

## الموضوع الأول

### التمرين الأول (4 نقط)

- I - 1 - تعريف الحمض حسب برونشستد : الحمض هو فرد كيميائي قادر على إعطاء بروتونا أو أكثر  $H^+$  .  
2 - الثنائيتان أساس / حمض المشاركتان في التفاعل هما  $(CH_3COOH / CH_3COO^-)$  و  $(H_3O^+ / H_2O)$

3 - ثابت التوازن : 
$$K = \frac{[CH_3COO^-]_f \times [H_3O^+]_f}{[CH_3COOH]_f}$$

II - 1 - 
$$[H_3O^+]_f = 10^{-pH} = 10^{-3,7} \approx 2 \times 10^{-4} mol / L$$

2 - جدول التقدّم : لدينا عدد مولات الحمض  $n_A = CV = 2,7 \times 10^{-3} \times 0,1 = 2,7 \times 10^{-4} mol$

	CH <sub>3</sub> -COOH	+ H <sub>2</sub> O	= CH <sub>3</sub> -COO <sup>-</sup>	+ H <sub>3</sub> O <sup>+</sup>
t = 0	2,7 × 10 <sup>-4</sup>	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	2,7 × 10 <sup>-4</sup> - x	زيادة	x	x
الحالة النهائية	2,7 × 10 <sup>-4</sup> - x <sub>f</sub>	زيادة	x <sub>f</sub>	x <sub>f</sub>

التقدم النهائي :  $x_f = n(H_3O^+) = [H_3O^+] \times V = 2 \times 10^{-4} \times 0,1 = 2 \times 10^{-5} mol$

التقدم الأعظمي :  $2,7 \times 10^{-4} - x_{max} = 0$  ، ومنه  $x_{max} = 2,7 \times 10^{-4} mol$

3 - النسبة النهائية للتقدّم :  $\tau = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{2 \times 10^{-5}}{2,7 \times 10^{-4}} = 0,074$  ، أي 7,4 %

نستنتج أن حمض الإيثانويك ضعيف ( كما قيل لنا في بداية التمرين أن التفاعل محدود !! )

4 - أ) حسب جدول التقدّم فإن  $[CH_3COO^-] = [H_3O^+] = 2 \times 10^{-4} mol / L$

من جدول التقدّم :  $[CH_3COOH] = \frac{2,7 \times 10^{-4} - x_f}{V} = \frac{2,7 \times 10^{-4} - 2 \times 10^{-5}}{0,1} = 2,5 \times 10^{-3} mol / L$

ب) 
$$pK_A = pH - \text{Log} \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = 3,7 - \text{Log} \frac{2 \times 10^{-4}}{2,5 \times 10^{-5}} \approx 4,8$$

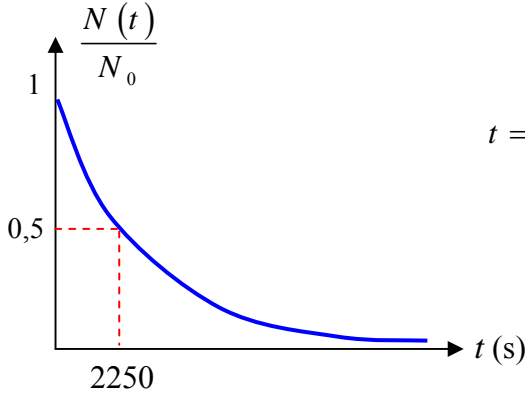
من العلاقة 
$$\text{Log} \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]} = pH - pK_A = 3,7 - 4,8 = -1,1$$
 نستنتج  $pH = pK_A + \text{Log} \frac{[CH_3COO^-]}{[CH_3COOH]}$

وهذا معناه أن  $[CH_3COOH] > [CH_3COO^-]$  لأن لوغاريتم النسبة سالب .

وبالتالي الفرد الكيميائي المتغلب هو  $CH_3COOH$  .

