

- 2) جد معادلة ديكارتية للمستوي (Q) محور للقطعة [AC]
 3-أ) عين المركز ω ونصف القطر سطح الكرة (S') التي
 معادلتها $x^2 + y^2 + z^2 + 2y - 6z - 16 = 0$.
 ب) ادرس الوضع النسبي لـ (S') و (S)
 ج) أكتب معادلة ديكارتية للمستوي (P) مماس (S') في A
 4) أحسب بعد النقطة ω عن المستوي (Q)
 5) بيّن أن (Q) يقطع سطح الكرة (S') وفق دائرة؟

- 06** الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 1) أكتب تمثيلاً وسيطياً للمستوي (P_1) والمعرف بالنقطة
 $A(0;1;4)$ والشعاعين $\vec{u}(2;1;1)$ و $\vec{v}(1;0;1)$
 2) استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (P_1)
 3) ليكن المستوي (P_2) ذو المعادلة $x + 2y - z - 2 = 0$
 أ) بين أن المستويين (P_1) و (P_2) متعامدان
 ب) عين النقطة $B(3;1;1)$ نقطة من الفضاء . عين المسافة d_1 بين
 النقطة B و (P_1) والمسافة d_2 بين النقطة B و (P_2) .
 ج) استنتج المسافة d_3 بين النقطة B والمستقيم (Δ) تقاطع
 المستويين (P_1) و (P_2) . هل $d_3 = d(A,B)$ ؟

- 07** الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 تعطى النقط $A(2; -3; 0)$ ، $B(-1; 2; 4)$ ، $C(-2; 0; -3)$.
 1) اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (AB)
 عين إحداثيات نقطة تقاطع (AB) مع المستوي $(O; \vec{i}; \vec{j})$

$$t \in \mathbb{R} \text{ و } \begin{cases} x = -2 + 3t \\ y = -t \\ z = -3 - 2t \end{cases}$$
 2-أ) (Δ) مستقيم تمثيله الوسيطي
 ب) بيّن أن: $A \notin (\Delta)$ و $C \in (\Delta)$.
 3) جد تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ') الذي يوازي (Δ) ويشمل
 النقطة A ثم استنتج المسافة بين النقطة A و (Δ) .

- 08** الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر المستويين (P_1) و (P_2) المعرفين بالمعادلتين:
 $x + y + z - 1 = 0$ ، $x + y + 2z = 1$ على الترتيب.
 عين، في كل حالة مما يلي، النتيجة الصحيحة مع التبرير.
 1) إحداثيات نقطتين A و B مشتركيتين بين المستويين (P_1)
 و (P_2) هي: ① (1,2,3) ② (1,0,0) ③ (0,1,0)
 2) إحداثيات شعاع توجيه المستقيم (D) تقاطع المستويين (P_1)
 و (P_2) هي: ① (0,2,3) ② (1,-1,0) ③ (1,1,3)
 3) عدد حقيقي. تمثيل وسيطي للمستقيم (D) هو:

$$\begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = 2 - \lambda \\ z = 3 + \lambda \end{cases} \quad \text{③} \quad \begin{cases} x = \lambda \\ y = 1 - \lambda \\ z = \lambda \end{cases} \quad \text{②} \quad \begin{cases} x = 1 + \lambda \\ y = -\lambda \\ z = 0 \end{cases} \quad \text{①}$$

- 01** الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر النقط $A(0;0;1)$ ، $B(2;4;-1)$ ، $C(4;-4;-3)$
 1) بين أن النقط A، B، و C ليست على استقامة واحدة.
 2) أحسب الجداءات السلمية التالية: $\overline{BA} \cdot \overline{BC}$ و $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$
 استنتج قياساً لكل من الزوايتين: $(\overline{AB}; \overline{AC})$ و $(\overline{BA}; \overline{BC})$
 3) عين طبيعة المثلث ABC ثم استنتج مساحته
 4) عين النقطة D بحيث الرباعي يكون ABCD مستطيلاً
02 -1) أنشئ موشوراً ABCDEF قائم في A والمتساوي
 الساقين وجهاً ABED و ACFD مربعان متقايسان طول
 ضلع كلا منهما a ($a \in \mathbb{R}_+^*$) و G مركز ثقل الرباعي BCFE
 ب) جد الأطوال AG و BF ، BC و BF بدلالة a ثم احسب الجداءات
 السلمية التالية: $\overline{BD} \cdot \overline{DC}$ ، $\overline{EF} \cdot \overline{BC}$ ، $\overline{AG} \cdot \overline{FB}$ ، $\overline{AB} \cdot \overline{AC}$
 2) الفضاء منسوب لمعلم متعامد ومتجانس $(A; \overline{AB}; \overline{AC}; \overline{AD})$
 أ) عين إحداثيات النقط A، B، C، D، E، F و G
 ثم تحقق تحليلياً من النتائج المحصل عليها في الجواب 1 ب)
 ب) جد حجم رباعي الوجوه ABCD والموشور ABCDEF
 3) لتكن (S) مجموعة النقط M من الفضاء والتي تحقق:

