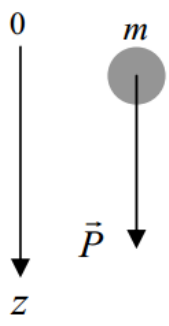


# ملخص لقوانين وحدة تطور جملة ميكانيكية

## الجزء الثاني

| القوانين و الخواص                    |                                                | العبرة الحرفية                                                                                           |  | ملاحظات و إضافات                                                                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|--------------------------------------|------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------|--|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------|
| القوى التي يخضع لها الجسم            | المعادلتان التفاضليتان اللتان تخضع لهما السرعة | $P = mg$ : قوة ثقله<br>$f = kv^n$ : قوة الاحتكاك مع المائع :<br>$\Pi = \rho_f V_s g$ : دافعة أرخميدس :   |  | $m$ : كتلة الجسم بالـ $kg$<br>$g = 10 N.kg^{-1}$ : الجاذبية الأرضية :<br>$h$ : الارتفاع عن سطح الأرض بالـ $m$<br>$k$ : ثابت الاحتكاك | $v$ : سرعة الجسم بالـ $m.s^{-1}$<br>$\rho_f$ : الكتلة الحجمية للمائع بالـ $kg.m^{-3}$<br>$\rho_s$ : الكتلة الحجمية للجسم بالـ $kg.m^{-3}$<br>$V_s$ : حجم الجسم المتحرك بالـ $m^3$                                                         |                                                                                     |
|                                      |                                                | حالة $f = kv$                                                                                            |  | $\frac{dv}{dt} + \frac{k}{m}v = g\left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right)$                                                             | حل هذه المعادلة هو<br>$v = \frac{mg}{k}\left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right)\left(1 - e^{-\frac{k}{m}t}\right)$                                                                                                                          | السرعة الحدية<br>$v_l = \frac{mg}{k}\left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right)$         |
|                                      |                                                | حالة $f = k'v^2$                                                                                         |  | $\frac{dv}{dt} + \frac{k'}{m}v^2 = g\left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right)$                                                          | حل هذه المعادلة هو بطريقة أولر<br>$v_{n+1} = v_n + (A - Bv_n^2)\Delta t$                                                                                                                                                                  | السرعة الحدية<br>$v_l = \sqrt{\frac{mg}{k'}\left(1 - \frac{\rho_f}{\rho_s}\right)}$ |
|                                      |                                                | حالة $f = kv$<br>حالة $f = k'v^2$                                                                        |  | $\tau = \frac{v_l}{a_0} = \frac{m}{k}$<br>$\tau = \frac{v_l}{a_0} = \sqrt{\frac{m}{k'a_0}}$                                          | $\tau$ : الثابت المميز للحركة (ثابت الزمن) بالـ $s$<br>$a_0$ : التسارع الابتدائي بالـ $m.s^{-2}$<br>$k$ : ثابت الاحتكاك في حالة سرعة الجسم صغيرة بالـ $kg.s^{-1}$<br>$k'$ : ثابت الاحتكاك في حالة سرعة الجسم كبيرة نسبيا بالـ $kg.m^{-1}$ | الزمن المميز للسقوط (ثابت الزمن)                                                    |
| ثابت الاحتكاك $k$                    |                                                | يتعلق بلزوجة المائع و شكل الجسم فبالنسبة لكرة نصف قطرها $r$ يكون $k = 6\pi\eta r$ $\eta$ : معامل اللزوجة |  |                                                                                                                                      |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
| ثابت الاحتكاك $k'$                   |                                                | لا يتعلق بلزوجة المائع بل يتعلق فقط بشكل الجسم فبالنسبة لكرة نصف قطرها $r$ يكون $k' = 0,22\pi\rho_f r^2$ |  |                                                                                                                                      |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
| السقوط الحر الشاقولي                 | التسارع                                        | $\vec{a} = \vec{g}$ و $a = g$                                                                            |  | المعادلة التفاضلية                                                                                                                   |                                                                                                                                                          |                                                                                     |
|                                      | السرعة                                         | $v = gt + v_0$<br>$v_B - v_A = gt$                                                                       |  | نقول عن جسم أنه في سقوط حر إذا كان أثناء حركته لا يخضع إلا لقوة ثقله                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | الفاصلة                                        | $z = \frac{1}{2}gt^2 + v_0t + z_0$                                                                       |  | حيث $t$ هي المدة المستغرقة لقطع المسافة $h$                                                                                          |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | العلاقة بين المسافة المقطوعة و الزمن           | $h = \frac{1}{2}gt^2 + v_0t$                                                                             |  | حيث $h$ هي المسافة $AB$                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
| السقوط الحر في مجال الجاذبية الأرضية | التسارع                                        | $\vec{a} = \vec{g}$ و $a = g$                                                                            |  | القذيفة هي جسم يقذف من نقطة بسرعة ابتدائية يصنع شعاعها مع المستوى الأفقي الذي قذفت منه زاوية $\alpha \in [0; \frac{\pi}{2}]$         |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | السرعة على المحور الأفقي                       | الحركة منتظمة على المحور الأفقي                                                                          |  | $x = v_0 \cos \alpha t \Leftrightarrow v_x = v_0 \cos \alpha$                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | السرعة الابتدائية على المحور الشاقولي          | الحركة متغير بانتظام على المحور الشاقولي                                                                 |  | $z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_0 \sin \alpha t \Leftrightarrow v_{0,z} = v_0 \sin \alpha$                                                 |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | السرعة على المحور الشاقولي                     | $v_z = -gt + v_0 \sin \alpha$                                                                            |  |                                                                                                                                      |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
| الميكانيك الكمية                     | معادلة المسار                                  | $z = -\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}x^2 + x \tan \alpha$                                                 |  | المدى هي أكبر مسافة تقطعها القذيفة على المحور الأفقي .                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | فاصلة المدى                                    | $d = \frac{v_0^2 \sin 2\alpha}{g}$                                                                       |  | الذروة هي أعلى نقطة تصلها القذيفة , شعاع السرعة عند الذروة يكون أفقيا لأن السرعة على المحور العمودي تنعدم .                          |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | ترتيب الذروة                                   | $h = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$                                                                     |  | الطاقة الميكانيكية $E$ هي مجموع الطاقين الكامنة الثقالية و الحركية .                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | سرعة القذيفة في لحظة معينة                     | $v_B^2 = v_A^2 + 2g(h_A - h_B)$                                                                          |  |                                                                                                                                      |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
| الميكانيك الكمية                     | الطاقة الكامنة                                 | $E_{pp} = mgz$                                                                                           |  | $E_{pp} = -\frac{1}{2}mg^2t^2 + mgv_0 \sin \alpha t \Leftrightarrow$                                                                 |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | الطاقة الحركية                                 | $E_c = \frac{1}{2}mv^2$                                                                                  |  | $E_c = \frac{1}{2}mg^2t^2 - mgv_0 \sin \alpha t + \frac{1}{2}mv_0^2 \Leftrightarrow$                                                 |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | فرضية بلانك                                    | $E = hv$                                                                                                 |  | $h = 6,63.10^{-34} J.s$ : ثابت بلانك<br>$v$ : تواتر الإشعاع بالـ $Hz$                                                                |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |
|                                      | العلاقة بين طول موجة الإشعاع و تواتره          | $c = \lambda_{vid}v$                                                                                     |  | $c = 3.10^8 m.s^{-1}$ : سرعة الضوء في الفراغ :<br>$\lambda_{vid}$ : طول موجة الإشعاع في الفراغ                                       |                                                                                                                                                                                                                                           |                                                                                     |