## التمرين الثاني (4 نقط)

1 - أ) زمن نصف العمر هو الزمن اللازم لعينة تحتوي متوسطا على  $N$  ذرة مشعة لكي يصبح هذا العدد  $\frac{N}{2}$ .



$$\bar{N}(t + t_{1/2}) = \frac{\bar{N}(t)}{2} \text{ أي}$$

ب) من البيان الزمن الموافق لـ  $\frac{N(t)}{N_0} = 0,5$  هو  $t = 2,25 \times 10^3 = 2250s$

2 - أ)  $\frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$  ، وبإدخال اللوغاريتم النيبيري على الطرفين

$$\lambda = \frac{0,69}{t_{1/2}} \text{ ، ومنه } \ln 2 = \lambda \times t_{1/2}$$

$$\lambda = \frac{0,69}{2250} \approx 3 \times 10^{-4} s^{-1} \text{ (ب)}$$

3 - حسب النتيجة المحصل عليها والجدول المرفق **والورق الملمتري الرديء** نعتبر  $2250s \approx 2240s$  ، وبالتالي النواة

${}^A_Z X$  هي نواة الكلور  ${}^{38}_{17}Cl$ .

4 - المعادلة :  ${}^{35}_{17}Cl + 3 {}^1_0n \rightarrow {}^{38}_{17}Cl$

$$E_l = (17 \times m_p + 21m_n - m_x) \times 932,5 = (17 \times 1,00728 + 21 \times 1,00866 - 37,9601) \times 931,5 \text{ (أ)}$$

$$E_l = 321,8 \text{ MeV} = 3,22 \times 10^8 eV$$

$$\frac{E_l}{A} = \frac{321,8}{38} = 8,47 \text{ MeV} = 8,47 \times 10^6 eV \text{ : (ب) طاقة الربط لكل نوية}$$

## التمرين الثالث (4 نقط)

1 - معادلة المسار :

نطبق على حركة الكرة القانون الثاني لنيوتن :

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{P} = m \vec{a} \text{ ، ومنه نجد } \vec{a} = \vec{g}$$

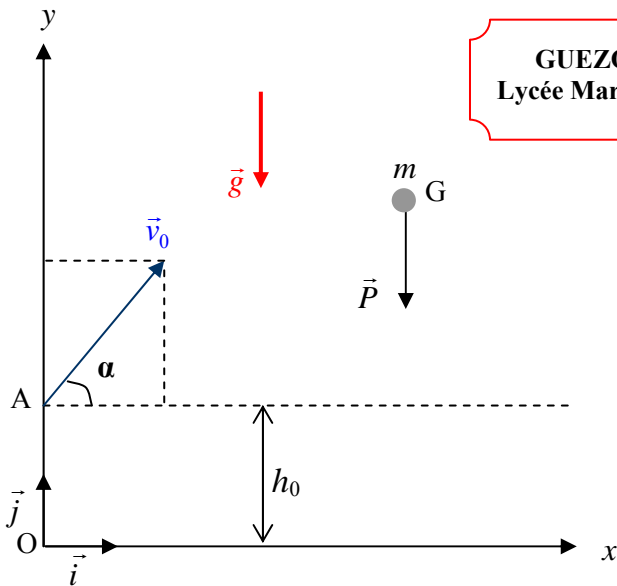
مركبتا شعاع التسارع في المعلم هما  $\vec{a}(0, -g)$

مركبتا شعاع السرعة الابتدائية هما  $\vec{v}_0(v_0 \cos \alpha, v_0 \sin \alpha)$

بما أن التسارع على المحور  $Ox$  معدوم ، إذن الحركة على هذا المحور

منتظمة وبالتالي :

$$(1) \quad x = v_0 \cos \alpha t$$



بما أن التسارع على المحور Oy ثابت (-g) ، إذن الحركة على هذا المحور متغيرة بانتظام ، وسرعتها الابتدائية  $v_{0,y} = v_0 \sin \alpha$

$$(2) \quad y = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t + y_0 \quad \text{وبالتالي :}$$

من العلاقة (1) نستخرج  $t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$  ، ثم نعوض عبارة الزمن في العلاقة (2) ونجد معادلة المسار :

