

## الامتحان التجريبي لشهادة البكالوريا في مادة العلوم الفيزيائية

## الموضوع الأول

✓ تنبيه :

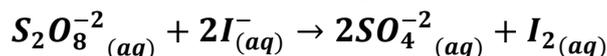
ع على المترشح اختيار موضوع واحد والتقديم به أثناء الإجابة .

ع ينصح بتقديم العلاقات الدرفية قبل التطبيقات العددية.

## الكيمياء

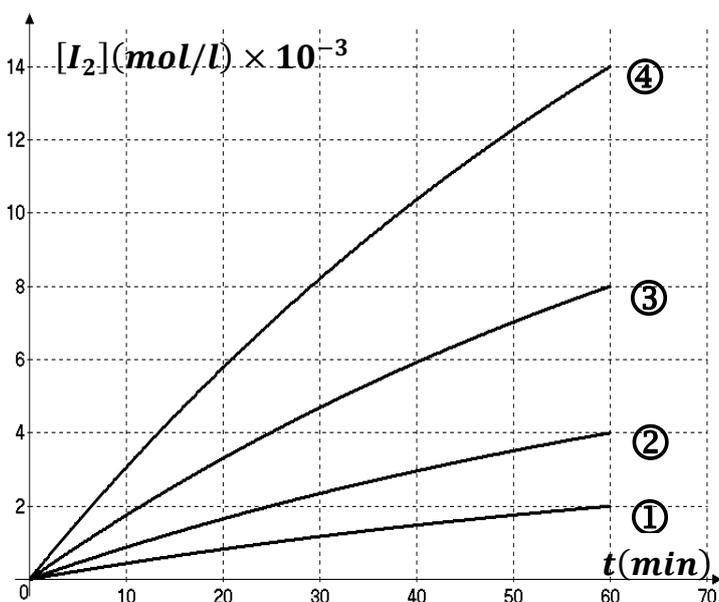
التمرين الأول : (04 نقاط)

يؤثر محلول يود البوتاسيوم  $(K^+_{(aq)}; I^-_{(aq)})$  على محلول فوق أكسيد ثاني كبريتات البوتاسيوم  $(2K^+_{(aq)}; S_2O_8^{2-}_{(aq)})$  فيظهر شيئاً فشيئاً لون بني ناتج عن تشكل اليود  $I_2$  حسب المعادلة التالية :



نحقق أربعة تجارب كما بينه الجدول التالي :

درجة الحرارة (°C)	$[S_2O_8^{2-}]_0 \times 10^{-2} mol$	$[I^-]_0 \times 10^{-2} mol$	تغيرات
20	1.0	2.0	التجربة ① تركيز ثنائي اليود
20	2.0	4.0	التجربة ② $I_2$ بدلالة الزمن
35	1.0	2.0	التجربة ③ نحصل على البيانات
35	2.0	4.0	التجربة ④ المبينة في الشكل المرفق و الموافقة



للتجارب الأربعة على الترتيب.

- بمقارنتك للمنحنين ① و ② ثم المنحنين ③ و ④ بين العامل الحركي المؤثر على التفاعل.
- بمقارنتك للمنحنين ① و ③ ثم المنحنين ② و ④ بين العامل الحركي المؤثر على التفاعل.
- في أية شروط تجريبية نحصل على التحول الكيميائي الأكثر سرعة؟
- برهن أنه في كل حالة تكون الكميات الابتدائية للمفاعلات متناسبة مع المعاملات الستوكيومترية لمعادلة التحول.
- أوجد في كل تجربة التركيز الأعظمي لليود المحصل عليه خلال زمن كاف.

التمرين الثاني : (04 نقاط)

قارورة لمحلول غاز النشادر التجاري تحمل المعلومة التالية :  $C_0 = 10.9 mol/l$

نسمي المحلول الموجود في القارورة ( $S_0$ ). قيمة كسر التفاعل لغاز النشادر مع الماء في حالة التوازن  $Q_{r,eq} = 1.58 \times 10^{-5}$ .

I- نحضر 50ml من محلول مخفف ( $S_1$ ) تركيزه  $C_1 = \frac{C_0}{10}$  انطلاقا من المحلول ( $S_0$ ) حيث تكون قيمة  $pH$  المحلول المحصل عليه هي  $pH = 11.62$ .

- (1) ما هو الحجم المأخوذ من المحلول ( $S_0$ ) لتحضير المحلول المخفف ( $S_1$ ).
- (2) بين أن تركيز شوارد الهيدروكسيد في المحلول ( $S_1$ ) هي :  $[OH^-] = 4.2 \times 10^{-3} mol/l$ .
- (3) أعط جدول التقدم لتفاعل المحلول ( $S_1$ ) وذلك من أجل حجم منه قدره  $V_1 = 1l$ .
- (4) استنتج نسبة التقدم النهائي  $\tau_f$  للتفاعل . ماذا تستنتج؟
- (5) احسب كسر التفاعل النهائي  $Q_{r,f}$  . بين أن الجملة في حالة توازن.

