

البطاقة التربوية - نظري

المستوى : 3 ت ر ، 3 ر ، 3 ع تج

رقم المذكرة : 01

المجال : التطورات غير الرتبويةالوحدة : الظواهر الإهتزازية

<p>الأسئلة الأساسية</p> <p>1- عندما نزيح أرجوحة عن وضع توازنها و نتركها لحالها تنجز حركة اهتزازية - متى تكون الاهتزازات حرة ؟ - كيف تتحول الى اهتزازات قسرية؟ 2- ماهي خصائص الاهتزازات الحرة الميكانيكية؟ 3- ماهي خصائص الاهتزازات الحرة الكهربائية؟ 3- ماهي خصائص الاهتزازات القسرية؟</p>	<p>مؤشرات الكفاءة</p> <p>1- يميز بين أنماط الاهتزازات الحرة(غير المتخامدة و المتخامدة ، المغذاة) 2-يفسر الاهتزازات بواسطة المعادلة التفاضلية الموافقة 3-يكتب المعادلة التفاضلية لتفريغ مكثفة في وشيعة 4-يميز بين الاهتزازات المغذاة و الاهتزازات القسرية 5-يوظف التطابق بين الاهتزازات الميكانيكية و الهتزازات الكهربائية لحل بعض الاشكليات</p>
<p>الوسائل المستعملة والطرائق</p> <p>الوسائل: نوابض مرنة - كتل عيارية - حامل - كرونومتر - خيط عديم المتطاط ومهمل الكتلة - كرية مهمل البعاد - راسم الاهتزازات - مكثفة - وشيعة - قاطعة - اسلاك توصيل -GBF الطرائق: 1/ 4سا نظري + 2 أ ت 2/ 2سا نظري + 1 أ ت 3/ 2سا نظري + 1 أ ت 4/ 1سا نظري.</p>	<p>المحتوى</p> <p>1/ الاهتزازات الحرة لجملة ميكانيكية أ- دراسة بعض الجمل (النواس المرن - النواس الثقلي- مفهوم الدور و شبه الدور - المعادلات التفاضلية) ب- تغذية الاهتزازات بتعويض التخامد(المعادلة التفاضلية لهزاز مغذى - الحل من الشكل : $x(t)=X\cos(2\pi t/T+\varphi)$ - عبارة دور الهزاز المغذى 2/ الاهتزازات الحرة لجملة كهربائية: أ- تفريغ مكثفة في وشيعة (الدارة RLC) (لمعادلة التفاضلية - الحل في حالة اهمال التخامد- تغذية الاهتزازات بتعويض التخامد- المعادلة التفاضلية من أجل هزاز مغذى- الحل من الشكل : $q(t)=Q\cos(2\pi t/T+\varphi)$ - عبارة الدور لهزاز مغذى) 3/ الاهتزازات القسرية: (خاص بشعبي 3 ت ر ، 3 ر) أ- الاهتزازات القسرية لنواس بسيط و مرن - حالة التجاوب ب - الاهتزازات القسرية في دارة RLC في حالة توتر جيبي - حالة التجاوب - الشريط النافذ و عامل الجودة 4/ التطابق : ميكانيك - كهرباء - التطابق بين المقادير الكهربائية و الميكانيكية</p>
<p>أمثلة للنشاطات</p>	<p>التقويم</p> <p>رقم 12ص 377 + رقم 21ص 380 + رقم 29ص 384 + رقم 30ص 384</p>
<p>النقد الذاتي</p>	<p>المراجع</p> <p>الكتاب المدرسي + الانترنت + أقراص مضغوطة</p>

I- الاهتزازات الحرة الميكانيكية:

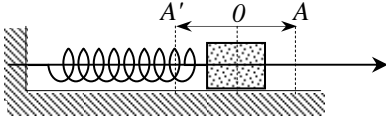
1- تعريف: الجملة المهتزة هي كل جملة ميكانيكية تقوم بحركة ذهاب و اياب على جانبي وضع توازنها مثل: النواس المرن الارجوحة النواس البسيط ...

2- أنماطها: تكون الاهتزازات الحرة على احدى الأنماط التالية:

- * اهتزازات حرة غير متخامدة: عندما تهتز الجملة وتبقى طاقتها ثابتة خلال الزمن مثل: النواس البسيط المثالي
- * اهتزازات حرة متخامدة: عندما تهتز الجملة وتفقد جزء من طاقتها بفعل الاحتكاكات مثل: حركة النواس المرن
- * اهتزازات حرة مغذاة: عندما يتم تعويض كل الطاقة الضائعة باستمرار ويتحقق ذلك بتجهيز مناسب مثل: رقاص ساعة حائطية

3- دراسة بعض الجمل

1.3- النواس المرن:



1.1.3- حالة اهتزازات غير متخامدة:

نزيح الجسم (s) ذو الكتلة (m) عن وضع توازنه (o) بسحبه أفقيا ثم نتركه لحاله دون سرعة ابتدائية عند $t = 0$ فنلاحظ مايلي:

- يتحرك (s) ذهابا و ايابا على جانبي (o) وضع التوازن أي (AA')

وتتكرر بنفس الكيفية خلال فترات زمنية متساوية و متعاقبة أي أن الحركة اهتزازية دورية

- والجملة لا تتلقى طاقة من الوسط الخارجي فهي جملة مهتزة حرة

نسمي المقدار $X_0 = AA'/2$ سعة الحركة وهو مقدار موجب ويبقى ثابتا في غياب الاحتكاكات لذلك نقول أن الحركة اهتزازية حرة غير متخامدة دورية

- سبب الحركة قوة يطبقها النابض (R) على الجسم (S) $\vec{F}_{R/S}$ تعمل على إعادته الى وضع توازنه (O) وتتعلق بثابت المرونة

$$\vec{F}_{R/S} = -k \cdot \vec{x} \quad (O)$$

الدور الذاتي للحركة T_0 : هو الفترة الزمنية الفاصلة بين مرورين متتاليين للجسم (S) من نفس الموضع وفي نفس الاتجاه

و يتعلق بالعوامل التالية كتلة الجسم m وثابت مرونة النابض k وتعطى عبارته بالعلاقة:

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

يمكن اثبات أن المقدار $\sqrt{\frac{m}{k}}$ متجانس مع الزمن باستعمال التحليل البعدي

$F=ma$ ومنه $[F]=[m][L]/[T]^2$ أي $[m]=[F][T]^2/[L]$ ولدينا $K=F/x$ ومنه $[K]=[F]/[L]$ لدينا

$$[T] = \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{ومنه} \quad [m]/[K] = [T]^2 \quad \text{أي أن} \quad [m]/[K] = [F][T]^2/[L] \cdot [L]/[F]$$

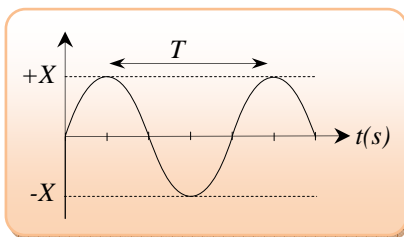
-الدراسة التحريكية: * المعادلة التفاضلية:

أثناء الدراسة التحريكية نهمل: كتلة النابض أمام m والاحتكاكات الصلبة ومقاومة الهواء نعتبر الجسم (S) صلبا و نقطيا ، نعتبر الجملة (S - نابض) جملة شبه معزولة ، المعلم (OX) مرتبط بطاولة النضد الهوائي

بتطبيق قانون نيوتن الثاني على الجسم: $\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m \cdot \vec{a}$ وبالإسقاط على المحور OX نجد: $-F = m \cdot a$

$$\frac{d^2x}{dt^2} + -\frac{k}{m}x = 0 \quad \text{نستخلص أن:} \quad -k \cdot x = m \cdot \frac{d^2x}{dt^2}$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبي من الشكل: $x(t) = X_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$



حيث: X_0 سعة الحركة (m)

ω_0 نبض لحركة (rad/s)

φ : الصفحة الابتدائية (rad)

تمثيلها البياني موضح في الشكل المقابل: (من أجل $\varphi = 0$)

$$\frac{d^2 x(t)}{dt^2} = -\omega_0^2 \cdot X_0 \cos(\omega t + \varphi) = -\omega_0^2 \cdot x(t) \quad \text{نجد } x(t) \text{ لـ بأخذ المشتق الثاني}$$

$$\omega_0 = \sqrt{\frac{k}{m}} \quad \text{النابض الذاتي بالمطابقة نجد :}$$

$$T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}} \quad \text{عبارة الدور الذاتي:}$$

$$f_0 = \frac{1}{T_0} = \frac{\omega_0}{2\pi} \quad \text{التواتر الذاتي } f_0 \text{ : هو عدد الاهتزازات في الثانية الواحدة ويعطى بالعلاقة :}$$

$$v(t) = \frac{dx(t)}{dt} = -\omega_0 \cdot X_0 \sin(\omega t + \varphi) \quad \text{معادلة السرعة:}$$

$$a(t) = \frac{d^2 x(t)}{dt^2} = -\omega_0^2 \cdot X_0 \cos(\omega t + \varphi) \quad \text{معادلة التسارع:}$$

ملاحظة: إعطاء التمثيل البياني للمعدلات الزمنية السابقة $x(t)$ ، $v(t)$ ، $a(t)$ من أجل الحالة الخاصة $\varphi = 0$

طاقة الجملة :

تملك الجملة (جسم - نابض) في أي لحظة طاقة حركية $E_c = \frac{1}{2} m v^2$ وطاقة كامنة مرونية $E_{pe} = \frac{1}{2} kx^2$

$$E(t) = E_c(t) + E_{pe}(t) = \frac{1}{2} kX_0^2 = cte \quad \text{حيث}$$

إذن طاقة الجملة شبه المعزولة (مثالية) محفوظة أي قيمتها مقدار ثابت لا يتعلق بالزمن

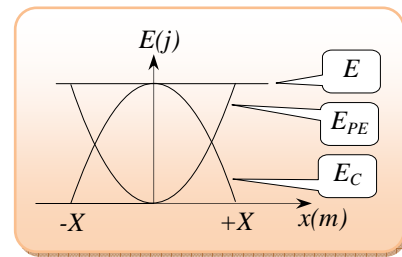
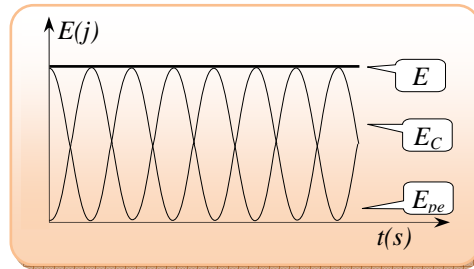
إيجاد المعادلة التفاضلية باستعمال مبدأ انحفاظ الطاقة

باشتقاق معادلة $E(t)$ نجد :

$$\frac{d^2 x}{dt^2} + -\frac{k}{m} x = 0 \quad \text{نستخلص أن:} \quad \frac{dE}{dt} = mv \frac{dv}{dt} + kx \frac{dx}{dt} = 0$$

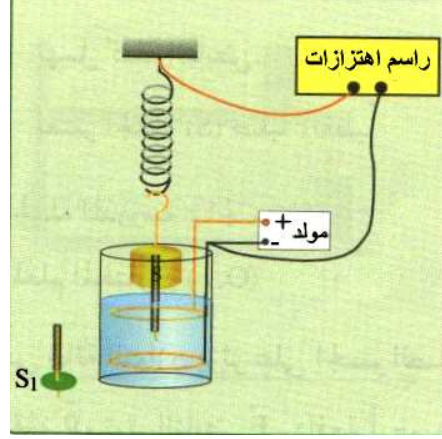
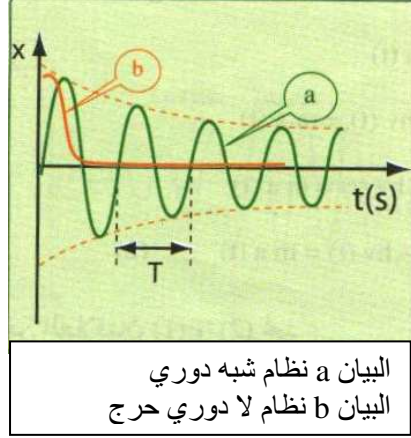
وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبي من الشكل: $x(t) = X_0 \cos(\omega t + \varphi)$