$$\|\overline{MB} + \overline{MC} + \overline{ME} + \overline{MF}\| = 2\sqrt{3}a$$

- أ) حدّد طبيعة المجموعة (S)
 ب) تحقق أن (S) تشمل رؤوس الموشور ABCDEF.
03 في الفضاء المزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر النقط $A(-1,2,0)$ ، $B(-3,4,2)$ ، $C(1,-2,-1)$ و $D(2,0,1)$
 1) بين أن الشعاعين \overline{AB} و \overline{AC} غير مرتبطين خطياً.
 2-أ) بين أن شعاعاً $\vec{n}(a,b,c)$ يكون ناظماً للمستوي
 (ABC) إذا و فقط إذا كان:

$$\begin{cases} -2a + 2b + 2c = 0 \\ 2a - 4b - c = 0 \end{cases}$$
 ب) استنتج شعاعاً ناظماً للمستوي (ABC) بمركبات صحيحة
 ج) استنتج معادلة للمستوي (ABC) .
 3) هل المستقيم (AD) عمودي على المستوي (ABC) ؟

- 04** في الفضاء المزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر النقط $A(1,0,-1)$ ، $B(2,2,3)$ ، $C(3,1,-2)$
 1. اثبت أن المثلث ABC قائم ثم أحسب مساحته.
 2. أ) بين أن الشعاع $\vec{n}(2,-3,1)$ ناظمي للمستوي (ABC)
 ب) استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .
 3. عين بعد النقطة $D(-4,2,1)$ عن المستوي (ABC) ، ثم
 أحسب حجم رباعي الوجوه DABC.

- 05** في الفضاء المزود بمعلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر النقط: $A(0;2;-2)$ ، $B(-2;0;2)$ ، $C(3,1,-2)$
 1) أكتب معادلة لسطح الكرة (S) التي قطرها [AB]

09 الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

نعتبر النقطة $A(0, -1, -1)$ والمستقيم (D) ذا التمثيل

$$\text{الوسيطي : } t \in \mathbb{R} \quad \begin{cases} x = 2 + t \\ y = -2t \\ z = -1 + 3t \end{cases} \text{ والمستوي } (P)$$

ذا المعادلة الديكارتية: $x + 2y + z - 3 = 0$.

أجب بصحيح أو خطأ. مع التعليل. في كل حالة

(1) بُعد النقطة A عن المستوي (P) يساوي $\sqrt{6}$.

(2) المستقيم (D) محتوي في المستوي (P) .

(3) المسقط العمودي لـ A على (D) هي النقطة $H(3, -2, 2)$.

10 الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $C(0; 2; 1)$ ، $B(2; -3; 0)$ ، $A(1; -1; 2)$

(1) عين إحداثيات النقطة I مركز ثقل المثلث ABC .

(2) عين إحداثيات النقطة G مرجح الجملة التالية:

$$\{(A, -1); (B, 1); (C, 3)\}$$

(3) عين إحداثيات النقطة D بحيث تكون النقطة O مركز

مركز المسافات المتساوية للنقط A ، B و D .

(4) عين مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق:

$$\|-\vec{MA} + \vec{MB} + 3\vec{MC}\| = \|\vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\|$$

11 الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

(1) نعتبر المستوي (P) ذا المعادلة: $x + y - 1 = 0$

والمستوي (P') ذا المعادلة: $y + z - 2 = 0$

(أ) تحقق أنّ (P) و (P') متقاطعان.

(ب) بين أنّ تقاطع (P) و (P') هو المستقيم (D) الذي

$$\text{تمثيله الوسيط هو: } \begin{cases} x = 1 - t \\ y = t \\ z = 2 - t \end{cases} \text{ حيث } (t \in \mathbb{R})$$

(2) جد معادلة للمستوي (R) المار بالمبدأ O ويعامد (D) .

(ب) جد إحداثيات I نقطة تقاطع المستوي (R) والمستقيم (D)

(3) لتكن النقطتان $A(-\frac{1}{2}; 0; \frac{1}{2})$ و $B(1; 1; 0)$.

