

ءف ءءبار المفل الأول فف ماعه العلف الففزفأففة

المسأرفف الأول : (8 نفا)

فءفعل كربوناء الكالسفوم CaCO_3 مع مءول ءمض كلور الهفءروففن $(\text{H}^+_{(aq)} + \text{Cl}^-_{(aq)})$ ءسب المعاءلة الآففة :



(1) - لأرسة ءركفة هءا الففعل الفام فف ءرءة ءرارة ءابفة $\theta = 25^\circ\text{C}$ نصب فف ءوئلة ءءوفف ءمفة وافرء من كربوناء الكالسفوم ءءما $V_A = 100\text{mL}$ من مءول ءمض كلور الهفءروففن ذف الفركفز $C = 0,1\text{mol/L}$ ، نففس ضفءط ءار ءءافف أءسفء الكربون الفافء و المسءقبل فف ءوئلة ءائفة ءءمها $V = 1\text{L}$ بواسطة مءفاس الضفءط و هءا فف ءءظاء زمنية معفنة ءما بوفءه ءءول الفافف :

t(s)	10	20	30	40	50	60	70	80	90
$P_{\text{CO}_2} \times 10^2(\text{Pa})$	12,5	22,8	33,2	41,2	48,8	55,6	60,9	65,4	69,4
$X \cdot 10^{-3}(\text{mol})$									

(a) - أنشفء ءءول فءم الففعل للفءول الكفمفافف ءءء .

(b) - أوءء علاقة بفن فءم الففعل X فف أف ءءة t بءلالة $R, P(\text{CO}_2), T, V$ ءفء $R = 8,314(\text{SI})$ ءابء العازاء المءالففة .

(c) - أكمل ءءول السافق ءم ارسم المنءف $X = f(t)$.

(d) - أوءء ءركفب الوسط الففعلف فف الءءة $t = 50\text{s}$.

(e) - أوءء فءم الففعل الأفءمف X_{max} ءم اسءءء زمن نصف الففعل $t_{\frac{1}{2}}$.

(2) - فمكن فءبع فءور هءا الفءول بءرففة ففاس الفاففة النوعفة σ بءلالة الزمن t .

(a) - ما هف الشوارء المءوآءة فف الوسط الففعلف ؟ و ما هف الشارءة ءءاملة كفمفاففا (ءركفزها لا فءففر) ؟

(b) - أءبب عبارة الفاففة النوعفة $\sigma(t)$ للمزفء الففعلف بءلالة الفراكفز المولفة و الفاففة النوعفة المولفة للشوارء المءوآءة فف المزفء .

(c) - أءسب ففمة الفاففة النوعفة الفبءائفة σ_0 فف الءءة $t = 0$.

(d) - بفن أنه ءوءء علافة بف σ و الفءم X بءفء $\sigma(t) = 4,25 - 580X(t)$.

(e) - أءسب ففمة الفاففة النوعفة الففائفة σ_{max} .

المعطففاء : الفاففة النوعفة المولفة الشارءفة للشوارء عءء $\theta = 25^\circ\text{C}$ بف $\text{ms} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{mol}^{-1}$ هف :

$$\lambda_{\text{H}_3\text{O}^+} = 35,0 \quad ; \quad \lambda_{\text{Ca}^{2+}} = 12,0 \quad ; \quad \lambda_{\text{Cl}^-} = 7,5$$

التصويين الثاني (7 نقاط)

تتفكك نواة الراديوم $^{226}_{88}\text{Ra}$ طبيعياً بانبعثات جسيمات α .
 (1) - أكتب معادلة تفكك الراديوم ، محدداً نواة الابن .

يعطى

^{82}Pb	^{83}Bi	^{84}Po	^{83}At	^{86}Rn	^{87}Fr	^{89}Ac	^{90}Tn
------------------	------------------	------------------	------------------	------------------	------------------	------------------	------------------

(2) - تعتبر عينة نشطة إشعاعياً تحتوي على $m_0 = 1\text{mg}$ من الراديوم ^{226}Ra
 أ- أوجد عبارة كتلة الراديوم m المتواجدة في العينة في اللحظة t بدلالة m_0 و λ و t .
 ب- أكتب عبارة m بدلالة m_0 و $t_{1/2}$ و t .

(3) - إن ثابت النشاط الإشعاعي للراديوم هو $(S^{-1}) \lambda = 1.36 \times 10^{-11}$
 - عرّف زمن نصف العمر $t_{1/2}$ ثم احسبه بالسنة .