- مخططات الطاقة:



2.1.3- حالة اهتزازات حرة متخامدة:

نغمر السلك مع الكتلة المعلقة بمحلول كبريتات النحاس ثم نزيح الجسم عن وضع توازنه ونتركه لحاله فيظهر على شاشة راسم الاهتزازات البيان المقابل حيث يظهر البيان أن السعة تتناقص تدريجيا نحو قيمة معدومة أي أن الاهتزازات أصبحت شبه دورية و شبه دورها يختلف عن الدور الذاتي للجلمة
- نذيب كمية من الملح الطعام في المحلول بحيث تصبح الاحتكاكات فنحصل أكثر فعالية فنحصل على البيان (b) الذي يظهر عدم وجود اهتزازات ويصبح النظام لا دوري حرج
نتيجة : يزداد التخامد كلما ازدادت فعالية الاحتكاكات ويكون في النظام شبه الدوري $T \approx T_0$



الدراسة التحريكية : حالة الاحتكاكات المانعة (خاص بشعبة 3 ت ر ، 3 ر)
في الجلمة الموضحة بالشكل أعلاه نعتبر الجسم نقطي ، النابض مهمل الكتلة

* في حالة التوازن :

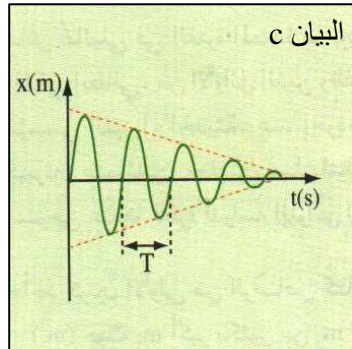
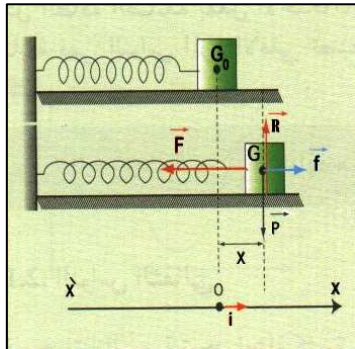
القوى المؤثرة ثقل الجسم P ، توتر النابض F ، دافعة أحميدس Π
عند التوازن : $\sum \vec{F} = \vec{0}$ أي $\vec{P} + \vec{F} + \vec{\Pi} = \vec{0}$ بالإسقاط نجد $m.g - \Pi - k.\Delta L = 0$ (1)
حيث : ΔL : استطالة النابض عند التوازن

* في حالة الحركة :

القوى المؤثرة ثقل الجسم P ، توتر النابض F ، دافعة أحميدس Π ، قوة الاحتكاك f
بتطبيق قانون نيوتن الثاني نجد : $\vec{P} + \vec{F} + \vec{\Pi} + \vec{f} = m.\vec{a}$ بالإسقاط نجد $m.g - \Pi - k(\Delta L + x) - h.v = m.a$ (2)
من (1) و (2) نجد $-kx - h.\frac{dx}{dt} = m.\frac{d^2x}{dt^2}$ ومنه $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{h}{m}.\frac{dx}{dt} + \frac{k}{m}x = 0$
وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها خارج البرنامج وتكون الحركة

* حالة الاحتكاكات الصلبة :

تؤثر في الجسم القوى الموضحة بالشكل أدناه حيث تكون قوة الاحتكاك (صلب - صلب) ثابتة الشدة



بتطبيق قانون نيوتن الثاني نجد :

$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} + \vec{f} = m.\vec{a}$
بالإسقاط نجد : $-kx + f = m.a$
ومنه $-kx + f = m.\frac{d^2x}{dt^2}$
ومنه $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x - \frac{f}{m} = 0$

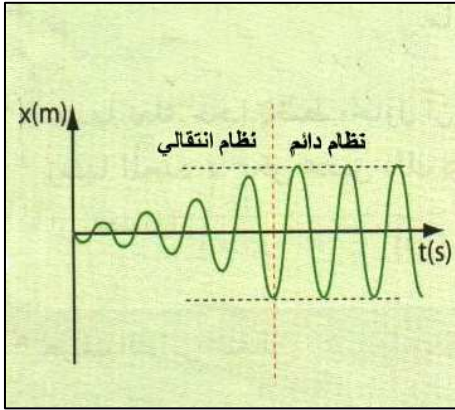
وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها خارج البرنامج .

خلاصة:

إذا كانت قوة الاحتكاك ضعيفة جدا نقول عن الحركة أنها شبه دورية ودورها $T \approx T_0$ الشكل (a) تتخامد الحركة أسيا
إذا كان قوة الاحتكاك ثابتة نقول عن الحركة أنها شبه دورية ودورها $T \approx T_0$ الشكل (c) تتخامد الحركة خطيا
إذا كانت قوة الاحتكاك كبيرة نقول عن الحركة أنها لا دورية حرجة الشكل (b)

3.1.3- تغذية الاهتزازات الميكانيكية :

لا تخلو حركة أي مهتز ميكانيكي حقيقي من تخامد يؤدي الى تناقص سعته ، وللحفاظ على سعة ثابتة يجب تعويض وباستمرار الطاقة الضائعة بفعل الاحتكاك . يتم ذلك بواسطة أجهزة خاصة مثل اضافة ثقل موازن لساعة حائطية أو نابض حلزوني كما في ساعة اليد .
ان تغذية الاهتزازات الميكانيكية تتم بتطبيق قوة اضافية على الجسم المهتز لا تؤثر على السعة بل بإمكانها أن تعوض بشكل مستمر كل الطاقة الضائعة و تصبح السعة ثابتة .
ففي النواس الافقي تصبح المعادلة التفاضلية من الشكل:



وحلها من الشكل : $x(t) = X_0 \cos(\omega t + \varphi)$

$$\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m}x = 0$$

2.3- النواس الثقلي :

1.2.3- تعريف : هو كل جسم صلب بإمكانه الاهتزاز حول محور ثابت و أفقي لا يمر من مركز عطالته مثل: الأرجوحة - رقص ساعة حائطية

2.2.3- توازن النواس :

