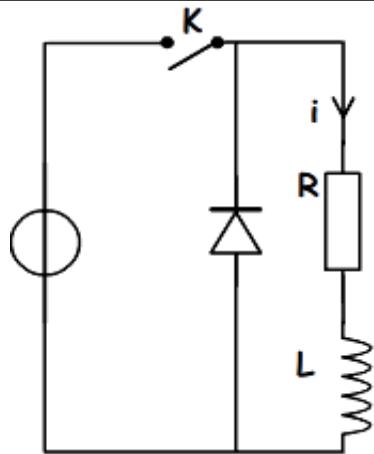




الفرض المحسوس الأول للثلاثي الثاني في العلوم الفيزيائية

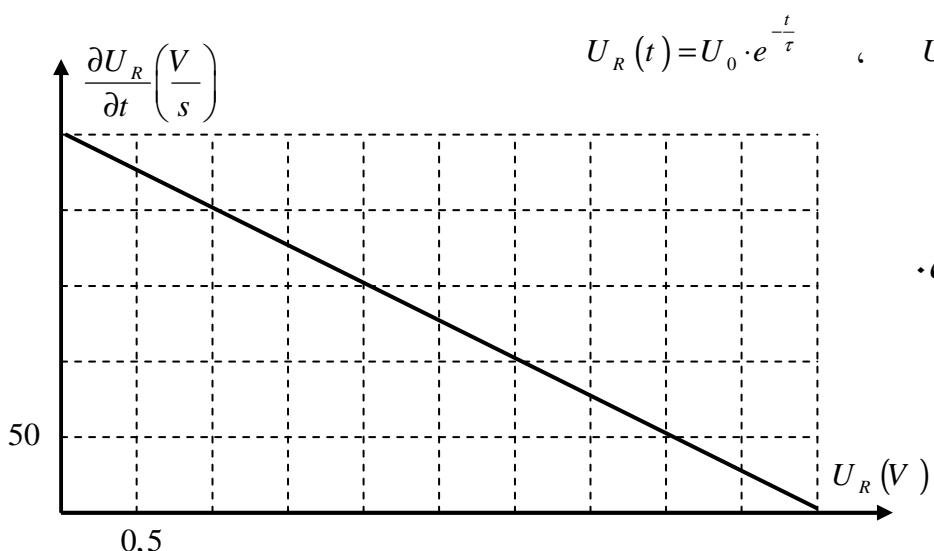


التمرين الأول : (10 نقاط)

يبين التركيب التالي (الشكل 1) دارة تسلسليّة تشتمل على : وشيعة مهمّلة مقاومتها ذاتيّتها (L) ، ناقل أومي مقاومته $R = 40\Omega$ ، مولد مثالي يعطي توتر ثابت E ، راسم اهتزاز ، صمام ثنائّي ، قاطعّة.

عند اللحظة $t = 0$ نغلق القاطعّة في مرّ التيار كما هو موضح في الشكل :

1. اعد رسم الدارة موضحا اتجاه التوترات (E ، $U_L(t)$ ، $U_R(t)$).
2. أوجد المعادلة التفاضلية التي تعطي تطوير التوتر ($U_R(t)$).
3. تأكّد أن المعادلة السابقة تقبل احدى العبارتين التاليتين حلا لها ، محددا العبارة الصحيحة مع تعريف عبارتي U_0 و τ :



$$U_R(t) = U_0 \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} , \quad U_R(t) = U_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}\right)$$

4. يمثل البيان المعطى تغيرات المقدار

$$\text{بدالة } U_R(t) \frac{\partial U_R(t)}{\partial t} .$$

أكتب العبارة البيانية الموافقة لهذا البيان.

ب) استنتج من البيان مميزات الدارة المستعملة τ ، E ، L .

التمرين الثاني : (10 نقاط)

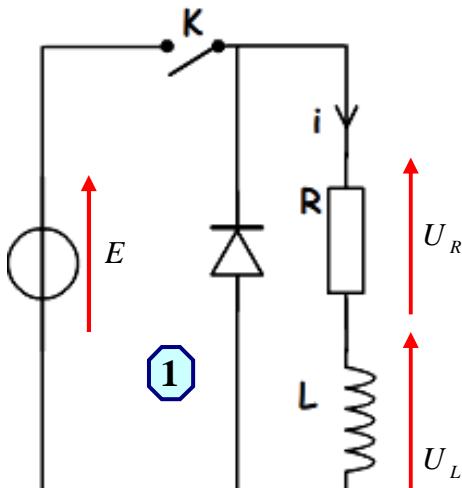
أعطى قياس الناقليّة الكهربائيّة النوعيّة لمحلول حمض الإيثانويك حجمه $50mL$ وتركيزه المولي $C = 1 \times 10^{-2} mol/L$ عند درجة الحرارة $25^\circ C$ القيمة $\sigma = 0,156 ms/cm$.

1. اكتب معادلة احلال حمض الإيثانويك في الماء، مبينا الثنائيات (أساس / حمض) المشاركة.
2. أنشئ جدول التقدم مبينا الكميات الابتدائية .
3. أوجد عبارة الناقليّة النوعيّة للمحلول عند التوازن بدالة $[H_3O^+]_{eq}$ والناقليات النوعيّة المولية الشاردية الموافقة.
4. أحسب $[H_3O^+]_{eq}$ واستنتاج قيمة نسبة التقدم النهائي γ_f .
5. أحسب قيمة pH للمحلول واستنتاج قيمة الـ pK_a للثنائية المدروسة.

$$\lambda_{(CH_3COO^-)} = 4,1 msm^2/mol , \quad \lambda_{(H_3O^+)} = 35 msm^2/mol \quad \text{تعطى:}$$

﴿إذا صاقت بك الرنيا فلا تقل: يارب عندي هم كبير وللن قل: ياهم لي رب كبير﴾

التمرين الأول : (10 نقاط)



1. رسم الدارة مع توضيح اتجاه التوترات E ، $U_L(t)$ ، $U_R(t)$.

2. المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور التوتر $U_R(t)$: بتطبيق قج التوترات

$$\text{نجد : } \frac{\partial i}{\partial t} = \frac{1}{R} \frac{\partial U_R}{\partial t} \quad \text{وبما أن : } L \frac{\partial i}{\partial t} + U_R(t) = E$$

1

$$\langle 1 \rangle \dots \frac{\partial U_R}{\partial t} + \frac{R}{L} U_R(t) = \frac{R}{L} E$$

3. إيجاد عبارتي U_0 و τ :

ان غلق القاطعه يعني اقامته التيار في الدارة وهذا معناه تزايد $i(t)$ وبالتالي

$$\langle 1 \rangle \quad U_R(t) = U_0 \left(1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \quad \text{ومنه العبارة الصحيحة هي :}$$

$$1 \quad \tau = \frac{L}{R}$$

$$U_0 = E$$

1

$$\frac{1}{\tau} U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{R}{L} U_0 - \frac{R}{L} U_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = \frac{R}{L} E \quad \text{بالتعميض نجد :}$$

4. أ) العبارة البيانية الموقعة للبيان:

البيان عبارة عن مستقيم معادلته : $b = 250 \frac{V}{s}$ و $a = \tan(\alpha) = -50 s^{-1}$ حيث : $\frac{\partial U_R}{\partial t} = a U_R + b$

$$\langle 2 \rangle \dots \frac{\partial U_R}{\partial t} = -50 U_R + 250$$

2

ب) استنتاج القيم τ ، E ، L :

يمكن كتابة المعادلة $\langle 1 \rangle$ على الشكل : $\frac{\partial U_R}{\partial t} = -\frac{R}{L} U_R + \frac{R}{L} E$ وبمطابقتها إذن مع المعادلة $\langle 2 \rangle$:

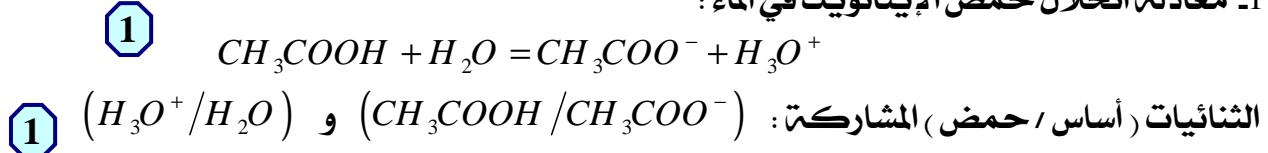
$$1 \quad \tau = \frac{L}{R} = \frac{1}{50} = 0,02 s \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{R}{L} = 50 s^{-1} \quad •$$

$$1 \quad E = 5V \quad \text{وبالتالي} \quad \frac{R}{L} E = 250 \frac{V}{s} \quad •$$

$$1 \quad L = \tau \times R = 0,8H \quad \text{وبالتالي} \quad \tau = \frac{L}{R} \quad •$$

التمرين الثاني : (10 نقاط)

1. معادلة اتحاد حمض الإيثانويك في الماء :



2. جدول التقدم :

	$\text{CH}_3\text{COOH} + \text{H}_2\text{O} = \text{CH}_3\text{COO}^- + \text{H}_3\text{O}^+$			
1	الحالة الابتدائية	5×10^{-4}	مقدمة	0
	الحالة الانتقالية	$5 \times 10^{-4} - x(t)$		$x(t)$
	الحالة النهائية	$5 \times 10^{-4} - x_{eq}$		x_{eq}

3. الناقليات النوعية للمحلول عند التوازن بدلالة $[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}$ والناقليات المولية الشاردية :

$$\sigma_{eq} = \lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} + \lambda_{\text{CH}_3\text{COO}^-} [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq} \Rightarrow \sigma_{eq} = (\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} + \lambda_{\text{CH}_3\text{COO}^-}) [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}$$

1

4. حساب $[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}$ واستنتاج قيمة نسبة التقدم النهائي τ_f :

$$\bullet \quad [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} = \frac{\sigma_{eq}}{(\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} + \lambda_{\text{CH}_3\text{COO}^-})} = \frac{0,156 \times 10^{-3} \times 10^2}{39,1 \times 10^{-3}} = 0,4 \frac{\text{mol}}{\text{m}^3} = 4 \times 10^{-4} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

2

$$\bullet \quad \tau_f = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq}}{C} = \underline{\underline{0,04}} = 4\%$$

1

5. حساب قيمة pH للمحلول واستنتاج قيمة pKa للثنائية المدرستة.

$$\bullet \quad pH = -\log [\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} = \underline{\underline{3,4}}$$

1

$$\bullet \quad K_a = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} \times [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq}}{[\text{CH}_3\text{COOH}]_{eq}} = \frac{[\text{H}_3\text{O}^+]_{eq} \times [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq}}{C - [\text{CH}_3\text{COO}^-]_{eq}} = \frac{(4 \times 10^{-4})^2}{(10^{-2} - 4 \times 10^{-4})} = \underline{\underline{1,67 \times 10^{-5}}}$$

2 $\underline{\underline{pKa = -\log K_a = 4,8}}$ ومنه يمكن أن نستنتج أن :

ومن لصلب العلا من غير كه أضاعم العُمر في لصلب المُحلل