(4) - أكمل الجدول التالي:

t (ans)	0	$t_{1/2}$	$2 t_{1/2}$	$3 t_{1/2}$	$4 t_{1/2}$	$5 t_{1/2}$
m (mg)	m_0					

ب- أرسم المنحنى البياني : $m = f(t)$

ج- اعتماداً على البيان : استنتج المدة الزمنية الموافقة لتفكك $\frac{7}{8}$ من أنوية العينة الابتدائية ، ثم تأكد من ذلك حسابياً.

د - احسب نشاط العينة عند اللحظة السابقة.

(5) - يتابع $^{226}_{88}\text{Ra}$ سلسلة من التفكك من نمط α و β^- الحصول على نواة الرصاص ^{206}Pb .
 أكتب المعادلة النووية الموافقة مبيناً عدد التفككات α و β^- التي تسمح بتحول $^{226}_{88}\text{Ra}$ إلى ^{206}Pb .

$$N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1} ; M(\text{Ra}) = 226 \text{ g/mol}$$

التصويين الثالث (5 نقاط)

ينتج الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$ المتواجد في الصخور البحرية عن التفكك التلقائي لليورانيوم $^{234}_{92}\text{U}$ خلال الزمن ولذلك يتواجد الثوريوم واليورانيوم بنسب مختلفة في جميع الصخور البحرية حسب تاريخ تكوينها .

تتوفر عينة من صخرة بحرية كانت تحتوي عند لحظة تكونها التي نعتبرها مبدأ للتواريخ ($t=0$)، على عدد N_0 من نوى اليورانيوم $^{234}_{92}\text{U}$ ونعتبر أنها لم تكن تحتوي آنذاك على نوى الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$ عند اصل (مبدأ) التواريخ .
 أظهرت دراسة هذه العينة عند لحظة t أن نسبة عدد نوى الثوريوم على عدد نوى اليورانيوم هو:

$$r = \frac{N(^{230}_{90}\text{Th})}{N(^{234}_{92}\text{U})} = 0.40$$

(1) - عرّف النواة المشعة .

(2) - احسب بالـ MeV طاقة الربط E_p للنواة $^{234}_{92}\text{U}$.

(3) - نواة اليورانيوم $^{234}_{92}\text{U}$ إشعاعية النشاط تتحول تلقائياً إلى نواة الثوريوم $^{230}_{90}\text{Th}$.

- بنطبق قانوني الإنحفاظ أكتب معادلة تفكك نواة $^{234}_{92}\text{U}$.

(4) - بين أن عدد نوى الثوريوم عند اللحظة t تكتب على الشكل $N_{Th} = N_0 (1 - e^{-\lambda t})$

(5) - أوجد عبارة اللحظة t بدلالة r و $t_{1/2}$ ، ثم احسب t .

يعطى زمن نصف العمر لعنصر $^{234}_{92}\text{U}$: $t_{1/2} = 2,455 \cdot 10^5 \text{ ans}$

$$m_n = 1,00866 \text{ u} , m_p = 1,00728 \text{ u} , 1\text{u} = 931,5 \text{ MeV}/c^2 , m_u = 234,040947 \text{ u}$$

2- الشوارد المتواجدة في الوسط التفاعلي

Ca^{2+}, H^+, Cl^-
 المتاردة الخاملة كيميائياً Cl^-
 بعبارة الساقلية النوعية

$$V(t) = \lambda_{H^+} [H^+](t) + \lambda_{Ca^{2+}} [Ca^{2+}](t) + \lambda_{Cl^-} [Cl^-](t)$$

$$[Cl^-](t) = [Cl^-]_0 = C$$

حساب الساقلية النوعية الابتدائية عند $t=0$

$$V_0 = \lambda_{H^+} [H^+]_0 + \lambda_{Cl^-} [Cl^-]_0 = 0$$

$$[H^+]_0 = [Cl^-]_0 = C = 0.1 \text{ mol/l} = 0.1 \cdot 10^3$$

$$[H^+]_0 = [Cl^-]_0 = 10^2 \text{ mol/m}^3$$

$$V_0 = (\lambda_{H^+} + \lambda_{Cl^-}) \cdot C = (35 + 7.5) \cdot 10^2 \cdot 10^2$$

