

وظيفة منزلية

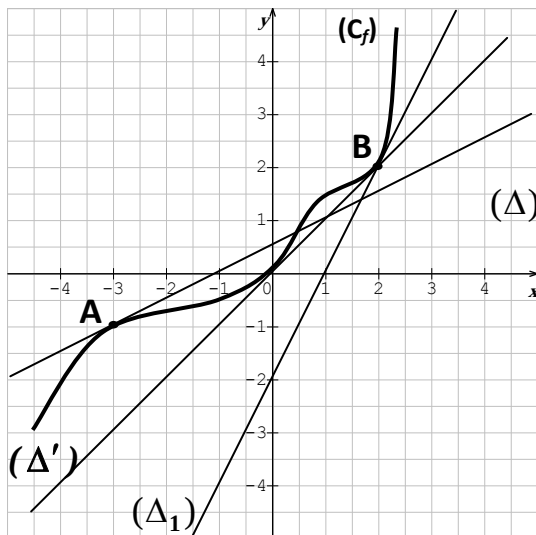
تمرين 01 :

ضع العلامة ☒ أمام كل جملة صحيحة والعلامة ☐ أمام كل جملة خاطئة .

- (1) إذا كانت : $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0 + h) - f(x_0)}{h} = 0$ فإن الدالة f غير قابلة للاشتقاق عند العدد x_0 . ☐
- (2) إذا كان m هو العدد المشتق للدالة f عند العدد x_0 فإن (C_f) يقبل مماسا معاملا توجيهه m . ☐
- (3) إذا كانت : $\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = 0$ فإن (C_f) يقبل مماسا يوازي حامل محور الفواصل . ☐
- (4) إذا كانت الدالة f تقبل الاشتقاق على مجال مفتوح I فإنها تقبل الاشتقاق عند كل عدد x_0 من I . ☐
- (5) إذا كانت الدالة f تقبل الاشتقاق عند x_0 فإنها تقبل الاشتقاق على كل مجال يشمل x_0 . ☐
- (6) كل دالة معرفة على مجال I تقبل الاشتقاق على I . ☐
- (7) مشتق مجموع ثلاثة دوال هو مجموع مشتقات هذه الدوال . ☐
- (8) إذا انعدمت الدالة المشتقة f' عند x_0 فإن $f(x_0)$ قيمة حدية للدالة f . ☐

تمرين 02 :

لتكن f دالة معرفة وقابلة للاشتقاق على المجال $\left[-\frac{9}{2}; \frac{5}{2}\right]$ و C تمثيلها البياني في معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$



النقط O ، A و B تنتمي إلى C .

المستقيمات (Δ') ، (Δ_1) و (Δ_2) هي المماسات للمنحنى C

عند النقط O ، B و A

1. أ. عين $f'(-3)$ ، $f'(0)$ و $f'(2)$

ب. عين معادلة للمستقيمات (Δ') ، (Δ_1) و (Δ_2) .

2. لتكن الدالة g المعرفة على $\left[-\frac{9}{2}; \frac{5}{2}\right]$:

$$h(x) = f(x^3 + 1) \text{ و } g(x) = [f(x)]^{2012}$$

عين $g'(-3)$ ، $g'(0)$ و $h'(1)$ و $h'(0)$



(1) عين I مجموعة تعريف الدالة f حيث : $f(x) = \sqrt{x}$.

(2) أنشئ (C_f) .

(3) نعتبر الدالة g حيث : $g(x) = \frac{\sqrt{(x-1)^2 \cdot x}}{x-1}$.

• بين أن g معرفة على $I - \{1\}$

• بين كيف يمكن إنشاء (C_g) انطلاقا من (C_f) .

• هل تقبل الدالة g نهاية عند 1 .

f دالة عددية لمتغير حقيقي x معرفة كما يلي : $f(x) = x^2 - x$

(1) أدرس تغيراتها ثم أنشئ (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد متجانس $(\vec{i}, \vec{j}; \vec{o})$. وحدة الطول 2cm .

(2) ليكن كثير الحدود $p(x)$ حيث : $p(x) = 2x^3 + 3x^2 - 5$

احسب $p(1)$ ثم اكتب $p(x)$ على شكل جداء عاملين ثم ادرس إشارته .

(3) نعتبر الدالة g حيث : $g(x) = \frac{x^3 - x + 4}{x + 1}$

أ- بين أنه من أجل كل عدد x من $\mathbb{R} - \{-1\}$ فإن : $g'(x) = \frac{p(x)}{(x+1)^2}$

ب- ادرس تغيرات الدالة g .

(4) بين أنه من أجل كل عدد x من $\mathbb{R} - \{-1\}$: $f(x) = g(x) + \frac{a}{x+1}$ حيث a عدد حقيقي يطلب تعيينه .

- احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} (g - f)$ ($\lim_{x \rightarrow -\infty} (f - g)$) . فسر النتيجة هندسيا .

- استنتج الوضع النسبي للمنحنين (C_g) و (C_f) .

- أنشئ (C_g) و (C_f) في نفس المعلم السابق .

(5) ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي m إشارة و عدد حلول المعادلة : $x^3 - (1+m)x + 4-m=0$