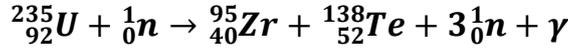
المعطيات:

$$K_e = 10^{-14}$$

### الفيزياء

#### التمرين الثالث : (04 نقاط)

تشتغل محركات احدى الغواصات النووية بالطاقة الناشئة عن تحول اليورانيوم المنمذج بالمعادلة التالية :



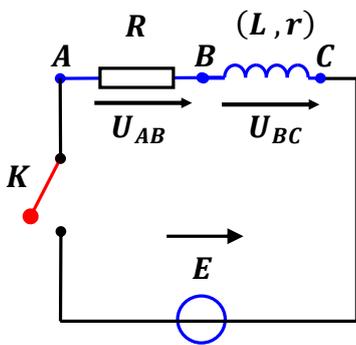
- (1) أحسب النقص في الكتلة لنواة اليورانيوم أثناء هذا التحول.
- (2) أحسب الطاقة المتحررة عن هذا التفاعل. كيف تظهر هذه الطاقة؟
- (3) أحسب كتلة اليورانيوم المستهلك خلال 30 يوم من انتقال هذه الغواصة ، علما أن محركاتها تقدم استطاعة حرارية متوسطة قدرها  $25Mw$  .
- (4) علما أن النواتين المتشكلتين في التفاعل السابق تشعان بالإشعاعات  $\beta^-$  .  
✗ اكتب معادلتى تحوليتهما ، علما أن النواتين الناتجتين تكونان على الترتيب نظيرتين لـ  $Nb$  و  $I$  .  
✗ أحسب الطاقتين المتحررتين من هذين التفاعلين.

المعطيات:

$m({}^{95}_{40}Zr) = 94.88604u$		$m({}^{235}_{92}U) = 234.99933u$
$m({}^{138}_{52}Te) = 137.89324u$	$m(e) = 0.00055u$	$m({}^{138}_{52}Te) = 137.90067u$
$m({}^1_0n) = 1.00867u$		

#### التمرين الرابع : (03.5 نقاط)

تحتوي دارة كهربائية على مولد مثالي للتوتر المستمر قوته المحركة  $E = 12V$  ، قاطعة  $K$  ، وشيعة صرفة ذاتيتها  $L$  ، ناقل أومي مقاومته  $R$  نركب هذه الأجهزة كما هو مبين في الشكل المقابل.  
بواسطة جهاز راسم الإهتزاز المهبطي نتابع تطور التوتر بين طرفي الوشيعة  $U_L$ .



#### I- غلق القاطعة:

1. نغلق القاطعة عند اللحظة  $t = 0$  ، فيظهر لنا على شاشة راسم الإهتزاز

المهبطي أحد البيانيين ① أو ②

أ. أعد رسم الدارة الكهربائية مبينا عليها كيفية ربط جهاز راسم

الإهتزاز المهبطي .

أوجد المعادلة التفاضلية للدارة بدلالة التوتر بين طرفي الوشيعة  $U_L$ .

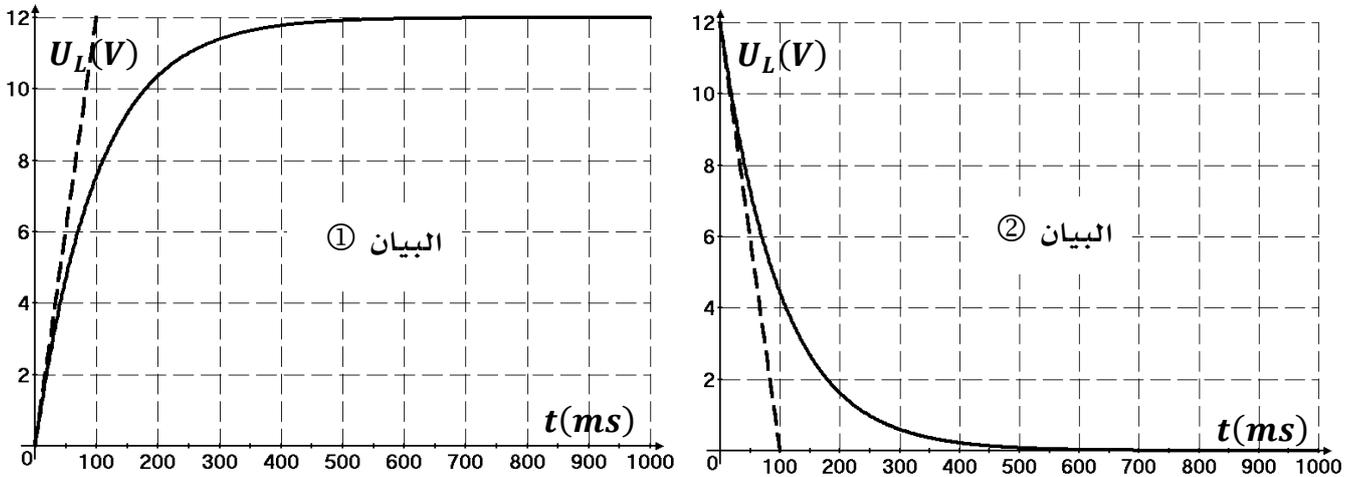
## II- غلق القاطعة:

2. نغلق القاطعة عند اللحظة  $t = 0$  ، فيظهر لنا على شاشة راسم الإهتزاز المهبطي أحد البيانيين ① أو ② .  
 ب. أعد رسم الدارة الكهربائية مبينا عليها كيفية ربط جهاز راسم الإهتزاز المهبطي .  
 ج. أوجد المعادلة التفاضلية للدارة بدلالة التوتر بين طرفي الوشيعة  $U_L$  .  
 د. تقبل المعادلة التفاضلية حلا من الشكل :  $U_L(t) = Ae^{-Bt}$  حيث  $A$  و  $B$  ثابتان يطلب تعيين عبارتهما.

3. حدد المنحنى الموافق للتجربة من البيانيين ① و ② مع التبرير.  
 4. احسب شدة التيار  $I_0$  في النظام الدائم حيث  $R = 50\Omega$   
 5. حدد ثابت الزمن  $\tau$  .  
 6. احسب قيمة ذاتية الوشيعة  $L$  .

## III- فتح القاطعة

احسب الزمن اللازم لتناقص الطاقة المخزنة في الوشيعة إلى الربع  $(\frac{1}{4})$

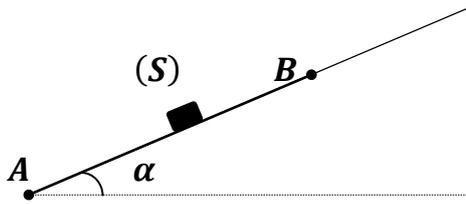


التمرين الخامس : (04 نقاط)

جسم  $(S)$  نعتبره نقطة مادية كتلته  $m = 100g$  .

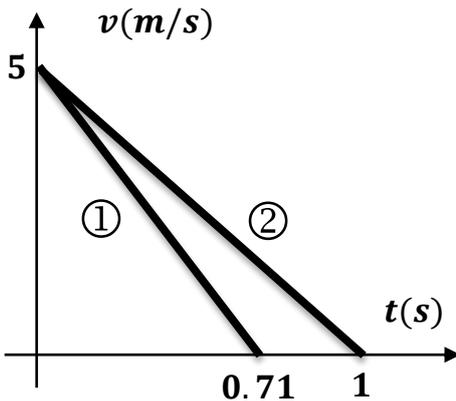
I- بواسطة هذا الجسم و طاولة هوائية تجري التجربة التالية :

نميل الطاولة الهوائية على المستوى الأفقي بزاوية  $\alpha$  و نشغل المضخة الهوائية للتخلص من قوة الإحتكاك ثم نقذف الجسم  $(S)$  بسرعة ابتدائية.



نعيد نفس التجربة لكن بدون تشغيل المضخة الهوائية ، و نعتبر في هذه الحالة قوة الإحتكاك مكافئة لقوة واحدة  $\vec{f}$  معاكسة لشعاع السرعة و مستقلة عن طويلة السرعة.

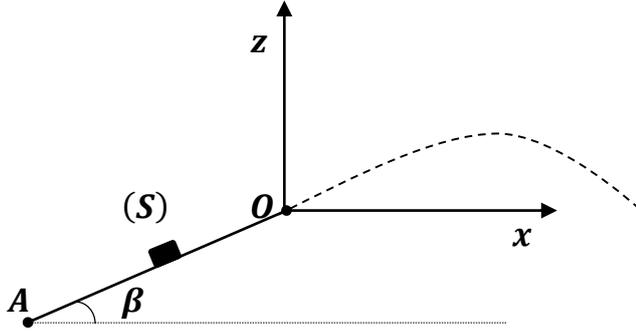
نمثل من أجل كل تجربة سرعة الجسم بدلالة الزمن  $v(t)$  الشكل المقابل.



- مثل القوى المؤثرة على كل جسم بين النقطتين  $A$  و  $B$  في كل تجربة.
- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن أوجد عبارة التسارع في كل تجربة.
- بدون حساب أرفق كل بيان بالتجربة الخاصة به.

4. استنتج من البيانين المسافة المقطوعة في كل تجربة لحظة توقف الجسم.

5. احسب قيمتي  $f$  و  $\alpha$  .