$$V_0 = 4125 \text{ s/m} \cdot \text{m}^3$$

إثبات العلاقة

$$V(t) = 4125 - 580 \times (t)$$

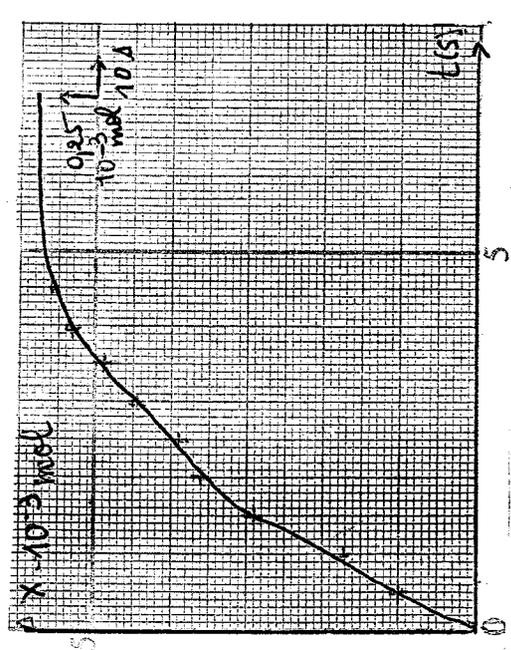
$$V(t) = \lambda_{H^+} [H^+](t) + \lambda_{Ca^{2+}} [Ca^{2+}](t) + \lambda_{Cl^-} [Cl^-](t)$$

$$m_{H^+} = 10^{-2} - 2X \Rightarrow [H^+] = \frac{10^{-2} - 2X}{V_A}$$

$$m_{Ca^{2+}} = X \Rightarrow [Ca^{2+}] = \frac{X}{V_A}$$

$$[Cl^-]_0 = C$$

بالتعويض



إيجاد تركيب الوسط في اللحظة $t=50$

$$X = 1.97 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

من الجدول نجد

$$m_{H^+} = 10^{-2} - 2X = 10^{-2} - 2(1.97 \cdot 10^{-3})$$

$$m_{H^+} = 6.06 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{m}^3$$

$$m_{Ca^{2+}} = m_{Ca^{2+}} = X = 1.97 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \cdot \text{m}^3$$

$$m_{CaCO_3} = m_{H_2O}$$

$$t = \frac{1}{2} X_{max} \text{ و } X_{max} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

من جدول تقدم التفاعل لدينا المتفاعل المحد هو H^+ لأن $CaCO_3$ موجود بزيادة

$$10^{-2} - 2X_{max} = 0 \Rightarrow X_{max} = 5 \cdot 10^{-3} \text{ mol}$$

$$X = \frac{X_{max}}{2} = 2.5 \cdot 10^{-3} \text{ mol} \quad t = \frac{1}{2} X_{max}$$

بالاستقالات على المنحنى نجد

$$t = 1 = 7.2 \text{ s} \quad 0.1$$

دع ب
 2012/2011

تصحيح الاختبار
 للسلاشي الأول

الشرطين الأول (8 نقاط)

4- إنشاء جدول تقدم التفاعل الحادث

المعادلة	$CaCO_3(s) + H^+(aq) = CO_2(g) + Ca^{2+}(aq) + H_2O(l)$
$t=0$	بالزيادة 0 0 0
t	بالزيادة $10^{-2} - 2x$ x x
t_f	بالزيادة $10^{-2} - 2x_{max}$ x_{max} x_{max}