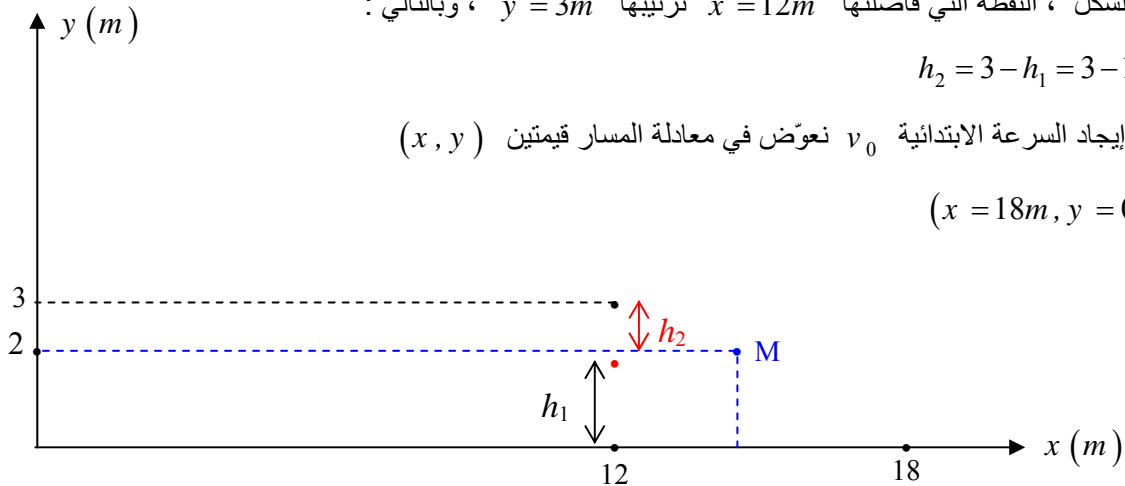
$$z = -\frac{g}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + x \operatorname{tg} \alpha + y_0 \quad \text{، ومنه :} \quad y = -\frac{1}{2} g \frac{x^2}{v_0^2 \cos^2 \alpha} + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha} + y_0$$

2 - أ) على الشكل ، النقطة التي فاصلتها  $x = 12m$  ترتيبيها  $y = 3m$  ، وبالتالي :

$$h_2 = 3 - h_1 = 3 - 1,8 = 1,20m$$

ب) من أجل إيجاد السرعة الابتدائية  $v_0$  نعوض في معادلة المسار قيمتين  $(x, y)$

مثلا النقطة  $(x = 18m, y = 0)$



**GUEZOURI A.**  
**Lycée Maraval - Oran**

$$v_0 = 13,77m/s \quad \text{، ومنه} \quad 0 = \frac{-10}{2v_0^2 (0,9063)^2} \times (18)^2 + 18 \times 0,4663 + 2$$

ج) لدينا  $x = v_0 \cos \alpha t$  ، وبالتعويض :  $x = 12,48t$

$$y = -5t^2 + 5,82t + 2 \quad \text{، وبالتعويض :} \quad y = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t + y_0$$

نعوض في المعادلتين الزمنيتين  $t = 1,17s$  نجد  $x = 14,6m$  و  $y \approx 2m$  ، ومنه  $M(14,6 ; 2)m$

قيمة السرعة عند النقطة M :

الطريقة الأولى :

نعتبر الارتفاع من نقطة القذف إلى الذروة هو  $h$  ، وهو نفسه الارتفاع من M إلى الذروة لأن النقطتين A و M توجدان على نفس المستوي الأفقي .

$$\text{بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين النقطتين A و M :} \quad mgh' - mgh = \frac{1}{2} m v_M^2 - \frac{1}{2} m v_0^2 \quad \text{، ومنه :}$$

$$v_M = v_0 = 13,77m/s$$

الطريقة الثانية :

$$v_M = 13,77m/s \quad \text{، وبالتعويض نجد} \quad v_M = \sqrt{v_{xM}^2 + v_{yM}^2} = \sqrt{(v_0 \cos \alpha)^2 + (-gt + v_0 \sin \alpha)^2}$$

$$d) \quad \text{نعوض في المعادلة الزمنية} \quad x = 12,48t \quad \text{الفاصلة} \quad x = 18m \quad \text{ونجد} \quad t = \frac{18}{12,48} = 1,44s$$