(أ) تحقق أنّ A و B تنتميان إلى المستوي (R) .

(ب) نسمي A' و B' نظيرتي النقطتين A و B على الترتيب بالنسبة للنقطة I . بين أنّ الرباعي $ABA'B'$ معين.

12 الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$.

نعتبر النقط $D(-2, -2, -2)$ ، $C(0, 0, 6)$ ، $B(0, 6, 0)$ ، $A(6, 0, 0)$

(1) - تحقق أنّ النقط C, B, A تعين مستويًا (P) .

- بين أنّ $x + y + z - 6 = 0$ معادلة ديكارتية للمستوي (P)

ج- أثبت أنّ المستقيم (OD) يقطع (P) في النقطة $H(2, 2, 2)$

د- تحقق أنّ النقطة H متساوية البعد عن النقط C, B, A .

(2) ليكن (Q) المستوي المحوري للقطعة المستقيمة $[CD]$.

ا- بين أنّ $x + y + 4z - 6 = 0$ معادلة ديكارتية للمستوي (Q)

ب- أثبت أنّ المستقيم (OD) يقطع المستوي (Q) في نقطة

ω يطلب تعيين إحداثياتها.

(3) ليكن (S) سطح الكرة ذات المركز ω و نصف القطر $3\sqrt{3}$

ا- اكتب معادلة ديكارتية لسطح الكرة (S) .

ب- تحقق أنّ سطح الكرة (S) يشمل النقط D, C, B, A .

ج- عين العناصر المميزة لتقاطع سطح الكرة (S) مع (P)

13 الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $C(0; 0; -2)$ ، $B(-2; 1; -8)$ ، $A(1; -2; 3)$

(1) بين أنّ مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق:

$$AM^2 - CM^2 = 10 \text{ هي مستوي } (P) \text{ معادلته } x - 2y + 5z = 0$$

(2) بين أنّ مجموعة النقط (S) المعرفة بالعلاقة التالية:

$$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + y + 2z = 0 \text{ هي سطح كرة يطلب}$$

تعيين مركزها I ونصف قطرها R .

(ب) بين أنّ (S) و (P) يتقاطعان وفق دائرة يطلب تعيين

عناصرها المميزة.

(3) لتكن G النقطة المعرفة بـ: $\vec{GA} + \vec{GB} - 3\vec{GC} = \vec{0}$

(أ) عرف G ثم عين إحداثياتها، تحقق أنّ G تنتمي لـ (S)

(ب) جد معادلة ديكارتية للمستوي (Q) الذي يمر بـ G في

(ج) بين أنّ (Q) و (P) يتقاطعان وفق مستقيم (d) يطلب

اعطاء تمثيل وسيطي له. ثم حدّد وضع (d) بالنسبة لـ (S) .

14 في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط: $A(1; 2; -1)$ ، $B(-3; -2; 3)$ و $C(0; -2; -3)$.

(1) أ) بين النقط A ، B و C ليست في استقامة.

(ب) برهن أنّ الشعاع $\vec{n}(2; -1; 1)$ ناظمي للمستوي (ABC) .

(2) ليكن (P) المستوي الذي معادلته $x + y - z + 2 = 0$.

بين أنّ المستويين (ABC) و (P) متعامدين.

(3) نسمي G مرجح الجملة $\{(A; 1), (B; -1), (C; 2)\}$.

(أ) بين أنّ إحداثيات النقطة G هي $(2; 0; -5)$.

(ب) برهن أنّ المستقيم (CG) عمودي على المستوي (P) .

(ج) عين تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (CG) .

(د) عين إحداثيات النقطة H ، نقطة تقاطع (P) و (CG) .

(4) برهن أنّ المجموعة (S) للنقط M من الفضاء التي

تحقق $\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 12$ هي سطح كرة

يطلب تعيين مركزه ونصف قطره.

(5) عين الطبيعة والعناصر المميزة لتقاطع المستوي (P)

والمجموعة (S) . الأستاذ: ب. العربي س د 201/12

(دورة جوان 2012 ش -ع تجريبية)

النقط $C(3; -3; 6)$ ، $B(2; 1; 7)$ ، $A(0; 1; 5)$
 1. أ- اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة B
 و $\vec{u}(1; -4; -1)$ شعاع توجيه له.
 ب- تحقق أن النقطة C تنتمي إلى المستقيم (Δ) .
 ج- بين أن الشعاعين \vec{AB} و \vec{BC} متعامدان.
 د- استنتج المسافة بين النقطة A والمستقيم (Δ) .
 2. نعتبر النقطة $M(2+t; 1-4t; 7-t)$ حيث t عدد حقيقي
 ، والتكن الدالة h المعرفة على \mathbb{R} ب: $h(t) = AM$
 - اكتب عبارة h(t) بدلالة t.