$$m_0 = m_{H^+} + m_{HCl} = C \cdot V_A = 0.1 \cdot 0.1 = 10^{-2}$$

$$m_0 = 10^{-2} \text{ mol} \cdot \text{m}^3$$

إيجاد العلاقة بين V, X, P_{CO_2}

$$P \cdot V = nRT$$

$$P_{CO_2} \cdot V = n_{CO_2} RT$$

$$m_{CO_2} = X \cdot V \Rightarrow P_{CO_2} = X \cdot RT$$

$$X = \frac{V}{RT} \cdot P_{CO_2}$$

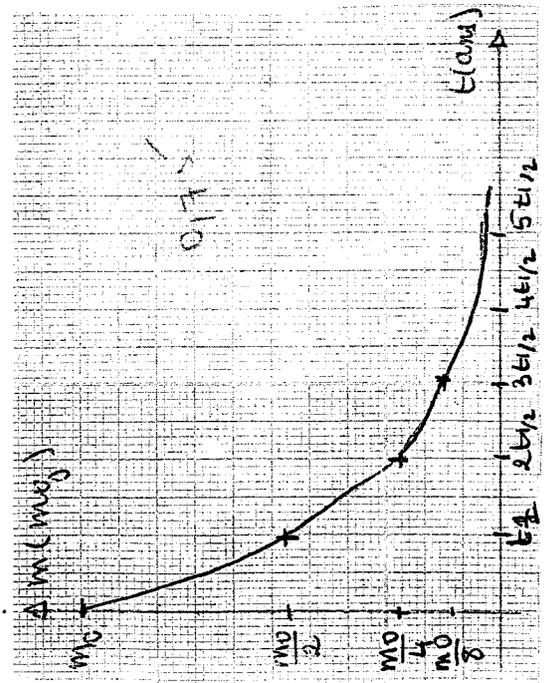
$$X = \frac{10^{-3}}{8.314 \cdot 298} \cdot P_{CO_2}$$

$$X \cdot 10^{-3} \text{ mol} = 0.50 \cdot 0.92 \cdot 1.34 \cdot 1.66 \cdot 1.97 \cdot 2.24 \cdot 2.46 \cdot 2.64 \cdot 2.81$$

$$X = 4.104 \cdot 10^{-7}$$

رسم البيان $X = f(t)$

0.15



المسألة من ذاك حسابياً

$$m = m_0 e^{-\lambda t} \Rightarrow \frac{m}{m_0} = e^{-\lambda t} \Rightarrow t = \frac{1}{\lambda} \ln \frac{m_0}{m}$$

بجد $\frac{m_0}{8}$

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \frac{m_0}{m} = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln \frac{m_0}{m_0/8}$$

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln 8 = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln 2^3 = 3 t_{1/2}$$

حساب A عند اللزوم

$$A = \lambda N = \lambda \frac{m \cdot N_A}{M} = \lambda \frac{m_0}{8} \frac{N_A}{M}$$

حساب A عند اللزوم

$$A = \lambda \frac{m_0 \cdot N_A}{8 M} = \lambda \frac{m_0}{8} \frac{N_A}{M}$$

حساب A عند اللزوم

$$A = \lambda \frac{m_0 \cdot N_A}{8 M} = \lambda \frac{m_0}{8} \frac{N_A}{M}$$

حساب A عند اللزوم

$$A = \lambda \frac{m_0 \cdot N_A}{8 M} = \lambda \frac{m_0}{8} \frac{N_A}{M}$$

$$N(t) = N_0 e^{-\lambda t}$$

$$\frac{m}{M} N_A = \frac{m_0}{M} N_A e^{-\lambda t}$$

عبارة m بدلالة $t_{1/2}$

$$m = m_0 e^{-\lambda t}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$$

3- تعريف: زمن نصف العمر $t_{1/2}$ هو

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

الزمن اللازم لتفكك نصف الأيونات

$$\lambda = 1,36 \cdot 10^{-11} \text{ s}^{-1}$$

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} = 0,693$$

$$t_{1/2} = \frac{0,693}{1,36 \cdot 10^{-11}} = 24 \cdot 3600$$

رسم البيان $m = f(t)$

$$m = m_0 e^{-\lambda t} = m_0 e^{-\frac{\ln 2}{t_{1/2}} t}$$

t (ms)	0	$t_{1/2}$	$2t_{1/2}$	$3t_{1/2}$	$4t_{1/2}$	$5t_{1/2}$
m (mg)	m_0	$\frac{m_0}{2}$	$\frac{m_0}{4}$	$\frac{m_0}{8}$	$\frac{m_0}{16}$	$\frac{m_0}{32}$

استنتاج من البيان زمن تفكك $\frac{7}{8}$ من الأيونات الأولية
 تفكك $\frac{7}{8} m_0$ أي تفكك $\frac{7}{8} N_0$ أي يبقى $\frac{1}{8} N_0$

$$N(t) = \lambda_H + \left(\frac{10 - 2X}{V_A} \right) + \lambda \frac{X}{V_A} e^{-\lambda t}$$

$$N(t) = \frac{35 \cdot 10^{-3}}{10^{-1} \cdot 10^{-3}} (10 - 2X) + \frac{12 \cdot 10^{-3}}{10^{-1} \cdot 10^{-3}} X + 7$$

$$N(t) = 3,5 - 700X + 120X + 0,75$$

$$N(t) = 4,25 - 580X(t)$$

حساب N_{max}

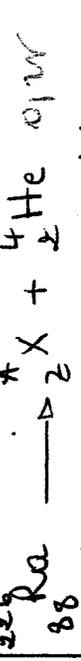
$$N_{max} = 4,25 - 580X_{max}$$

$$N_{max} = 4,25 - 580 \cdot 5 \cdot 10^{-3}$$

$$N_{max} = 1,35 \text{ S/m}$$

التفكيك الثاني (7 نقاط)