II- نضبط الطاولة على زاوية ميل أخرى  $\beta$  و نهمل الاحتكاك. نعطي للجسم سرعة ابتدائية في النقطة A و عندما يصل إلى النقطة O يصبح خاضعا لقوة ثقله فقط . ندرس الحركة في المعلم  $(Ox, Oz)$  بحيث نعتبر اللحظة الابتدائية  $t = 0$  لحظة وجوده عند O .

نمثل في الشكل المقابل سرعة الجسم بعد مروره بالنقطة O بدلالة الزمن.

1. أوجد مركبتي شعاع تسارعه  $(a_x, a_z)$  .

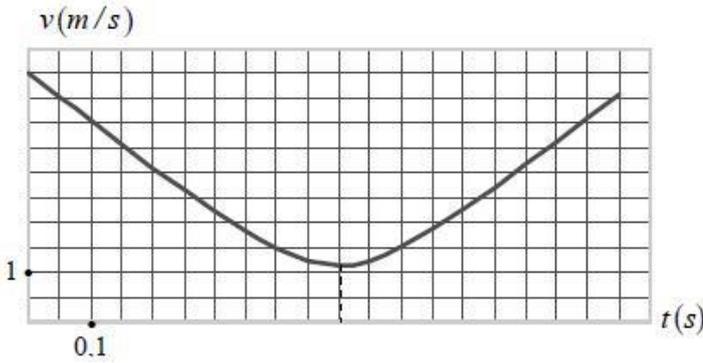
2. ما هما مركبتا شعاع سرعته عند النقطة O بدلالة  $\beta$  .

3. اكتب عبارتي  $x(t)$  و  $z(t)$  .

4. استنتج من البيان قيمة الزاوية  $\beta$  .

5. بالاعتماد على البيان احسب أعلى ارتفاع يصله الجسم فوق O .

تعطى :  $g = 10m/s^2$



حكمة:

لا تدري بأي شيء تدخل الجنة

بدعة ، ببسمة ، بكلمة طيبة ، بصدق ، بتلاوة آية ، بتسبيحة ، بعلم نافع ، بسلامة صدر

وأهل العهم العالية يجمعونها

تذكر (ي): فعم السؤال نصف الإجابة

مُنِيَاتِنَا لِكُرِّمَ بِالنُفُوقِ وَالنَّجَاحِ فِي شَهَادَةِ الْبِكَاوُورِيَا

أَسَاتِذَةُ الْمَادَّةِ

## تصحيح الامتحان التجريبي في مادة العلوم الفيزيائية

قسم : السنة الثالثة علوم تجريبية

السنة الدراسية : 2014/2013

الموضوع الأول

العلامة	حل التمرين
	<b>التمرين الأول : (04 نقاط)</b>
0.5	1. مقارنة المنحنيين ① و ② ثم المنحنيين ③ و ④ نستنتج أن تركيز ثنائي اليود $I_2$ الناتج يزداد بزيادة تراكيز المتفاعلات من أجل درجة حرارة ثابتة.
0.5	2. مقارنة المنحنيين ① و ③ ثم المنحنيين ② و ④ نستنتج أن تركيز ثنائي اليود $I_2$ الناتج يزداد بزيادة درجة حرارة من أجل تراكيز ابتدائية متساوية للمتفاعلات.
01	3. مقارنة المنحنيات الأربعة من حيث درجة الحرارة و التراكيز نجد التحول الكيميائي الأكثر سرعة يكون من أجل المحاليل الأكثر تركيزا ، و درجة الحرارة الأكثر ارتفاعا وهي حالة المنحنى ④.
	4. حسب معادلة التفاعل :
	$S_2O_8^{2-}(aq) + 2I^-(aq) \rightarrow 2SO_4^{2-}(aq) + I_2(aq)$
0.5	في التجربتين ① و ③ لدينا :
	$\begin{cases} n(S_2O_8^{2-}) = [S_2O_8^{2-}] \cdot V \Rightarrow n(S_2O_8^{2-}) = 10^{-3} \times V \Rightarrow n(I^-) = 2n(S_2O_8^{2-}) \\ n(I^-) = [I^-] \cdot V \Rightarrow n(I^-) = 2 \times 10^{-3} \times V \end{cases}$
	$\Rightarrow \frac{n(I^-)}{2} = \frac{n(S_2O_8^{2-})}{1}$
0.5	في التجربتين ② و ④ لدينا :
	$\begin{cases} n(S_2O_8^{2-}) = [S_2O_8^{2-}] \cdot V \Rightarrow n(S_2O_8^{2-}) = 2 \times 10^{-3} \times V \Rightarrow n(I^-) = 2n(S_2O_8^{2-}) \\ n(I^-) = [I^-] \cdot V \Rightarrow n(I^-) = 4 \times 10^{-3} \times V \end{cases}$
	$\Rightarrow \frac{n(I^-)}{2} = \frac{n(S_2O_8^{2-})}{1}$
	فالكيميات الابتدائية متناسبة مع المعاملات الستوكيومترية لمعادلة التفاعل.
0.5	5. التركيز الأعظمي لليود المحصل عليه. في التجربتين ① و ③ نجد حسب معادلة التفاعل :
	$[I_2]_{max} = \frac{1}{2}[I^-] = 10^{-2} mol/l$
0.5	في التجربتين ② و ④ لدينا :
	$[I_2]_{max} = \frac{1}{2}[I^-] = 2 \times 10^{-2} mol/l$
	<b>التمرين الثاني : (04 نقاط)</b>
	-I .
0.5	(1) حساب الحجم المأخوذ من المحلول ( $S_0$ ) لتحضير المحلول المخفف ( $S_1$ ): حسب قانون التمديد:
	$C_0V_0 = C_1V_1 \Rightarrow V_0 = \frac{C_1V_1}{C_0} \Rightarrow V_0 = \frac{V_1}{10} \Rightarrow V_0 = 5ml$
0.5	(2) تركيز شوارد الهيدروكسيد في المحلول ( $S_1$ ):