ب- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي t ، $h'(t) = \frac{18t}{\sqrt{18t^2 + 8}}$
 ج- استنتج قيمة العدد الحقيقي t التي من أجلها المسافة AM
 أصغر ما يمكن.
 - قارن بين القيمة الصغرى للدالة h والمسافة بين النقطة A
 والمستقيم (Δ) .

(دورة جوان 2010 ش -ع تجريبية)

في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 النقط $C(-1; 2; -1)$ ، $B(2; 1; 1)$ ، $A(1; 1; 0)$
 1- أ) بين أن النقط A، B، C ليست في استقامية.
 ب) بين أن المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) هي
 $x + y - z - 2 = 0$
 2) نعتبر المستويين (P) و (Q) اللذين معادلتيهما على الترتيب
 $(P): x + 2y - 3z + 1 = 0$ و $(Q): 2x + y - z - 1 = 0$
 والمستقيم (D) الذي يشمل النقطة $F(0; 4; 3)$
 و $\vec{u}(-1; 5; 3)$ شعاع توجيه له.
 أ) أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (D).
 ب) تحقق أن تقاطع المستويين (P) و (Q) هو المستقيم (D)
 3) عين تقاطع المستويات الثلاث (ABC)، (P) و (Q).

(دورة جوان 2010 ش -ع تجريبية)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 المستوي (P) الذي معادلته : $x - 2y + z + 3 = 0$
 1) نذكر أن حامل محور الفواصل $(O; \vec{i})$ يعرف بالجملة:
 $\begin{cases} y=0 \\ z=0 \end{cases}$
 عين إحداثيات A نقطة تقاطع حامل محور الفواصل $(O; \vec{i})$
 مع المستوي (P).
 2) B و C النقطتان من الفضاء حيث $B(0; 0; -3)$ ، $C(-1; -4; 2)$
 أ) تحقق أن النقط B تنتمي للمستوي (P)
 ب) أحسب الطول AB

(دورة جوان 2011 ش -ع تجريبية)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ نعتبر
 المستوي (P) ذا المعادلته : $14x + 16y + 13z - 47 = 0$
 والنقط $C(-1; 3; 1)$ ، $B(2; 2; -1)$ ، $A(1; -2; 5)$
 1- أ) تحقق أن النقط A، B، C ليست في استقامية.
 ب- بين أن المستوي (ABC) هو (P).
 2) جد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB).
 3- أ) اكتب معادلة ديكارتية للمستوي المحوري (Q) للقطعة [AB]
 ب- تحقق أن النقطة $D(-1; -2; \frac{1}{4})$ تنتمي إلى المستوي (Q)
 ج- احسب المسافة بين النقطة D والمستقيم (AB).

(دورة جوان 2012 ش -ع تجريبية)

في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 نعتبر النقط $C(1; -1; 0)$ ، $B(2; 1; 0)$ ، $A(-1; 0; 1)$
 1) بين أن النقط A، B، C تعين مستويا.
 2) بين أن $2x - y + 5z - 3 = 0$ هي معادلة ديكارتية لـ (ABC)
 3) H و D نقطتان من الفضاء حيث:
 $H(\frac{13}{15}; -\frac{13}{30}; \frac{1}{6})$ ، $D(2; -1; 3)$
 أ) تحقق أن النقطة D لا تنتمي إلى المستوي (ABC).
 ب) بين أن النقطة H هي المسقط العمودي للنقطة D على (ABC)
 ج) استنتج أن المستويين (ADH) و (ABC) متعامدان، ثم جد
 تمثيلا وسيطيا لتقاطعهما.

(دورة جوان 2011 ش -ع تجريبية)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$
 المستوي (P) الذي يشمل النقطة $A(1; -2; 1)$ و $\vec{u}(-2; 1; 5)$
 شعاع ناظمي له واليكن (Q) المستوي ذا المعادلة $x + 2y - 7 = 0$
 1) اكتب معادلة ديكارتية للمستوي (P).
 2) أ- تحقق أن النقطة $B(-1; 4; -1)$ مشتركة بين (P) و (Q).
 ب- بين أن المستويين (P) و (Q) متقاطعان وفق مستقيم (Δ)
 يطلب تعيين تمثيل وسيطي له.
 3- لتكن النقطة $C(5; -2; -1)$.
 أ- أحسب المسافة بين النقطة C والمستوي (P)، ثم المسافة
 بين النقطة C والمستوي (Q).
 ب- أثبت أن المستويين (P) و (Q) متعامدان.
 ج- استنتج المسافة بين النقطة C والمستقيم (Δ) .