## التمرين الرابع (4 نقط)

1 - بعد المدة الزمنية  $\Delta t = 15s$  يكون النظام الدائم قد تحقق ، وبالتالي يكون  $u_C = E$  ، وحسب قانون جمع التوترات فإن :

$$u_C + u_R = E \text{ ، ومنه } u_R = 0 \text{ ، وبما أن } u_R = Ri \text{ ، إذن } i = 0 .$$

2 - ثابت الزمن  $\tau = RC$  ، وهو متناسب مع الزمن لأن :  $[\tau] = \frac{[U]}{[I]} \times \frac{[I] \times [T]}{[U]} = [T]$

3 - من البيان  $\tau = t$  من أجل  $u_C = \frac{E \times 63}{100} = 1,9 V$  ، وبالتالي  $\tau = 2,2 s$

استنتاج قيمة C :  $C = \frac{\tau}{R} = \frac{2,2}{10^4} = 2,2 \times 10^{-4} F = 220 \mu F$

4 - (أ)  $i(t) = \frac{dq(t)}{dt}$

(ب)  $u_C(t) = \frac{q(t)}{C}$

(ج) حسب قانون جمع التوترات لدينا  $u_C + u_R = E$

(1)  $u_C + R \frac{dq}{dt} = E$  ، وبالتالي  $u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$

5 - لدينا  $u_C(t) = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{A}} \right)$

نكتب المعادلة التفاضلية على الشكل  $\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{RC} u_C = \frac{E}{RC}$  ، حيث أن هذه المعادلة التفاضلية حلها من الشكل :

(2)  $u_C = Ke^{\alpha t} + B$

وبالاشتقاق والتعويض في المعادلة التفاضلية نجد :  $Ke^{\alpha t} \left( \alpha + \frac{1}{RC} \right) + \frac{B}{RC} = \frac{E}{RC}$  ، وهذه المعادلة تكون محققة من أجل

$\alpha = -\frac{1}{RC}$  و  $B = E$  ، ومن أجل  $t = 0$  يكون  $u_C = 0$  ، وبالتالي  $K = -E$  ، وذلك بالتعويض في (2) .

وبالتالي نكتب عبارة التوتر بين طرفي المكثفة  $u_C = E \left( 1 - e^{-\frac{1}{RC} t} \right)$  ، وبمقارنة هذه المعادلة مع المعادلة المعطاة نجد

$A = RC$  ، وهو ثابت الزمن .

**مدلوله الفيزيائي** : هو عبارة عن مؤشر لمدة مكوث النظام الانتقالي خلال شحن أو تفريغ مكثفة .

أو : الزمن اللازم لشحن المكثفة إلى الثلثين .

أو : الزمن الذي يمثل 20 % من مدة الشحن .

التمرين التجريبي (4 نقط)

1 - جدول التقدّم : لدينا  $n(H_2O_2) = [H_2O_2]_0 \times V_S = 8 \times 10^{-2} \times 0,5 = 4 \times 10^{-2} \text{ mol}$

	$2 H_2O_2$	=	$2 H_2O$	+	$O_2$
$t = 0$	$4 \times 10^{-2}$		زيادة		0
الحالة الانتقالية	$4 \times 10^{-2} - 2x$		زيادة		$x$
الحالة النهائية	$4 \times 10^{-2} - 2x_f$		زيادة		$x_f$

2 - في اللحظة  $t$  يكون عدد مولات  $H_2O_2$  هو  $n(H_2O_2) = [H_2O_2]_0 \times V_S - 2x$  (1)

ويكون عدد مولات ثنائي الأوكسجين  $n(O_2) = \frac{V_{O_2}}{V_M} = x$  ، وبالتعويض في (1) :