يكون النواس الثقلي في حالة توازن عندما يكون مركز عطالته واقعا على نفس الشاقول مع نقطة تعليقه فاذا كان اسفل منها يكون في توازن مستقر
و اذا كان أعلى منها يكون في حالة توازن قلق (مضطرب - غير مستقر)

3.2.3- دراسة اهتزاز النواس :

- حالة الحركة دون احتكاكات : تكون الاهتزازات دورية غير متخامدة
- حالة الحركة بالاحتكاك : نميز حالتين

احتكاكات مائعة تكون الحركة متخامدة بنظام شبه دوري أسى

احتكاكات صلبة تكون الاهتزازات متخامدة بنظام شبه دوري خطي

* نموذج نواس غاليلي : يتألف من خيط طويل مهمل الكتلة و عديم الامتطاط طوله (L) معلق بنهايته الحرة جسم نقطي (أبعاده مهملة أمام طول الخيط) يدعى النواس البسيط

4.2.3- النواس البسيط

يتألف من جسم نقطي كتلته m معلق إلى نقطة ثابتة بواسطة خيط خفيف و عديم الامتطاط طوله l

أ- دراسة الحركة في حالة الاهتزازات الحرة غير المتخامدة :

نزوح كرة النواس بزواوية إزاحة ابتدائية θ في اتجاه نعتبره الاتجاه الموجب ونتركها دون سرعة ابتدائية ، نلاحظ أن الكتلة تحاول الرجوع إلى الوضع الشاقولي بفعل قوة جذب الأرض (T) .

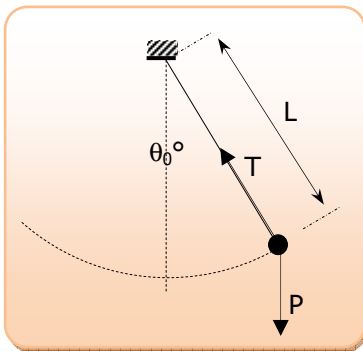
*- توازن النواس: يكون النواس في حالة توازن عندما يكون شاقوليا

*- حركة النواس: عند الحركة نلاحظ أن النواس يقوم بحركة دورية

- يزداد دوره ببعده عن مركز عطالته عن محور الدوران (طول النواس l)

- يقل دوره بزيادة الإرتفاع عن الأرض (نقصان الجاذبية g)

- لا يتأثر دوره بالكتلة المعلقة



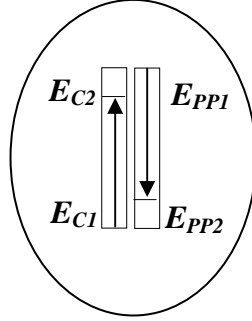
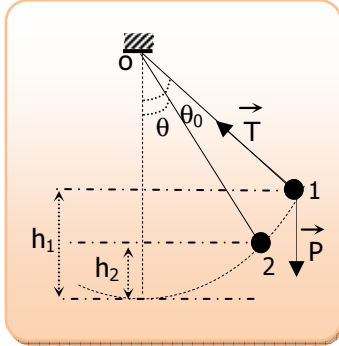
$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

يتم الوصول إلى عبارة الدور الذاتي من أجل الاهتزازات صغيرة السعة

لشعبة العلوم التجريبية تجريبيا دون التطرق للمعادلة التفاضلية .

ملاحظة: من أجل الساعات الكبيرة يعطى الدور بالعلاقة التالية: $T = T_0 \left(1 + \frac{\theta_0^2}{16}\right)$ حيث θ_0 : سعة الإهتزاز (rad) ، T_0 : الدور الذاتي من اهتزازات صغيرة السعة

* الدراسة الطاقوية للنواس: المعادلة التفاضلية (خاص بشعبي 3 ت ر ، 3 ر)



إن الجملة (كتلة + أرض) تملك طاقة حركية وكامنة ثقالية
نعتبر المستوى المرجعي لقياس الطاقة الكامنة الثقالية
المستوي الأفقي المار بوضع التوازن
من معادلة انحفاظ الطاقة:

$$E_{C1} + E_{PP1} = E_{C2} + E_{PP2} \quad \text{حيث } E_{C1} = 0$$

$$\frac{1}{2}mV^2 = mgh_1 - mgh_2$$

$$\frac{1}{2}mV^2 = mgl(\cos\theta - \cos\theta_0) \quad \text{أي أن}$$

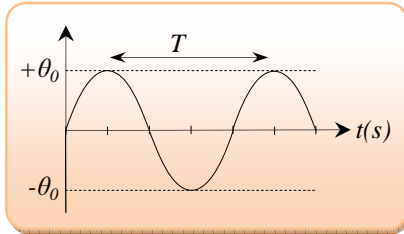
$$V^2 = 2gl(\cos\theta - \cos\theta_0)$$

باشتقاق المعادلة من الطرفين نحصل على:

$$\frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{g}{l}\sin\theta \quad \text{نخلص إلى أن } v = l\frac{d\theta}{dt} \quad \text{حيث } 2v \cdot \frac{dv}{dt} = -2gl\left(\frac{d\theta}{dt}\right) \cdot \sin\theta$$

من أجل الزوايا الصغيرة يكون $\sin\theta = \theta(\text{rad})$

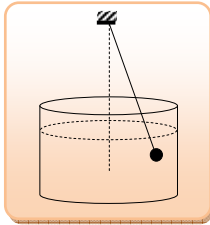
فإن $\frac{d^2\theta}{dt^2} + \frac{g}{l}\theta = 0$ وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبيا من الشكل $\theta(t) = \theta_0 \cdot \cos(\omega_0 \cdot t + \varphi)$



$$\omega_0 = \sqrt{\frac{g}{l}} \quad \text{نبرها الذاتي:} \quad T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}} \quad \text{دورها الذاتي:}$$

تمثيلها البياني موضح في الشكل المقابل: (من أجل $\varphi = 0$)
وتكون الاهتزازات حرة غير متخامدة دورية