ج- أحسب المسافة بين النقطة C والمستوي (P).

(3) أ- أكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ) المارّ بالنقطة C والعمودي على المستوي (P).

ب) تحقق أن النقطة A تنتمي إلى المستقيم (Δ).

ج) أحسب مساحة المثلث ABC

(دورة جوان 2009 ش -ع تجريبية)

في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ نعتبر النقط $A(2; 3; -1)$ ، $B(1; -2; 4)$ ، $C(3; 0; -2)$ و $D(1; -1; -2)$ واليكن (π) المستوي المعرف بمعادلته: $2x - y + 2z + 1 = 0$ المطلوب أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير الإجابة في كل حالة من الحالات التالية.

(1) A، B و C في استقامية.

(2) (ABD) مستوي معادلة ديكارتية له $25x - 6y - z - 33 = 0$

(3) المستقيم (CD) عمودي على المستوي (π).

(4) المسقط العمودي للنقطة B على (π) هو النقطة $H(1; 1; -1)$

(دورة جوان 2009 ش -ع تجريبية)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $A(1; 0; 2)$ ، $B(0; 2; 1)$ ، $C(2; 1; 3)$

(1) (P) مستوي معادله له من الشكل $x - z + 1 = 0$.

أ) بين أن المستوي (P) هو المستوي (ABC)

ب) ما طبيعة المثلث ABC.

(2) أ) تحقق من أن النقطة $D(2; 3; 4)$ لا تنتمي إلى (ABC)

ب) ما طبيعة ABCD.

(3) أ) أحسب المسافة بين D والمستوي (ABC).

ب) أحسب حجم ABCD.

(دورة جوان 2008 ش -ع تجريبية)

لكل سؤال من الأسئلة التالية جواب واحد صحيح فقط. عيّن الجواب الصحيح معللاً اختبارك. نعتبر في الفضاء

المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقط

$A(1; 3; -1)$ ، $B(4; 1; 0)$ ، $C(-2; 0; -2)$ و $D(3; 2; 1)$

والمستوي (P) الذي معادلته: $x - 3z - 4 = 0$.

(1) المستوي (P) هو:

ج1) (BCD)، ج2) (ABC)، ج3) (ABD)

(2) شعاع ناظمي للمستوي (P) هو:

ج1) $\vec{n}_1(1; 2; 1)$ ، ج2) $\vec{n}_2(-2; 0; 6)$ ، ج3) $\vec{n}_2(2; 0; -1)$

(3) المسافة بين النقطة D والمستوي (P) هي:

ج1) $\frac{\sqrt{10}}{5}$ ، ج2) $\frac{\sqrt{10}}{10}$ ، ج3) $\frac{2\sqrt{10}}{5}$

(دورة جوان 2008 ش -ع تجريبية)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر المستوي (P) الذي معادلته: $x + 2y - z + 7 = 0$

و النقط $A(2; 0; 1)$ ، $B(3; 2; 0)$ ، $C(-1; -2; 2)$

(1) تحقق أن النقط A، B و C ليست على استقامية، ثم بيّن

أن المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) هي: $y + 2z - 2 = 0$

(2) أ- تحقق أن المستويين (P) و (ABC) متعامدان، ثم

عيّن تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ) مستقيم تقاطع (P) و (ABC)

ب- أحسب المسافة بين النقطة A والمستقيم (Δ).

3- لتكن G مرجح الجملة $\{(A; 1), (B; \alpha), (C; \beta)\}$

حيث α و β عدنان حقيقيان يحققان $1 + \alpha + \beta \neq 0$

عيّن α حتى تنتمي النقطة G إلى المستقيم (Δ).

(دورة جوان 2012 ت -رياضي)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ و (P)

المستوي الذي يشمل النقطة $A(2; -5; 2)$ و $\vec{u}(-2; 1; 5)$ شعاع

توجيه له. (Q) المستوي الذي $x + 2y - 2 = 0$ معادلة له.

1- عيّن معادلة ديكارتية للمستوي (P).

2- بيّن أن المستويين (P) و (Q) متعامدان.

3- عيّن تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ)، تقاطع (P) و (Q).