$$pH = 11.62 \Rightarrow [H_3O^+]_f = 10^{-pH} \Rightarrow [H_3O^+]_f = 2.34 \times 10^{-12}$$

$$[OH^-]_f = \frac{K_e}{[H_3O^+]_f} \Rightarrow [OH^-] = \frac{10^{-14}}{2.34 \times 10^{-12}}$$

$$\Rightarrow [OH^-]_f = 4.17 \times 10^{-3} \text{ mol/l} \approx 4.2 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$$

(3) جدول التقدم لتفاعل المحلول ( $S_1$ ):

01

معادلة التفاعل		$NH_3(aq) + H_2O(l) = NH_4^+(aq) + OH^-(aq)$			
حالة الجملة	التقدم	كمية المادة (mol)			
الحالة الابتدائية	0	$C_1V_1$	زيادة	0	0
الحالة الانتقالية	$x$	$C_1V_1 - x$	زيادة	$x$	$x$
الحالة النهائية	$x_f$	$C_1V_1 - x_f$	زيادة	$x_f$	$x_f$

$$\text{حيث: } C_1V_1 = 1.09 \text{ mol}$$

(4) استنتاج نسبة التقدم النهائي  $\tau_f$  للتفاعل:

01

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} \Rightarrow \tau_f = \frac{[OH^-]_f V_1}{C_1 V_1} \Rightarrow \tau_f = \frac{4.2 \times 10^{-3} \text{ mol}}{1.09 \text{ mol}} \Rightarrow \tau_f = 3.85 \times 10^{-3}$$

$$\tau_f \% = 0.38\%$$

نستنتج أن التفاعل غير تام و تفكك الأساس  $NH_3$  ضعيف جدا

(5) حساب كسر التفاعل النهائي  $Q_{r,f}$ :

01

$$Q_{r,f} = \frac{[NH_4^+]_f \times [OH^-]_f}{[NH_3]_f} \Rightarrow Q_{r,f} = \frac{\frac{x_f}{V_1} \times \frac{x_f}{V_1}}{\frac{C_1 V_1 - x_f}{V_1}} \Rightarrow Q_{r,f} = \frac{x_f^2}{V_1 (C_1 V_1 - x_f)}$$

ت ع:

$$Q_{r,f} = \frac{(4.2 \times 10^{-3} \text{ mol})^2}{1l(1.09 \text{ mol} - 4.2 \times 10^{-3} \text{ mol})} \Rightarrow Q_{r,f} = 1.6 \times 10^{-5}$$

بالمقارنة مع القيمة المعطاة لثابت التوازن نجد :  $Q_{r,f} \approx Q_{r,eq}$

اذن الجملة في حالة توازن.

### التمرين الثالث : (04 نقاط)

(1) حساب النقص في الكتلة لنواة اليورانيوم أثناء التحول:

01

$$|\Delta m| = |m_f - m_i|$$

$$|\Delta m| = | [m(^{95}_{40}Zr) + m(^{138}_{52}Te) + 3m(^1_0n)] - [m(^{235}_{92}U) + (^1_0n)] |$$

$$|\Delta m| = | [94.88604u + 137.90067u + 3 \times 1.00867u] - [234.99933u + 1.00867u] |$$

$$|\Delta m| = |-0.19528u|$$

$$|\Delta m| = 0.19528u$$

(2) حساب الطاقة المتحررة عن هذا التفاعل:

0.5

$$\Delta E = |\Delta m| \times c^2 \Rightarrow \Delta E = 0.19528u \times 931.5 \text{ Mev/u}$$

$$\Delta E = 181.90332 \text{ Mev}$$

تظهر هذه الطاقة على شكل حرارة و اشعاع ( $\gamma$ )