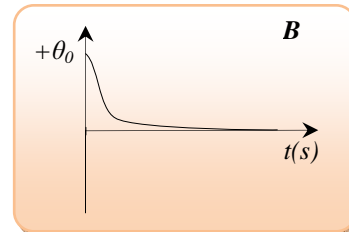
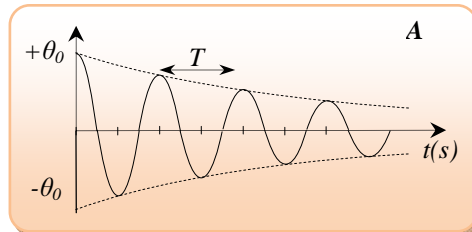
ب - دراسة الحركة حالة الاهتزازات الحرة المتخامدة :



نجعل النواس داخل حوض به ماء و نراقب حركته بعد ازاحتته عن وضع توازنه
تكون سعة النواس متناقصة تدريجيا حتى تنعدم نتيجة لزوجة الماء الضعيفة لذا
تكون الاهتزازات شبه دورية متخامدة نعيد نفس التجربة لكن باستبدال الماء بالزيت
نلاحظ أن النواس لا يهتز نتيجة للزوجة المرتفعة للزيت
وتكون النظام لا دوري حرج

نتيجة: يزداد التخماد كلما زادت فعالية الاحتكاكات حيث:

من أجل الاحتكاكات الضعيفة يكون الاهتزاز شبه دوري متخامد الشكل (A) ،
تزايد الاحتكاكات يسبب تزايد في التخماد واذا وصل إلى قيمة كبيرة يكون النظام
لا دوري حرج الشكل (B).



II- الاهتزازات الحرة لجملة كهربائية

1- الجملة الكهربائية المهتزة:

ندعو جملة كهربائية مهتزة كل دائرة تحتوي على وشيعة ، مكثفة مشحونة ومقاومة

2- حالة اهتزازات حرة متخامدة:

(الدارة RLC) نحقق دائرة كهربائية كما بالشكل المقابل:

نعتبر مقاومة الدارة $R = R_1 + r$

بواسطة الدارة 1 نحقق شحن المكثفة وعند تمام الشحن نحول البادلة إلى الوضع 2

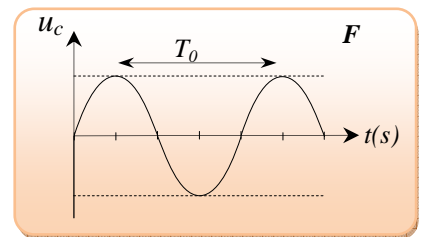
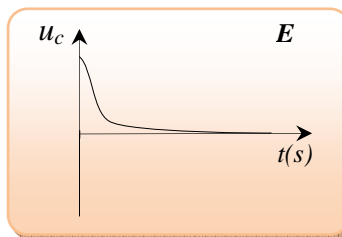
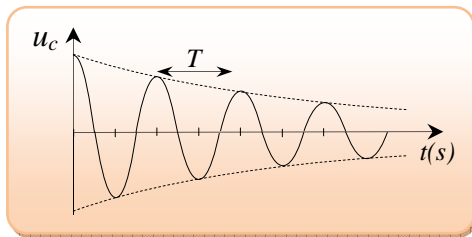
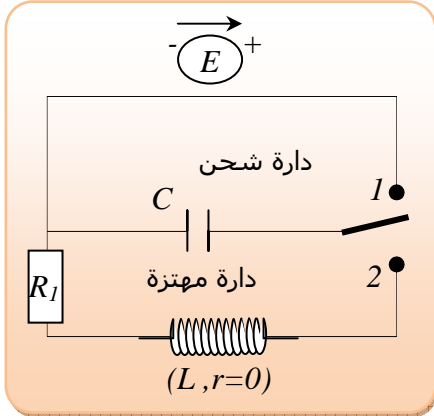
نوصل راسم اهتزاز بين طرفي المكثفة نلاحظ المنحنى الموضح بالشكل (D) :

إن البيان يدل على أن التوتر بين طرفي المكثفة متخامد الشكل (D)

ويلاحظ إزدیاد هذا التخامد بزيادة المقاومة R الشكل (E)

عند جعل مقاومة الدارة معدومة $R=0$ نحصل على منحنى الشكل (F)

وتكون الاهتزازات في هذه الحالة دورية غير متخامدة.



* الدراسة التحليلية للدائرة RLC :

باستخدام قانون التوتورات لدينا $u_C + u_L + u_R = 0$ حيث $q = C u_C$ ، $i = \frac{dq}{dt}$ ، $u_L = L \frac{di}{dt}$

$$\frac{d^2 u}{dt^2} + \frac{R}{L} \frac{du}{dt} + \frac{1}{LC} u_C = 0 \quad , \quad u_C + LC \frac{d^2 u}{dt^2} + RC \frac{du}{dt} = 0 \quad , \quad u_C + L \frac{di}{dt} + Ri = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها خارج البرنامج : منحناها البياني الشكل (D)

- من أجل R صغيرة تكون النظام الكهربائي متخامد شبه دورية دورها $T \approx T_0$

- من أجل R كبيرة يكون النظام الكهربائي لا دوري حرج

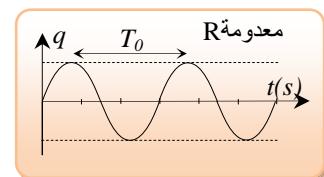
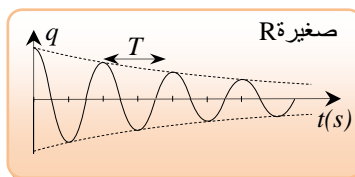
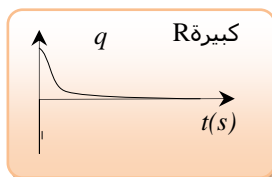
- من أجل $R = 0$ (دائرة مثالية LC) تصبح المعادلة التفاضلية $\frac{d^2 u}{dt^2} + \frac{1}{LC} u_C = 0$

حلها جيبيا $u_C(t) = E \cdot \cos(\omega_0 t + \varphi)$

$$T_0 = 2\pi\sqrt{LC} \quad \text{دوره الذاتي} \quad , \quad \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}} \quad \text{نبضها الذاتي}$$

نقول عن النظام الكهربائي في هذه الحالة أنه دوري غير متخامد .