4- أ) أحسب d_1 المسافة بين النقطة $k(3; 3; 3)$ والمستوي (P)

و d_2 المسافة بين النقطة k والمستوي (Q).

ب) استنتج d المسافة بين النقطة k والمستقيم (Δ).

5- أحسب المسافة d بطريقة ثانية.

(دورة جوان 2012 ت -رياضي)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(0; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ و (P)

المستوي الذي: $-4x - 3y + 1 = 0$ معادلة ديكارتية له.

و (D) المستقيم الذي: $k \in \mathbb{R}; y = \frac{1}{3} - \frac{4}{3}k$ تمثيل وسيطي له

$$\begin{cases} x = k \\ y = \frac{1}{3} - \frac{4}{3}k \\ z = -\frac{3}{4} + \frac{3}{4}k \end{cases}$$

1- تحقق أن المستقيم (D) محتوي في المستوي (P).

2- أ) اكتب تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ) الذي يشمل النقطة

$A(1; 1; 0)$ و $\vec{u}(4; 1; 3)$ شعاع توجيه له.

ب) عيّن احداثيات نقطة تقاطع المستقيمين (D) و (Δ).

3- بيّن أن: $3x - 4z - 3 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوي

(Q) الذي يحوي المستقيمين (D) و (Δ).

4- M(x; y; z) نقطة من الفضاء.

أ) احسب المسافة بين النقطة M وكل من (P) و (Q).

الأستاذ: هـ العربي س د 2013/12

ب) أثبت أن مجموعة النقط M من الفضاء المتساوية البعد عن كل من (P) و (Q) هي اتحاد مستويين متعامدان (P_2) يطلب تعيين معادلة ديكراتية لكل منهما.

5- عيّن احداثيات مجموعة النقط $M(x; y; z)$ من الفضاء التي إحداثياتها حلول للجملة الآتية:

$$\begin{cases} 4x + 3y - 1 = 0 \\ 3x - 4z - 3 = 0 \\ x + 3y + 4z + 2 = 0 \end{cases}$$

(دورة جوان 2012 ش - رياضيات)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقط $A(3; 0; 0)$ ، $B(0; 4; 0)$ ، $C(2; 2; 2)$.
 1) بيّن أن النقط A ، B و C ليست في استقامية وأن الشعاع $\vec{n}(4; 3; -1)$ عمودي على كل من الشعاعين \vec{AB} و \vec{AC} .
 2) أكتب معادلة ديكراتية للمستوي (P) الذي يشمل A ، B و C .
 3) أـ بيّن أن: $6x - 8y + 7 = 0$ معادلة ديكراتية للمستوي (P')
 بـ بيّن أن: $2x - 4y - 4z + 3 = 0$ معادلة ديكراتية للمستوي (P'')
 مجموعة النقط $M(x; y; z)$ من الفضاء حيث: $AM = BM$.
 بـ بيّن أن: $2x - 4y - 4z + 3 = 0$ معادلة ديكراتية للمستوي (P''')
 مجموعة النقط $M(x; y; z)$ من الفضاء حيث: $AM = CM$.
 جـ بيّن أن (P') و (P''') يتقاطعان في وفق مستقيم (Δ) .
 يطلب تعيين تمثيل وسيطي له.

4) جد احداثيات النقط ω مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC

(دورة جوان 2012 ش - رياضيات)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ النقط $A(1; 1; 1)$ ، $B(1; -1; 0)$ ، $C(2; 0; 1)$.
 1) بيّن أن النقط A ، B و C تعين مستوي (P_1) يطلب تعيين تمثيل وسيطي له.
 2) (P_2) المستوي الذي: $x - 2y - 2z + 6 = 0$ معادلة له.
 - بيّن أن (P_1) و (P_2) يتقاطعان وفق مستقيم (Δ) يطلب تعيين تمثيل وسيطي له.
 3) بين أن النقط O مرجح الجملة $\{(A; 1), (B; 1), (C; -1)\}$
 4) أـ عيّن (S) مجموعة النقط $M(x; y; z)$ من الفضاء التي تحقق: $\|\vec{MA} + \vec{MB} - \vec{MC}\| = 2\sqrt{3}$.
 بـ احسب احداثيات D و E نقطتي تقاطع (S) و (Δ) .
 جـ ماهي طبيعة المثلث ODE ؟ استنتج المسافة بين O و (Δ)

(دورة جوان 2011 ش - رياضيات)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

1) نعتبر النقط $A(1; 0; 2)$ ، $B(1; 1; 4)$ ، $C(-1; 1; 1)$
 أ) أثبت أن النقط A ، B و C تعين مستويًا.

