف $\alpha = 45^\circ$.

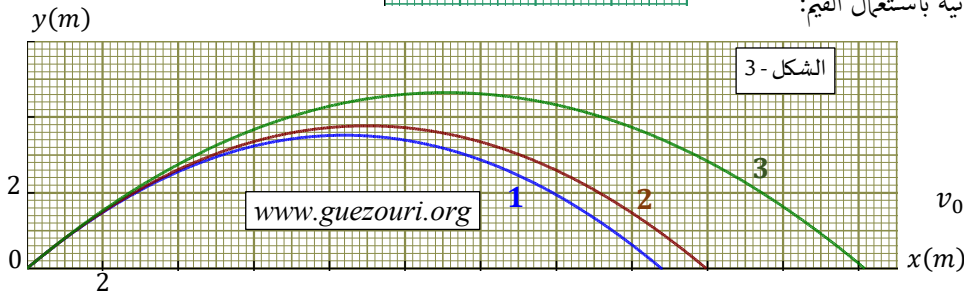
2- 6- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة، حدّد على المسار (1) في الشكل - 4 نقطتين تكون فيها للكرة نفس طويلة السرعة.

2- 7- احسب سرعة الكرة عند وصولها لسطح الأرض في الشكل - 3 في التجربة (2).

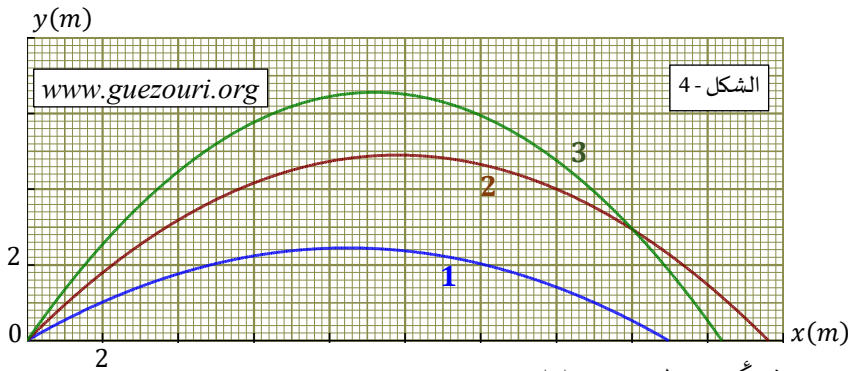


الشكل - 1

الشكل - 2



الشكل - 3



الشكل - 4