ملاحظة: يمكن اجراء الدراسة التحليلية للدائرة R.L.C باستخدام شدة التيار i أو كمية الكهرباء q



*- الدراسة الطاقوية للدائرة RLC : إن طاقة الدارة في أي لحظة هي طاقة الوشيعية والمكثفة $E = E_C + E_L$

$$E(t) = \frac{1}{2} \frac{q^2(t)}{C} + \frac{1}{2} L i^2(t) \quad \text{نشتق المعادلة من الطرفين نحصل على}$$

$$\frac{dE}{dt} = \frac{1}{C} \cdot q \cdot \frac{dq}{dt} + L \cdot i \cdot \frac{di}{dt} = \left(\frac{1}{C} \cdot q + L \cdot \frac{d^2 q}{dt^2} \right) \cdot \frac{dq}{dt}$$

$$\text{من المعادلة التفاضلية بدلالة } q \text{ نجد } \left(L \cdot \frac{d^2 q}{dt^2} + R \frac{dq}{dt} + \frac{1}{C} \cdot q = 0 \right) \quad \frac{1}{C} \cdot q + L \cdot \frac{d^2 q}{dt^2} = -R \cdot i$$

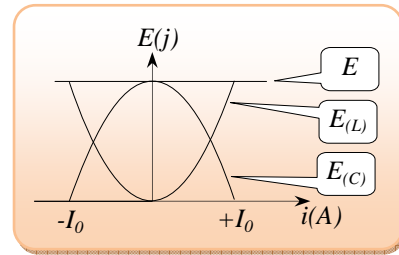
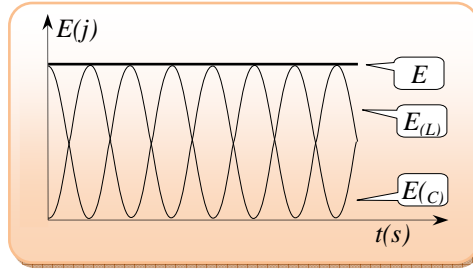
$$\frac{dE}{dt} = -R \cdot i^2 \quad \text{نحصل في النهاية على}$$

أي أن التغير في الطاقة غير معدوم مما يدا على إنه يوجد ضياع في الطاقة (فعل جول) وسبب هذا الضياع هو وجود المقاومة

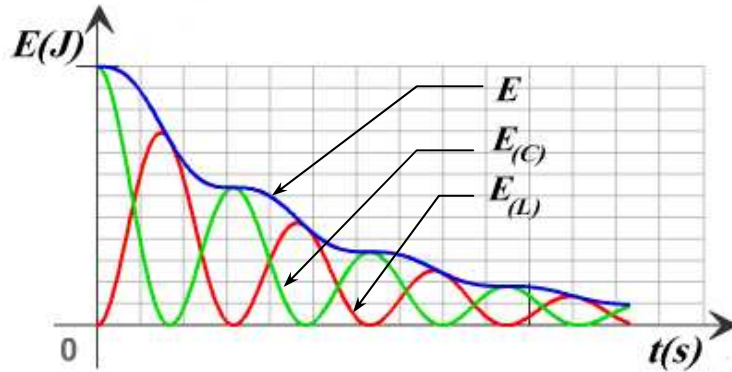
$$\text{ومن اجل دارة لا تحتوي على مقاومة فإن } \frac{dE}{dt} = 0 \text{ الطاقة محفوظة وتعطى بـ } \boxed{E(t) = \frac{1}{2} \frac{q_0^2}{C} = \frac{1}{2} L I_0^2 = C^{te}}$$

$$\text{ويكون النظام غير متخامد دوري دوره الذاتي } \boxed{T_0 = 2\pi\sqrt{LC}}$$

مخططات الطاقة في حالة الدارة مثالية (LC)



مخططات الطاقة في حالة الدارة (RLC)



3- تغذية الاهتزازات الكهربائية المتخامدة:

إن المسؤول عن تخامد الاهتزازات هو المقاومة ولذلك يمكن تغذية الدارة بتوصيلها بجهاز (مضخم تطبيقي A.O) يعوض الطاقة الضائعة بفعل المقاومة حيث يلعب هذا الجهاز دور مقاومة سالبة

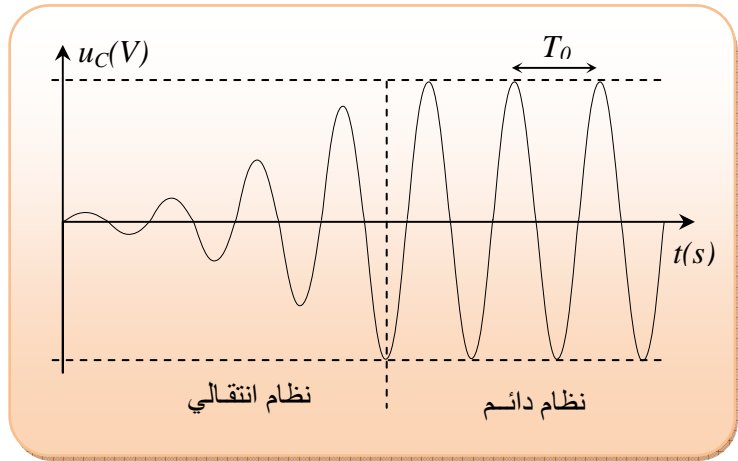
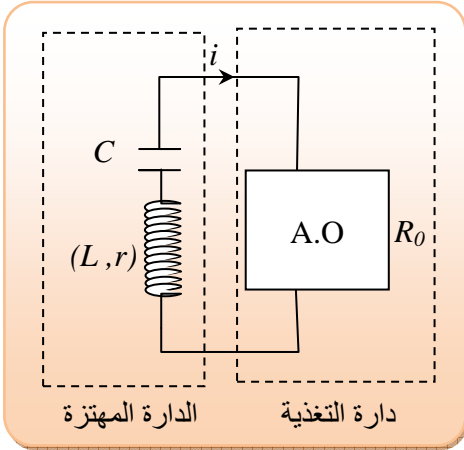
$$u_c + L \frac{di}{dt} + r.i = R_0.i$$

حيث يكون قانون التوترات كالتالي:

$$\frac{d^2u}{dt^2} + \frac{1}{L.C}.u_c = 0 \quad , \quad u_c + L \frac{di}{dt} = 0$$

من اجل $R_0 = r$ يكون:

فيتحول بذلك النظام من اهتزازي متخامد إلى نظام اهتزازي مغذى غير متخامد.



