

امتحان الفصل الثاني

المدة : ساعتان

الشعبة : 3 علوم تجريبية

اختبار في مادة الرياضيات

التمرين الأول :

 $(O; \vec{u}; \vec{v})$ معلم متعامد ومتجانس للمستوي المركب .

$$(1) \text{ حل في } \mathbb{C} \text{ المعادلة : } z^2 + 3z + \frac{25}{4} = 0$$

$$(2) \text{ نعتبر النقاط } A, B, \text{ و } C \text{ التي لواحقتها على الترتيب } z_A = -\frac{3}{2} + 2i, z_B = \frac{5}{2} + 2i, \text{ و } z_C = z_A + z_B$$

(أ) عين اللاحقة z_M للنقطة M منتصف قطعة المستقيم $[BC]$ ثم علم النقاط A, B, C و M .(ب) بين أن اللاحقة z_D للنقطة D صورة النقطة C بالدوران r الذي مركزه A وزاويته $\frac{\pi}{2}$ هي $-\frac{7}{2} + \frac{9}{2}i$.(ج) • بين أن B صورة النقطة E ذات اللاحقة $z_E = \overline{z_A}$ بالدوران r ، استنتج طبيعة المثلث AEB .

$$(3) \text{ اكتب } \frac{z_E - z_D}{z_A - z_M} \text{ على الشكل الأسّي ، ثم فسر النتيجة هندسياً.}$$

التمرين الثاني :

في الفضاء المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، نعتبر النقاط $A(1;2;3)$ ، $B(1;1;2)$ ، $C(0;3;-1)$ و $D(-4;1;4)$.(أ) احسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}$ ثم استنتج أن النقاط A, B و C تعين مستويا.

$$(ب) \text{ بين أن مساحة المثلث } ABC \text{ تساوي } \frac{3\sqrt{3}}{2} u.a$$

(ج) بين أن $\overrightarrow{DA}$ شعاع ناظمي للمستوي (ABC) ، ثم عين معادلة ديكرتية له.(أ) عين تمثيلاً وسيطياً للمستقيم (Δ) الذي يمر بالنقطة D ويعامد المستوي (ABC) .(ب) استنتج نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمستوي (ABC) .(3) احسب حجم رباعي الوجوه $ABCD$.

التمرين الثالث :

$$I - \text{ علما أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0 \text{ بين أن } \lim_{x \rightarrow +\infty} x \ln x = 0$$

$$II - \text{ نعتبر الدالة العددية } g \text{ المعرفة على المجال }]0; +\infty[: g(x) = x(2 - \ln x) - e$$

(1) ادرس اتجاه تغير الدالة g (النهايات غير مطلوبة) ثم شكل جدول تغيراتها.(2) استنتج أنه من أجل كل عدد حقيقي $x > 0$ ، $g(x) \leq 0$.

$$III - \text{ الدالة العددية المعرفة والمستمرة على المجال }]0; +\infty[: f(x) = \begin{cases} x - x \ln x, & x \neq 0 \\ 0, & x = 0 \end{cases}$$

 (C_f) التمثيل البياني للدالة f في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

$$(1) \text{ أ) احسب } \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) \text{ ثم } \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h)}{h} \text{ فسر بيانيا هذه النتيجة.}$$

(ب) ادرس اتجاه تغير الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها.(2) أ) عين معادلة المماس (Δ) للمنحنى (C_f) عند النقطة التي فاصلتها e .(ب) حدد وضعية (C_f) بالنسبة للمماس (Δ) ثم ارسم (Δ) و (C_f) .(3) ناقش بيانيا عدد حلول المعادلة $x \ln x = 2x - m$ حيث m وسيط حقيقي.