(3) حساب الطاقة المتحررة عن هذا التفاعل في الغواصة خلال 30 يوم:

$$E = P \times t \Rightarrow E = 25 \times 10^6 \text{ w} \times 30 \times 24 \times 3600 \text{ s}$$

$$E = 6.48 \times 10^{13} \text{ j}$$

$$E = 6.48 \times 10^{13} \text{ j} \times \frac{1 \text{ Mev}}{1.6 \times 10^{-13} \text{ j}} \Rightarrow E = 4.05 \times 10^{26} \text{ Mev}$$

01

حساب عدد أنوية اليورانيوم المتفككة خلال 30 يوم:

$$N = \frac{E}{\Delta E} \Rightarrow N = \frac{4.05 \times 10^{26} \text{Mev}}{181.90332 \text{Mev}} \Rightarrow N = 2.226 \times 10^{24}$$

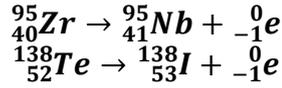
حساب كتلة اليورانيوم المستهلك خلال 30 يوم:

$$m = n \times M \Rightarrow m = \frac{N}{N_A} \times M \Rightarrow m = \frac{2.226 \times 10^{24}}{6.023 \times 10^{23}} \times 235$$

$$\Rightarrow m = 868.699 \text{g} \Rightarrow m = 0.868 \text{kg}$$

(4) النواتان المتشكلتان في التفاعل السابق تشعان بالإشعاعات  $\beta^-$  :

✘ معادلتى تفكك النواتين الناتجتين:



✘ أحسب الطاقتين المتحررتين من هذين التفاعلين.

الطاقة المحررة من تفكك  ${}_{40}^{95}\text{Zr}$ :

$$E_1 = |\Delta m|c^2 = |m_f - m_i|c^2$$

$$E_1 = |m({}_{41}^{95}\text{Nb}) + m({}_{-1}^0\text{e}) - m({}_{40}^{95}\text{Zr})|c^2$$

$$E_1 = |94.88429u + 0.00055u - 94.88604u| \times 931.5 \text{Mev/u}$$

$$E_1 = |-0.0012u| \times 931.5 \text{Mev/u}$$

$$E_1 = 1.1178 \text{Mev}$$

الطاقة المحررة من تفكك  ${}_{52}^{138}\text{Te}$ :

$$E_2 = |\Delta m|c^2 = |m_f - m_i|c^2$$

$$E_2 = |m({}_{53}^{138}\text{I}) + m({}_{-1}^0\text{e}) - m({}_{52}^{138}\text{Te})|c^2$$

$$E_2 = |137.89324u + 0.00055u - 137.90067u| \times 931.5 \text{Mev/u}$$

$$E_2 = |-0.00688u| \times 931.5 \text{Mev/u}$$

$$E_2 = 6.40872 \text{Mev}$$

01.5

### التمرين الرابع: (04 نقاط)

-I غلق القاطعة:

. 1

أ. رسم التركيب مع إظهار تركيب جهاز راسم الإهتزاز المهبطي:

ب. إيجاد المعادلة التفاضلية للدارة بدلالة التوتر بين طرفي

الوشيعة  $U_L$ :

لدينا حسب قانون جمع التوترات :  $U_R + U_L = E$

باشتقاق طرفي المعادلة نجد :

$$\frac{dU_R}{dt} + \frac{dU_L}{dt} = 0 \dots \textcircled{1}$$

ولدينا حسب قانون أوم :

$$U_R = Ri \Rightarrow \frac{dU_R}{dt} = R \frac{di}{dt} \dots \textcircled{2}$$

ولدينا :

$$U_L = L \frac{di}{dt} \Rightarrow \frac{di}{dt} = \frac{U_L}{L} \dots \textcircled{3}$$

نقوم بتعويض المعادلة  $\textcircled{3}$  في المعادلة  $\textcircled{2}$  نجد :

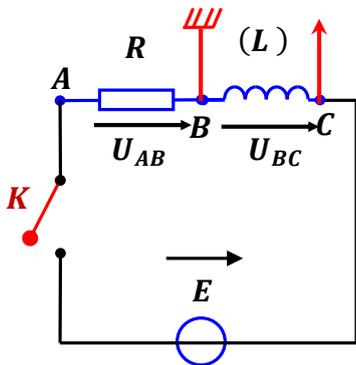
$$\frac{dU_R}{dt} = \frac{R}{L} U_L$$

بعد التعويض في المعادلة  $\textcircled{1}$  نجد عبارة المعادلة التفاضلية :

$$\frac{dU_R}{dt} + \frac{R}{L} U_L = 0$$

0.25

0.5



ج. إيجاد الثابتين  $A$  و  $B$ :

بتعويض العبارة  $U_L(t) = Ae^{-Bt}$  في المعادلة التفاضلية السابقة نجد :

$$-B \times Ae^{-Bt} + \frac{R}{L} \times Ae^{-Bt} = 0 \Rightarrow \left(-B + \frac{R}{L}\right) \times Ae^{-Bt} = 0 \Rightarrow B = \frac{R}{L}$$

حسب الشروط الابتدائية :

$$t = 0 \Rightarrow U_L(0) = Ae^0 = E \Rightarrow A = E$$

ومنه تصبح عبارة الحل:

$$U_L(t) = Ee^{-\frac{R}{L}t}$$

2. تحديد المنحنى الموافق من البيانين (1) و (2) مع التبرير:

بما أن حل المعادلة التفاضلية هو عبارة عن دالة أسية متناقصة ، فالمنحنى الموافق للعبارة هو المنحنى ②.