III- الاهتزازات القسرية : نقول عن جملة أنها تهتز باهتزازات قسرية إذا فرض عليها اهتزازات

من عامل خارجي حيث يزودها بالطاقة دوريا ولذا يسمى العامل الخارجي محرض والجملة مجابوب وعندما يكون تواتر المحرض متوافق مع المجابوب نقول أنه حدث تجابوب بينهما فتتهتز الجملة عندئذ بأكبر سعة ممكنة

1- دراسة التجابوب:

1.1- الاهتزازات القسرية الميكانيكية (حالة نواس ثقلي بسيط):

نحقق التركيب التالي: نعتبر النواس P_{exit} محرض تواتره الذاتي f_{exit} و P_{oscil} مجابوب

تواتره الذاتي f_{oscil} نجعل في البداية النواس المجابوب ساكنا ونجعل النواس المحرض يهتز

بتواتره ذاتي f_{exit} < f_{oscil} ، نلاحظ أن النواس المجابوب يبدأ في الاهتزاز شيئا فشيئا بسعة متزايدة لكنها تبقى صغيرة

تغير طول النواس المحرض من أجل تغيير دوره فنلاحظ أن سعة الاهتزاز في النواس

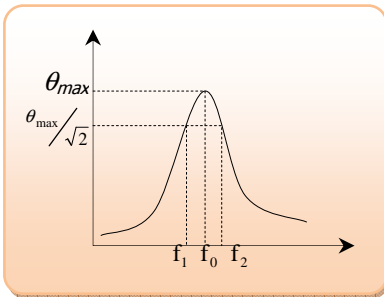
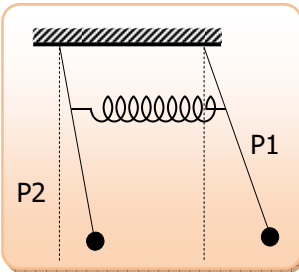
المجابوب تزداد كذلك وتصل إلى قيمتها الأعظمية من أجل f_{exit} = f_{oscil}

نقول انه حدث تجابوب (رنين) ميكانيكي بين النواسين

وعند زيادة f_{exit} > f_{oscil} تكون سعة اهتزاز المجابوب من جديد

* **منحنى التجابوب:** انطلاقا مما سبق يمكن رسم المنحنى البياني بين تغيرات تواتر

النواس المحرض وسعة اهتزاز المجابوب كما بالشكل:



تكون سعة الاهتزاز مقبولة من أجل $\theta \geq \frac{\theta_{max}}{\sqrt{2}}$ يكون عندها تواتر الاهتزاز محصور

بين القيمتين f_1 , f_2 نسمي الفرق بين التواترين حزمة المرور (الشريط النافذ)

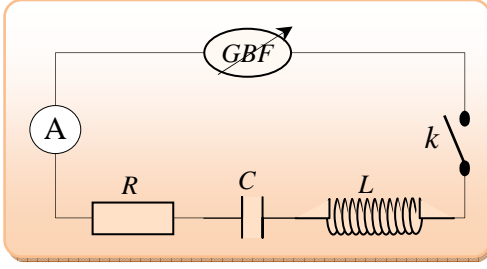
ونكتب $\Delta f = f_2 - f_1$ ونسمي f_0 تواتر التجابوب ($f_0 = f_{oscil}$)

$$Q = \frac{f_0}{\Delta f}$$

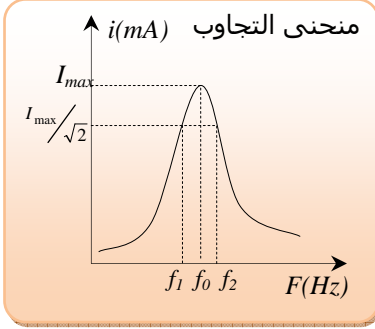
معامل الجودة: هو مقدار يعبر عن حالة التجابوب بين المحرض والمجابوب (الرنان) ويعطى بالعلاقة

2.1- الاهتزازات القسرية الكهربائية (حالة ذارة RLC):

تحدث الاهتزازات القسرية الكهربائية عندما نفرض على الدارة RLC توترا كهربائيا متناوبا بواتره f وذلك باستعمال مولد تواترات منخفضة متغير التواتر GBF فيرغم الدارة على الاهتزاز بهذا التواتر * الدراسة الكمية (الشريط النافذ وعامل الجودة):



نوصل الدارة بمقياس أمبير لقياس شدة التيار وكذلك يستعمل مدخلي راسم اهتزاز مهبطي Y_A لقياس التوتر بين طرفي الناقل الاومي و Y_B لقياس التوتر بين طرفي الدارة نجعل تواتر GBF أقل من التواتر الذاتي للدارة f_0 ثم نغير من قيمته تدريجيا حتى يتجاوز التواتر الذاتي للدارة وتتابع شدة التيار $i(t)$ نحصل على المنحنى المقابل



تكون شدة التيار معتبرا من أجل $I_{eff} \geq \frac{I_{eff(max)}}{\sqrt{2}}$ يكون عندها التواتر محصورا

بين القيمتين f_1 , f_2 نسمي الفرق بين التواترين حزمة المرور (الشريط النافذ)

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

ونكتب $\Delta f = f_2 - f_1$ ونسمي f_0 تواتر التجاوب حيث

وهو التواتر الذاتي للدارة RLC

$$Q = \frac{f_0}{\Delta f}$$

معامل الجودة: هو مقدار يعبر عن حالة التجاوب ويعطى بالعلاقة

- تأثير المقاومة على التجاوب:

نعيد التجربة السابقة من اجل قيمة أكبر للمقاومة R' حيث $(R' > R)$

نحصل على المنحنى المقابل:

من أجل المقاومة الصغيرة R يكون التخامد ضعيفا والتجاوب حادا

من أجل المقاومة الكبيرة R' يكون التخامد متوسطا والتجاوب غير واضح (ضبابي)

ممانعة الدارة:

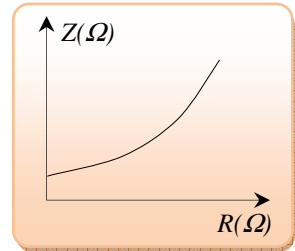
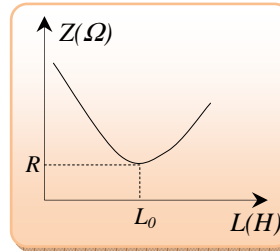
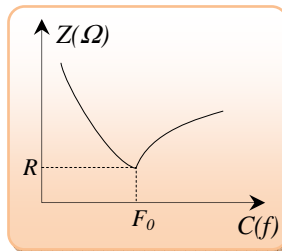
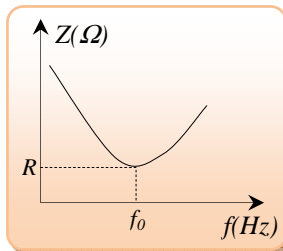
هي العرقلة التي تبديها الدارة للتيار الكهربائي المار فيها يرمز لها بالرمز Z

$$Z = \frac{u(t)}{i(t)} = \frac{U_0}{I_0} = \frac{U_{eff}}{I_{eff}}$$

تأثير R, L, C على الممانعة Z

نعيد الدارة السابقة ونغير كل مرة أحد العناصر f , C , L , R ونحسب ممانعة الدارة Z

نلاحظ ان هذه التغيرات تكون وفق المنحنيات التالية:



- تزداد ممانعة الدارة بزيادة المقاومة

- تتناقص قيمة الممانعة بزيادة الذاتية إلى أن تصل إلى قيمة حدية صغرى ($Z = R$) ثم تزداد بعد ذلك

- تتناقص قيمة الممانعة بزيادة السعة إلى أن تصل إلى قيمة حدية صغرى ($Z = R$) ثم تزداد بعد ذلك

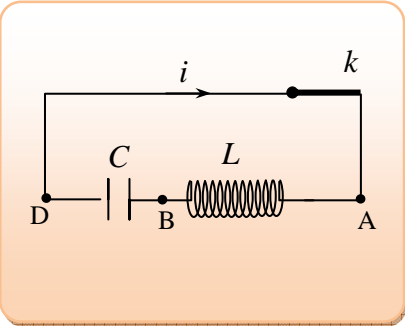
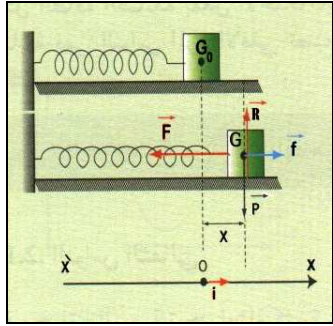
- تتناقص قيمة الممانعة بزيادة التواتر إلى أن تصل إلى قيمة حدية صغرى ($Z = R$) يكون عندها $f = f_0$ ثم يزداد بعد

ذلك

نتيجة:

عند حدوث التجاوب الكهربائي يتحقق ما يلي: تصبح الشدة أعظمية $i = I_{max}$ ، تصبح الممانعة أصغرى $Z = R$

IV- التطبيق (ميكانيك – كهرباء):

اهتزازات جملة كهربائية حرة و مثالية	اهتزازات جملة ميكانيكية حرة و مثالية																								
																									
<p>حسب قانون جمع التوترات في الدارة المهتزة ABD $U_{AB} + U_{BD} = 0$ أي: $u_L(t) + u_C(t) = 0$ ومنه $L \frac{di}{dt} + \frac{1}{C} q = 0$ حيث $\frac{di}{dt} = \frac{d^2q}{dt^2}$ $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{1}{LC} q = 0$ وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبي من الشكل: $q(t) = Q_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$ عبارة دورها الذاتي: $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$ عبارة طاقة الجملة : $E(t) = \frac{1}{2} Li^2(t) + \frac{1}{2} \frac{q^2(t)}{C}$</p>	<p>بتطبيق القانون الثاني لنيوتن $\vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m \cdot \vec{a}$ بالإسقاط نجد $-F = m \cdot a$ ومنه $\frac{d^2x}{dt^2} + \frac{k}{m} x = 0$ نستخلص أن: $-k \cdot x = m \cdot \frac{d^2x}{dt^2}$ وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الثانية حلها جيبي من الشكل: $x(t) = X_0 \cos(\omega_0 t + \varphi)$ عبارة دورها الذاتي: $T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ عبارة طاقة الجملة : $E(t) = \frac{1}{2} mv^2(t) + \frac{1}{2} kx^2(t)$</p>																								
المطابق الميكانيكي للكهربائي																									
<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">على التسلسل R L C</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>q</td> <td>الشحنة</td> </tr> <tr> <td>i</td> <td>شدة التيار الكهربائي</td> </tr> <tr> <td>di/dt</td> <td>مشتق التيار الكهربائي</td> </tr> <tr> <td>L</td> <td>ذاتية الوشيجة</td> </tr> <tr> <td>$1/C$</td> <td>مقلوب السعة</td> </tr> </tbody> </table>	على التسلسل R L C		q	الشحنة	i	شدة التيار الكهربائي	di/dt	مشتق التيار الكهربائي	L	ذاتية الوشيجة	$1/C$	مقلوب السعة	<table border="1"> <thead> <tr> <th colspan="2">كتلة ونابض</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>x</td> <td>المطال</td> </tr> <tr> <td>dx/dt</td> <td>السرعة</td> </tr> <tr> <td>d^2x/dt^2</td> <td>التسارع</td> </tr> <tr> <td>m</td> <td>كتلة الجسم</td> </tr> <tr> <td>k</td> <td>ثابت المرونة</td> </tr> </tbody> </table>	كتلة ونابض		x	المطال	dx/dt	السرعة	d^2x/dt^2	التسارع	m	كتلة الجسم	k	ثابت المرونة
على التسلسل R L C																									
q	الشحنة																								
i	شدة التيار الكهربائي																								
di/dt	مشتق التيار الكهربائي																								
L	ذاتية الوشيجة																								
$1/C$	مقلوب السعة																								
كتلة ونابض																									
x	المطال																								
dx/dt	السرعة																								
d^2x/dt^2	التسارع																								
m	كتلة الجسم																								
k	ثابت المرونة																								