ب) بيّن أن الشعاع $\vec{n}(3; 4; -2)$ عمودي على كل من

الشعاعين \vec{AB} و \vec{AC} ثم استنتج معادلة للمستوي (ABC)

2) نعتبر المستويين (P_1) و (P_2) حيث:

$$(P_1): 3x + 4y - 2z + 1 = 0 \text{ و } (P_2): 2x - 2y - z - 1 = 0$$

أ) بيّن أن المستويين (P_1) و (P_2) متعامدان.

ب) عيّن تمثيلًا وسيطياً للمستقيم (Δ) تقاطع (P_1) و (P_2)

ج) تحقق أن النقط $O(0; 0; 0)$ لا تنتمي إلى (Δ) .

د) احسب المسافتين $d(O; (P_1))$ و $d(O; (P_2))$

واستنتج المسافة $d(O; (\Delta))$

(دورة جوان 2011 ش - رياضيات)

I) الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $A(1; 0; 0)$ ، $B(0; 2; 0)$ ، $C(0; 0; 3)$ و $G\left(\frac{1}{3}; \frac{2}{3}; 1\right)$

(D) المستقيم الذي يشمل A وشعاع توجيهه $\vec{u}\left(-1; 1; \frac{3}{2}\right)$

و (Δ) المستقيم الذي يشمل C وشعاع توجيهه $\vec{v}\left(\frac{1}{2}; 1; -3\right)$

1) اكتب تمثيلًا وسيطياً لكل من المستقيمين (D) و (Δ)

ثم ادرس الوضع النسبي لهما.

2) بيّن أن: $\vec{GA} + \vec{GB} + \vec{GC} = \vec{0}$ ، ماذا تستنتج بالنسبة لـ G ؟

3) عيّن شعاعاً ناظماً \vec{n} للمستوي (ABC) ثم اكتب معادلة له

4) احسب المسافة بين النقط O والمستوي (ABC) .

5) H المسقط العمودي للنقط B على المستقيم (D).

أ) جد إحداثيات النقط H .

ب) استنتج المسافة بين النقط B و المستقيم (D).

(دورة جوان 2011 ت - رياضي)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط A ، B ، C و D حيث: $\vec{AD}(1; 5; 2)$

$\vec{BD}(0; 7; 3)$ ، $\vec{CD}(1; -3; 7)$ و $\vec{C}(2; 8; -4)$

1) بين أن النقط A ، B و D تعين مستويًا.

2) بين أن المستقيم (CD) يعامد المستوي (ABD) .

3) لتكن I المسقط العمودي للنقط C على المستقيم (AB)

أ) بين أن المستقيم (AB) يعامد المستوي (CID)

ب) عيّن معادلة للمستوي (CID) واكتب تمثيلًا وسيطياً لـ (AB)

ج) استنتج إحداثيات النقط I .

4) جد DI ، CD و AB واستنتج حجم رباعي الوجوه $ABCD$

(دورة جوان 2010 ش - رياضيات)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $A(2; 0; 0)$ ، $B(0; 1; 0)$ ، $C(0; 0; 2)$

1) بين أن النقط A ، B و C ليست في استقامية.

2) جد معادلة للمستوي (ABC)

3) جد تمثيلا وسيطيا للمستقيم (BC).

4) (P) هو المستوي الذي معادلته: $2x + 2y + z - 2 = 0$
أ) بين أن: (P) و (ABC) متقاطعان.

ب) بين أن: (P) يشمل B و C ، ماذا تستنتج؟

5) عيّن (E) مجموعة النقط M من الفضاء التي تحقق:

$$\|\overline{MA} + \overline{MB} + \overline{MC}\| = \|2\overline{MA} - \overline{MB} - \overline{MC}\|$$

(دورة جوان 2010 ش - رياضيات)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط $A(-1; 2; 1)$ ، $B(2; 1; 3)$ ، $C(0; -1; 2)$ والتكن

(P) مجموعة النقط M من الفضاء بحيث: $AM = BM$

1- بين أن (P) هو المستوي الذي معادلته $3x - y + 2z - 4 = 0$

2- عيّن معادلة للمستوي (Q) الذي يشمل A ويوازي (P)

3- أ) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (D) الذي يشمل C ويعامد (P)

ب- عيّن احداثيات E نقطة تقاطع (Q) و (D).

ج- احسب المسافة بين النقطة A والمستقيم (D).