3. حساب شدة التيار الأعظمي  $I_0$  في النظام الدائم:

لدينا :

$$I_0 = \frac{E}{R} \Rightarrow I_0 = \frac{12V}{50\Omega} \Rightarrow I_0 = 0.24A$$

4. تحديد ثابت الزمن  $\tau$ :

من البيان نجد :

$$\tau = 100ms$$

5. حساب قيمة ذاتية الوشيعة  $L$ :

$$\tau = \frac{L}{R} \Rightarrow L = \tau \times R \Rightarrow L = 0.1s \times 50\Omega \Rightarrow L = 5H$$

-II فتح القاطعة

حساب الزمن اللازم لتناقص الطاقة المخزنة في الوشيعة إلى الربع ( $\frac{1}{4}$ ):

لدينا :

$$U_R(t) = Ri \Rightarrow i = \frac{U_R(t)}{R} \Rightarrow i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

بتعويض عبارة التيار في عبار الطاقة المخزنة في الوشيعة :

$$E(t) = \frac{1}{2} Li^2(t) \Rightarrow E(t) = \frac{1}{2} L \left( \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}} \right)^2 \Rightarrow E(t) = \frac{1}{2} L \left( \frac{E}{R} \right)^2 e^{-2 \times \frac{t}{\tau}}$$

ومن عبارة التيار الأعظمي و الطاقة الأعظمية المخزنة في الوشيعة :

$$\begin{cases} I_0 = \frac{E}{R} \\ \Lambda \Rightarrow E(t) = E_{max} e^{-2 \times \frac{t}{\tau}} \\ E_{max} = \frac{1}{2} LI_0^2 \end{cases}$$

تتناقص الطاقة إلى الربع معناه :

$$E(t) = \frac{E_{max}}{4} \Rightarrow e^{-2 \times \frac{t}{\tau}} = \frac{1}{4} \Rightarrow -2 \times \frac{t}{\tau} = \ln\left(\frac{1}{4}\right) \Rightarrow t = \frac{\tau \ln(4)}{2}$$

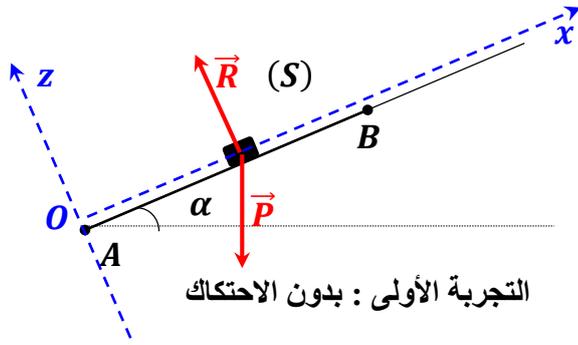
ت ع:

$$t = \frac{0.1 \times \ln(4)}{2} \Rightarrow t = 0.069s \Rightarrow t = 69ms$$

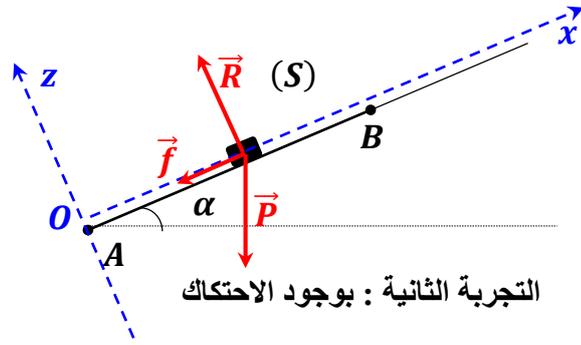
التمرين الخامس: (04 نقاط)

-I .

1. تمثيل القوى المؤثرة على كل جسم بين النقطتين  $A$  و  $B$  في كل تجربة.