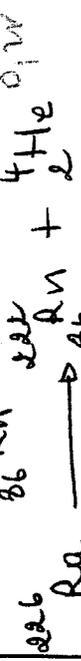
1. معادلة التفكك



حسب قانون حفظ الأعداد النووية والكتلي

$$226 = A + 4 \Rightarrow A = 222$$

$$88 = Z + 2 \Rightarrow Z = 86$$



2. عبارة m بدلالة t

$$\lambda \cdot t = m_0$$

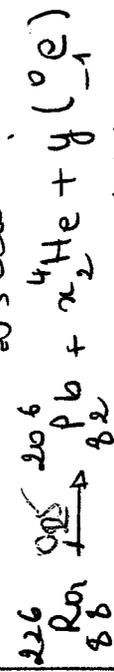
من قانون الاستيعاب

$$A = \frac{1136 \cdot 10^{-10}}{10^{-10}} = 11360$$

8. 226

$$A = 41528 \cdot 10^6 \text{ بg}$$

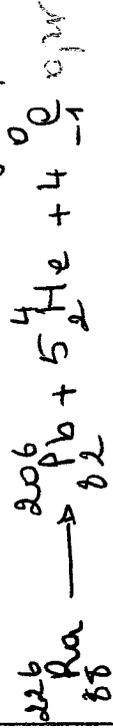
كتابة المعادلة



حسب تناوبوني الا نغفاظ عدد السنين

$$\begin{matrix} x=5 \\ y=4 \end{matrix}$$

$$\begin{cases} 226 = 206 + 4x \\ 88 = 82 + 2x - y \end{cases} \Rightarrow$$



التعريف الثالث (تنقلا)

1- تعريف النواة المشعة:

هي نواة غير مستقرة تنفك لإنتاج نوى جديدة

أكثر استقرار ولا شعاعات α, β, γ

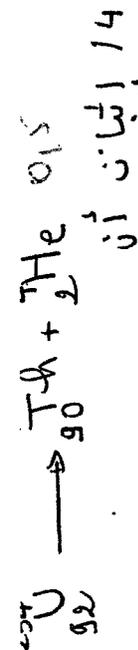
2- حساب طاقة الربط E_b لنواة ${}_{92}^{234}\text{U}$

$$E_b = [Z \cdot m_p + (A-Z)m_n - m({}_Z^AX)] \cdot c^2$$

$$E_b = (92 \cdot 1.00728 + 142 \cdot 1.00866 - 234.040947) \cdot 931.5$$

$$E_b = 1731,22349 \text{ MeV}$$

3- كتابة معادلة التفاعل



$$N_{Th}(t) = N_0(1 - e^{-\lambda t})$$

$$N_0 = N_U + N_{Th}$$

$$N_{Th} = N_0 - N_U = N_0 - N_0 e^{-\lambda t}$$

$$N_{Th} = N_0(1 - e^{-\lambda t})$$

15 إيجاد عبارة t بدلالة r و t

$$\frac{N_{Th}}{N_U} = r \Rightarrow \frac{N_0(1 - e^{-\lambda t})}{N_0 e^{-\lambda t}} = r$$

$$\Rightarrow \frac{1 - e^{-\lambda t}}{e^{-\lambda t}} = r$$

$$\Rightarrow (1 - e^{-\lambda t}) = r \cdot e^{-\lambda t}$$

$$e^{-\lambda t}(r+1) = 1$$

$$e^{-\lambda t} = \frac{1}{r+1} \Rightarrow -\lambda t = \ln \frac{1}{r+1}$$

$$t = \frac{1}{\lambda} \ln(r+1)$$

$$t = \frac{t_{1/2}}{\ln 2} \ln(r+1)$$

$$t = \frac{21455 \cdot 10^5}{0.693} \ln(94+1)$$

$$t = 1,1919 \cdot 10^5 \text{ ans}$$