(2)  $n(H_2O_2) = [H_2O_2]_0 \times V_S - 2 \times \frac{V_{O_2}}{V_M}$

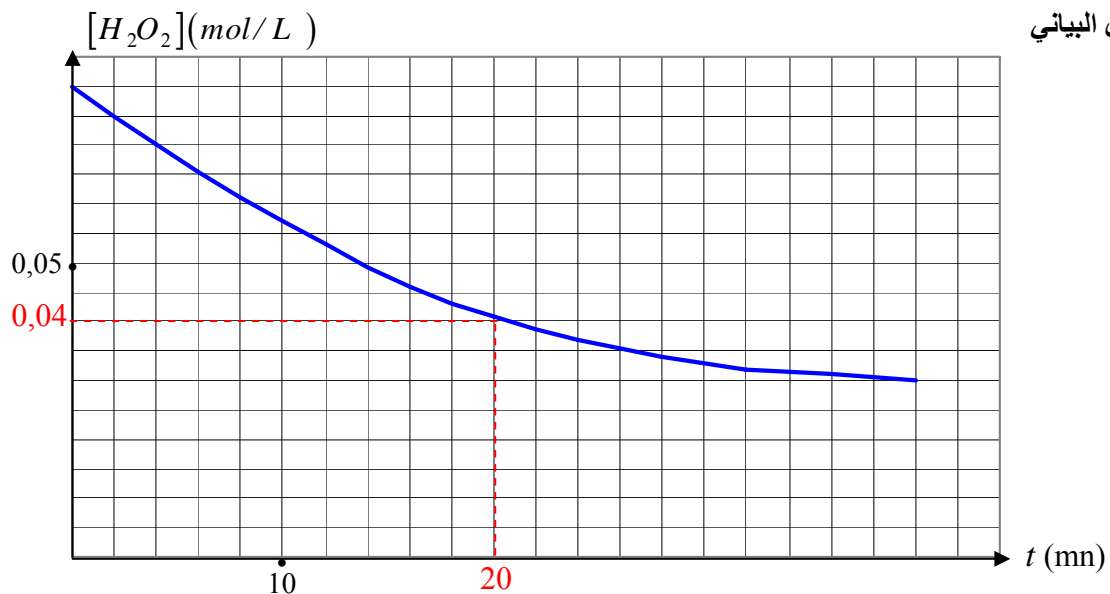
ولدينا  $n(H_2O_2) = [H_2O_2] \times V_S$  ، وبالتعويض في (2) نجد  $[H_2O_2] \times V_S = [H_2O_2]_0 \times V_S - 2 \times \frac{V_{O_2}}{V_M}$  وبقسمة

(3) الطرفين على  $V_S$  نجد :  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - \frac{2}{V_S} \times \frac{V_{O_2}}{V_M}$

3 - إتمام الجدول : بالتعويض العددي في العلاقة (3) نكتب :  $[H_2O_2] = 0,08 - \frac{V_{O_2}}{6}$  ، حيث نستعمل هذه العلاقة لإتمام

الجدول .

$t$ (mn)	0	4	8	12	16	20	24	28	32	36	40
$V_{O_2}$ (mL)	0	60	114	162	204	234	253	276	288	294	300
$[H_2O_2]$ (mol / L) $\times 10^{-2}$	8,0	7,0	6,1	5,3	4,6	4,1	3,8	3,4	3,2	3,1	3,0



ج) عبارة السرعة الحجمية للتفاعل  $v = \frac{1}{V_s} \times \frac{dx}{dt}$

د) نعبر عن السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة سرعة إختفاء  $H_2O_2$

