

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

المستوى : السنة الثالثة علوم تجريبية
المدة : 3 سا

ثانوية بن شنوف تامر
بن عكنون

اختبار الفصل الأول في مادة " رياضيات "

التمرين الأول : (3 نقط)

حل في R ما يلي :

$$e^x - 1 - \frac{6}{e^x} = 0 \quad (1)$$

$$\ln(x-1) + \ln x > \ln 2 \quad (2)$$

$$(\ln x)^2 - 29 \ln x + 198 = 0 \quad (3)$$

التمرين الثاني : (4 نقط)

تعتبر المعادلة التفاضلية $y' - 2y = e^{2x}$ (E)

(1) تحقق أن الدالة u المعرفة على R بـ : $u(x) = xe^{2x}$ حل للمعادلة (E)

(2) حل المعادلة التفاضلية $y' - 2y = 0$ (F)

(3) v دالة معرفة على R و هي حل للمعادلة (E)

بين أن الدالة $u - v$ هي حل للمعادلة (F)

(4) أستنتج الحل العام للمعادلة (E) عين الحل الخاص f للمعادلة E حيث
 $f(0) = 3$

التمرين الثالث : (4 نقط)

f دالة معرفة على المجال : $D =]-\infty, -1[\cup]1, +\infty[$

كما يلي : $f(x) = \frac{1}{4}x + \ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$

(C) تمثيلها البياني في معلم $(o, \vec{i}, \vec{j})$

(1) بين أن الدالة f فردية. ماذا تستنتج بالنسبة لـ : (C).

(2) بين أن المستقيم (Δ) معادلته $y = \frac{1}{4}x$ مقارب لـ : (C) في جوار $+\infty$ و $-\infty$

- أدرس وضعية (C) بالنسبة لـ : (Δ)

التمرين الرابع : (9 نقط)

1 - g دالة معرفة على $[0, +\infty[$ بـ : $g(x) = e^x - x - 1$

(1) بين أن من أجل كل $x > 0$ $g'(x) > 0$

أستنتج تغيرات g على $[0, +\infty[$

(2) أحسب $g(0)$ ثم أستنتج أن من أجل كل $x > 0$ لدينا $g(x) > 0$

(3) h دالة معرفة على $[0, +\infty[$ بـ : $h(x) = (2-x)e^x - 1$

(أ) أدرس تغيرات h ثم شكل جدول تغيراتها

ب) بين أن المعادلة $h(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $1.84 < \alpha < 1.85$

ج) حدد حسب قيم x من $[0, +\infty[$ إشارة $h(x)$

II - f دالة معرفة على $[0, +\infty[$ كما يلي :

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x} \quad (C) \text{ تمثيلها البياني في معلم متعامد و}$$

متجانس $(\vec{i}, \vec{j})$ حيث $\|\vec{i}\| = 5 \text{ cm}$

(1) برر أن f معرفة على $[0, +\infty[$

$$f(x) = \frac{1 - e^{-x}}{1 - xe^{-x}} \quad x \geq 0 \quad (2) \text{ بين أن من أجل كل}$$

أستنتج $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ ثم فسر بيانيا هذه النتيجة.

(3) بين أن $f'(x) = \frac{h(x)}{(e^x - x)^2}$ ثم أدرس تغيرات الدالة f و شكل جدول تغيراتها.

$$f(x) - x = \frac{(1-x)(g(x))}{e^x - x} \quad x \geq 0 \quad (4) \text{ بيت أن :}$$

أستنتج وضعية (C) بالنسبة للمستقيم (Δ) الذي معادلته $y = x$

(5) أكتب معادلة المماس للمنحنى (C) عند النقطة التي فاصلتها $x_0 = 0$.

(6) أنشئ (Δ) ثم (C): نأخذ $(\alpha = 1.845)$

III - f دالة معرفة على R كما يلي

$$k(x) = \begin{cases} f(x), & x \geq 0 \\ \frac{x^2}{x-1}, & x < 0 \end{cases}$$

(1) هل k مستمرة عند 0 ؟

(2) أدرس قابلية اشتقاق الدالة k على يمين ثم على يسار 0

هل k تقبل الاشتقاق عند 0 ؟