التجربة الأولى : بدون الاحتكاك



التجربة الثانية : بوجود الاحتكاك

0.5

0.5

2. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم سطحي أرضي نعتبره غاليليا :

$$\Sigma \vec{F}_{ext} = m\vec{a}$$

التجربة الأولى :

$$\vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_1$$

بالاسقاط على المحور  $Ox$  نجد :

$$-P \sin \alpha = ma_1 \Rightarrow a_1 = -g \sin \alpha \dots \textcircled{1}$$

التجربة الثانية :

$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{f} = m\vec{a}_2$$

بالاسقاط على المحور  $Ox$  نجد :

$$-P \sin \alpha - f = ma_2 \Rightarrow a_2 = -g \sin \alpha - \frac{f}{m} \dots \textcircled{2}$$

0.25

3. إرفاق كل بيان بالتجربة الخاصة به :

البيان ① خاص بالتجربة الثانية

البيان ② خاص بالتجربة الأولى

☉ طريقة أولى: (بدون حساب و الطريقة المطلوبة)

بوجود الإحتكاك تنعدم سرعة الجسم في أصغر مدة زمنية ( $0.71s < 1s$ )

☉ طريقة ثانية: (طريقة الحساب)

بما أن البيانيين يعبران عن الدالة  $v = f(t)$  فإن ميل كل بيان يمثل قيمة التسارع و هو سالب القيمة في كل حالة.

حيث نجد أن ميل البيان ① ( $-7.04m/s^2$ ) أصغر من ميل البيان ② ( $-5m/s^2$ ) ومن العبارتين

① و ② نجد ميل البيان ② يوافق العبارة ① (بدون احتكاك) و ميل البيان ① يوافق العبارة ②

(بوجود احتكاك)

0.5

4. المسافة المقطوعة في كل تجربة لحظة توقف الجسم:

المسافة تمثل مساحة المثلث لكل بيان :

$$d_1 = \frac{1 \times 5}{2} = 2.5m \text{ : التجربة الأولى}$$

$$d_2 = \frac{0.71 \times 5}{2} = 1.77m \text{ : التجربة الثانية}$$

0.5

5. حساب قيمتي  $\alpha$  و  $f$  :

من العلاقة ① لدينا :

$$a_1 = -g \sin \alpha \Rightarrow \sin \alpha = -\frac{a_1}{g} \Rightarrow \sin \alpha = -\frac{(-5)}{10} \Rightarrow \sin \alpha = 0.5 \Rightarrow \alpha = 30^\circ$$

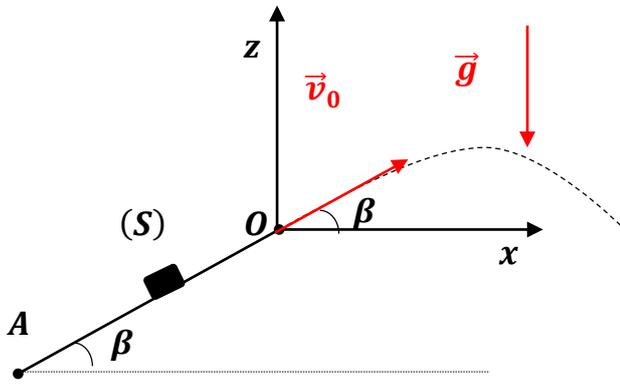
من العلاقة ② لدينا :

$$a_2 = -g \sin \alpha - \frac{f}{m} \Rightarrow f = m \times (-g \sin \alpha - a_2)$$

$$\Rightarrow f = 0.1 \times (-10 \times 0.5 - (-7.04)) \Rightarrow f = 0.204N \approx 0.2N$$

0.25

-II



1. إيجاد مركبتا شعاع تسارعه  $(a_x, a_z)$ .  
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم  
سطحي أرضي نعتبره غاليليا :

$$\vec{P} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \vec{g}$$

ومنه مركبتا شعاع التسارع هما  $\vec{a}(0; -g)$

2. مركبتا شعاع سرعته عند النقطة O بدلالة  $\beta$ .

من التمثيل البياني للسرعة عند  $t = 0 \Rightarrow$

$$v = v_0 = 5m/s$$

ومنه مركبتا شعاع السرعة عند اللحظة  $t = 0$  هما  $\vec{v}_0(5 \cos \beta; 5 \sin \beta)$

3. عبارتي  $x(t)$  و  $z(t)$  :

$$a_x = 0 \Rightarrow x(t) = 5 \cos \beta \cdot t$$

$$a_z = -g \Rightarrow z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + 5 \sin \beta \cdot t$$

4. قيمة الزاوية  $\beta$  :

أصغر قيمة للسرعة هي قيمتها عند بلوغ الذروة حيث :

$$v_z = 0 \Rightarrow v = v_x = 5 \cos \beta$$

من البيان :

$$v = v_{min} = 1.2m/s \Rightarrow 5 \cos \beta = 1.2 \Rightarrow \cos \beta = \frac{1.2}{5} = 0.24 \Rightarrow \beta \approx 76^\circ$$

5. حساب أعلى ارتفاع يصله الجسم فوق O :

حسب بيان السرعة يبلغ الجسم أقصى ارتفاع له أي الذروة (S) عند اللحظة  $t = 0.5s$   
ومنه :

$$z_s = -\frac{1}{2} \times 10 \times (0.5)^2 + 5 \sin 76^\circ \times 0.5 \Rightarrow z_s = 1.17m$$

0.25

0.5

0.25

0.5