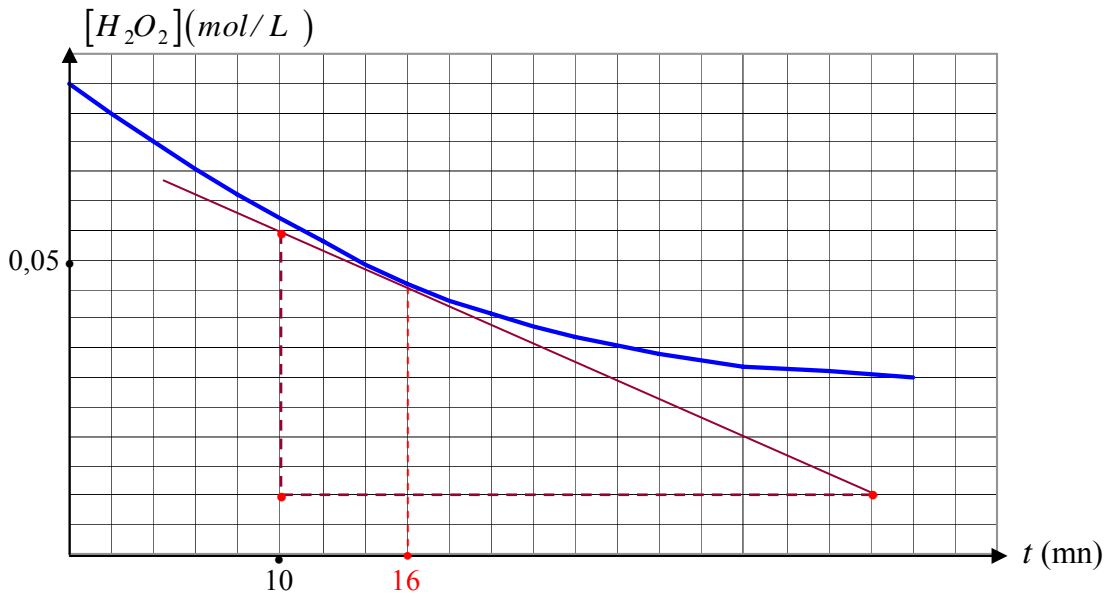
لدينا من العلاقة (3) :  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - 2 \times \frac{x}{V_s}$  ، وباشتقاق الطرفين بالنسبة للزمن نجد :

وبالتالي ،  $\frac{d[H_2O_2]}{dt} = -\frac{2}{V_s} \times \frac{dx}{dt} = -2v$  ،  $v = -\frac{1}{2} \times \frac{d[H_2O_2]}{dt}$

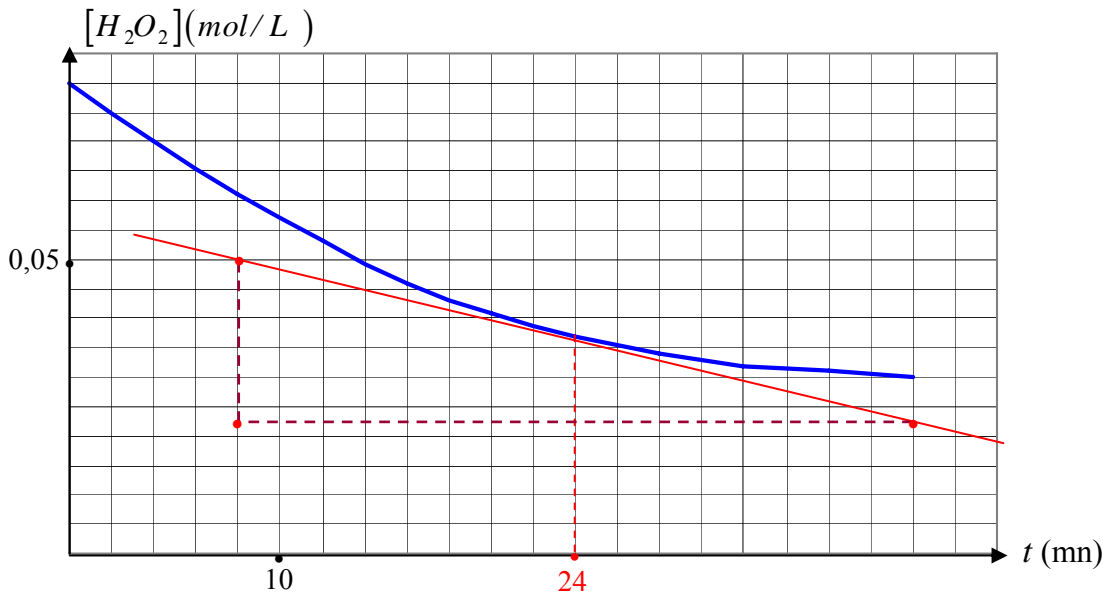
**GUEZOURI A.**  
**Lycée Maraval - Oran**

بحيث أن  $\frac{d[H_2O_2]}{dt}$  يمثل ميل المماس في اللحظة  $t$  .

