

التمرين الأول:

I. لتكن الدالة g المعرفة على R بـ: $g(x) = 2e^x - x - 2$

(1) أدرس تغيرات الدالة g .

(2) أحسب $g(0)$ ثم بين أن المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا $\alpha \in]-1.6, -1.5[$

(3) استنتج إشارة $g(x)$.

II. f دالة عددية معرفة معرفة على R كما يلي : $f(x) = e^{2x} - (x+1)e^x$ و (C) تمثيلها البياني في

مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) أدرس تغيرات الدالة f (استعن بالسؤال 3. I).

(2) بين أن $f(\alpha) = \frac{-(\alpha^2 + 2\alpha)}{4}$ أعط حصر الـ $f(\alpha)$.

(3) أرسم (C) على المجال $]-\infty, 1]$.

التمرين الثاني :

I. g دالة عددية معرفة على المجال $]0, +\infty[$ كما يلي : $g(x) = 2x^2 + 1 - \ln x$.

(1) أدرس تغيرات الدالة g .

(2) أستنتج إشارة $g(x)$ على المجال $]0, +\infty[$.

Π دالة عددية معرفة على المجال $]0, +\infty[$ كما يلي : $f(x) = 2x - 2 + \frac{\ln x}{x}$ و (C) تمثيلها البياني في

مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(o; \vec{i}; \vec{j})$

(1) أحسب $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$.

(2) بين انه من أجل كل $f'(x) = \frac{1}{x^2} g(x) : x \in]0, +\infty[$ ثم شكل جدول التغيرات على المجال

 $\cdot]0, +\infty[$

(3) برهن أن المستقيم (Δ) الذي معادلته $y = 2x - 2$ مقارب مائل لـ (C) عند $+\infty$.

(4) أدرس وضعية المنحنى (C) بالنسبة إلى المستقيم (Δ).

(5) v دالة عددية معرفة على المجال $]0, +\infty[$ كما يلي: $v(x) = 2e \ln x - x - e$.

أحسب $v(e)$ ثم اكتب معادلة المماس لـ (T) — (C) الذي يشمل النقطة $A(0, \frac{1}{e} - 2)$.

(6) ارسم (Δ) و (T) ثم (C) .

$$\ln x = 2x + mx \quad m \quad 7$$

بالتوفيق