4- عيّن تمثيلا وسيطيا للمستوي (π) الذي يحوي المستقيم

ويعامد المستوي (P) ثم استنتج معادلة له.

(دورة جوان 2009 ش - رياضيات)

نعتبر في الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

المستويين (P_1) و (P_2) حيث $x + 2y - z - 2 = 0$ معادلة لـ (P_1)

$$\text{و } (P_2) \text{ تمثيله الوسيطى } \begin{cases} x = 1 + 2\alpha + \beta \\ y = 1 + \alpha \\ z = 5 + \alpha + \beta \end{cases} \text{ و } (\alpha; \beta) \in \mathbb{R}^2$$

1) اكتب معادلة للمستوي (P_2) .

2) عيّن شعاعا ناظميا $\vec{n}_1 \perp (P_1)$ وشعاع ناظميا $\vec{n}_2 \perp (P_2)$

3) بيّن أن المستويين (P_1) و (P_2) متعامدان.

4)- أ) $A(3; 1; 1)$ نقطة من الفضاء ، عيّن المسافة d_1 بين

النقطة A و (P_1) والمسافة d_2 بين النقطة A و (P_2) .

ب) استنتج المسافة d_3 بين النقطة A والمستقيم (Δ) تقاطع

المستويين (P_1) و (P_2) .

5)- أ) عيّن تمثيلا وسيطيا للمستقيم (Δ) بدلالة λ حيث $\lambda \in \mathbb{R}$

ب) M نقطة كيفية من (Δ) ، احسب MA^2 بدلالة λ

مستنتجا ثانية المسافة بين A و (Δ) .

(دورة جوان 2009 ش - رياضيات)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقطتين $A(2; 1; 2)$ ، $B(0; 2; -1)$ والمستقيم (D)

$$\text{ذو التمثيل الوسيطى } \begin{cases} x = 2 + 3t \\ y = 1 - t \\ z = 2t \end{cases} \text{ حيث } t \text{ عدد حقيقي.}$$

1) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB)

اثبت ان (D) و (AB) لا ينتميان إلى نفس المستوي .

2) نعتبر المستوي (P) الذي يشمل المستقيم (AB) ويوازي (D)

أبيّن أن الشعاع $\vec{n}(1; 5; 1)$ عمودي على المستوي (P).

ب- اكتب معادلة للمستوي (P).

ج- بين أن المسافة بين نقطة M من (D) والمستوي (P)

مستقلة عن موضع M.

د- عيّن تمثيلا وسيطيا لمستقيم تقاطع المستويين (P) و (yOz)

(دورة جوان 2008 ش رياضيات)

$(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ معلم متعامد ومتجانس في الفضاء .

نعتبر النقط $A(0, 2, 1)$ ، $B(-1, 1, -3)$ ، $C(1, 0, -1)$

1) اكتب المعادلة الديكارنية لسطح الكرة S التي مركزها C وتشمل النقطة A.

2) ليكن المستقيم (D) المعروف بالتمثيل الوسيطى:

$$\text{حيث } t \text{ عدد حقيقي. } \begin{cases} x = -1 - t \\ y = 1 + 2t \\ z = -3 + 2t \end{cases}$$

أ) اكتب معادلة للمستوي الذي يشمل C ويعامد (D).

ب) احسب المسافة بين النقطة C والمستقيم (D).

ج- ماذا تستنتج فيما يتعلق بالوضع النسبي لكل من المستقيم (D) و سطح الكرة S ؟

(دورة جوان 2008 ش رياضيات)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر المستقيمين (Δ) و (Δ') المعروفين بالتمثيلين الوسيطيين

$$\text{على التوالي } \begin{cases} x = 3 + \lambda \\ y = 2 + \frac{1}{2}\lambda \\ z = -2 - 2\lambda \end{cases} \text{ و } \begin{cases} x = 6 + \alpha \\ y = 1 - 2\alpha \\ z = 5 + \alpha \end{cases} ; \lambda \in \mathbb{R} \text{ و } \alpha \in \mathbb{R}$$

1- بين أن المستقيمين (Δ) و (Δ') ليسا من نفس المستوي

2- M نقطة كيفية من (Δ) و N نقطة كيفية من (Δ')

أ) عين إحداثيات النقطتين M و N بحيث يكون المستقيم

(MN) عموديا على كل من (Δ) و (Δ') .

ب) احسب الطول MN .

3- عين معادلة للمستوي (P) الذي يشمل (Δ) ويوازي (Δ') .

4- احسب المسافة بين نقطة كيفية من (Δ') و (P) ما تلاحظ ؟