السرعة في اللحظة  $t_1 = 16$  mn :  $v_{16} = -\frac{1}{2} \left( -\frac{9 \times 0,005}{14 \times 2} \right) \approx 8 \times 10^{-4} \text{ mol / L. mn}^{-1}$



السرعة في اللحظة  $t_2 = 24$  mn :  $v_{24} = -\frac{1}{2} \left( -\frac{5,5 \times 0,005}{16 \times 2} \right) \approx 4,3 \times 10^{-4} \text{ mol / L. mn}^{-1}$



نلاحظ أن السرعة تتناقص مع مرور الزمن .

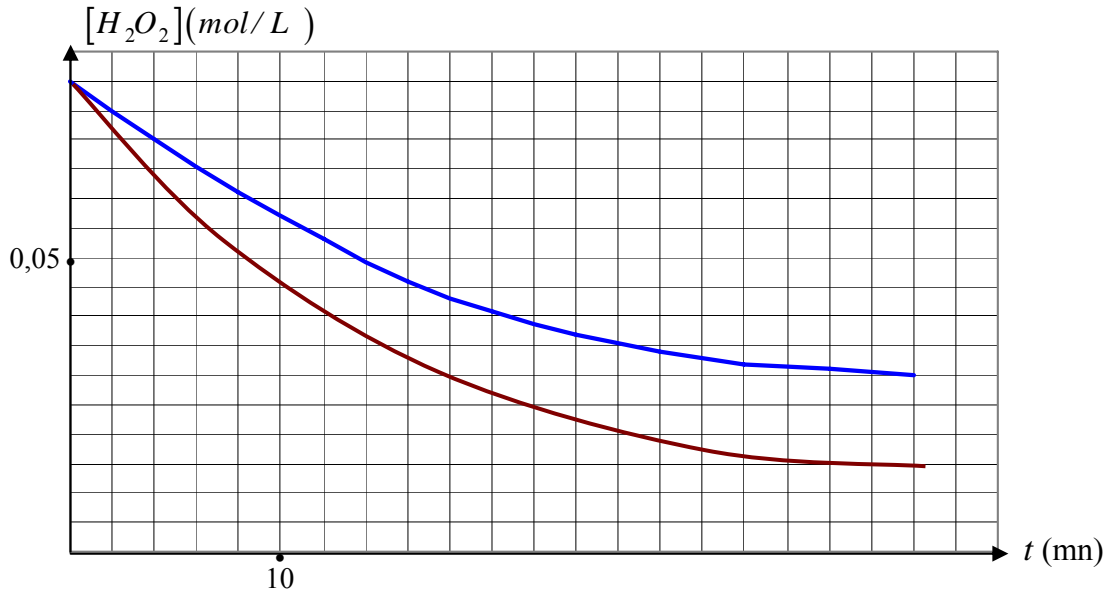
(هـ) زمن نصف التفاعل يوافق  $\frac{x_{max}}{2}$  ، ولحساب قيمة التقدم الأعظمي نضع  $4 \times 10^{-2} - 2x_{max} = 0$  ، ومنه :

$$\frac{x_{max}}{2} = 10^{-2} mol \quad \text{و} \quad x_{max} = 2 \times 10^{-2} mol$$

نحسب التركيز المولي لـ  $H_2O_2$  الموافق :  $[H_2O_2] = [H_2O_2]_0 - 2 \times \frac{x_{max}}{V_s} = 0,08 - 2 \times \frac{10^{-2}}{0,5} = 4 \times 10^{-2} mol / L$

نستنتج زمن نصف التفاعل من البيان  $t_{1/2} \approx 20 mn$  (انظر للبيان أعلاه) .

4 - من أجل درجة الحرارة  $\theta' = 35^\circ C > 12^\circ C$  يصل التفاعل إلى نهايته في مدة أقل من السابق لأن الحرارة تنشيط التفاعل .



GUEZOURI A.  
Lycée Maraval - Oran