

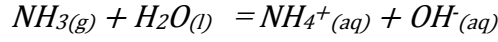
## تصحيح الموضوع الاول :

### التمرين الاول :

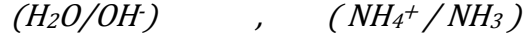
i. 1- التركيز الابتدائي :

$$C = \frac{n}{V} = \frac{v_g}{V \cdot v_M} = \frac{2}{25 \times 1} = 0.08 \text{ mol/l}$$

2- معادلة التفاعل :



- الثنائيات :



3- جدول التقدم :

|               | $NH_{3(g)} + H_2O_{(l)} = NH_{4^+ (aq)} + OH^-_{(aq)}$ |       |       |       |
|---------------|--------------------------------------------------------|-------|-------|-------|
| حالة ابتدائية | $C_0 V_0$                                              | زيادة | 0     | 0     |
| حالة انتقالية | $C_0 V_0 - X$                                          | زيادة | X     | X     |
| حالة نهائية   | $C_0 V_0 - X_F$                                        | زيادة | $X_F$ | $X_F$ |

4- علاقة نسبة التقدم الاعظمي :

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = \frac{[OH^-]_f \times V}{C_0 V} = \frac{Ke}{[H_3O^+] C_0} = \frac{Ke}{10^{-PH} \times C_0}$$

$$\tau_f = \frac{10^{-14}}{10^{-11.85} \times 0.08} = 0.0885$$

- انحلال النشادر غير تام في الماء .

5- تركيز الشوارد المتواجدة في المحلول :

$$[OH^-]_f = \frac{Ke}{10^{-PH}} = \frac{10^{-14}}{10^{-11.85}} = 7.08 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$$

$$[NH_4^+]_f = [OH^-]_f = 7.08 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$$

$$[NH_3]_f = C_0 - [NH_4^+]_f = 0.08 - 7.08 \times 10^{-3} = 7.29 \times 10^{-2} \text{ mol/l}$$

6- قيمة Ka

$$Ka = \frac{[OH^-]_f \times [NH_4^+]_f}{[NH_3]_f} = \frac{(7.08 \times 10^{-3})^2}{7.29 \times 10^{-2}} = 6.86 \times 10^{-4}$$

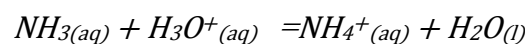
قيمة ال PKa

$$PKa = -\log Ka = 3.16$$

ii. المعاييرة :

1- نقطة التكافؤ : وهي النقطة التي تكون فيها كمية المادة للمحلول المعايير والمحلول المعايير بنسب ستوكيومترية .

2- معادلة المعاييرة :



- ثابت التكافؤ للمعايرة :

$$K = \frac{[NH_4^+]}{[NH_3] \times [H_3O^+]} = \frac{[OH^-] \times [NH_4^+]}{[NH_3] \times [H_3O^+] \times [OH^-]} = \frac{Ka}{Ke} = \frac{6.86 \times 10^{-4}}{10^{-14}} = 6.86 \times 10^{10}$$

تفاعل المعايرة هو تفاعل تام

5 - تركيز المحلول :

$$C_a V_{aE} = C_b V_b \Rightarrow C_b = \frac{C_a V_a}{V_{aE}} = \frac{2 \times 10^{-3} \times 20}{10} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol/l}$$

حجم الماء المضاف :

$$V_e = V_b - V_1 = \frac{C_1 V_1}{C_b} - V_1 = \frac{0.08 \times 10}{4 \times 10^{-3}} - 10 = 190 \text{ ml}$$

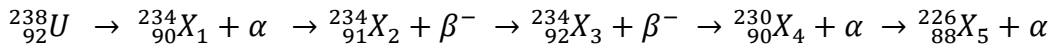
6 - حجم نصف التكافؤ هو 10 ml ومنه :  $PH = PKa = 3.16$

7 - الكاشف المناسب هو : أحمر البروموفينول ، لأن :  $5.2 < PH < 6.8$

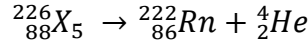
### التمرين الثاني

1 - أ/ وجود اليورانيوم 238 الى حد الآن على سطح الارض لأن لديه نصف عمر كبيراً جداً يقترب من عمر الأرض .

ب / تحديد قيم  $A, Z$  لكل نواة مع تحديد نوع الاشعاع :



2 - أ/ معادلة تفكك الراديوم 226 :



ب/ ثابت التفكك  $\lambda$  : ثابت يميز النواة وهو احتمال تفكك النواة خلال وحدة الزمن ولا يتعلق بالزمن وحدته  $S^{-1}$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\ln 2}{1600} = 4.33 \times 10^{-4} \text{ ans}^{-1}$$

$$\lambda = \frac{\ln 2}{1600 \times 365.25 \times 24 \times 3600} = 1.37 \times 10^{-11} \text{ s}^{-1}$$

ج/ تعريف النشاط الاشعاعي  $A$  هو متوسط عدد الأنوية المتفككة خلال كل ثانية ويكتب  $A = -\frac{\Delta N}{\Delta t}$  وحدته هي البيكريل  $Bq$

د/ عبارة  $m$  :

$$A = \lambda N ; n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M} \Rightarrow N = \frac{m N_A}{M}$$

$$\frac{A}{\lambda} = \frac{m N_A}{M} \Rightarrow m = \frac{A M}{\lambda N_A} = \frac{3.7 \times 10^{10} \times 226}{1.37 \times 10^{-11} \times 6.02 \times 10^{23}} = 1g$$

3 - أ/ الطاقة المتحررة :

$$E = |m_{{}_2^4\text{H}} + m_{{}_{86}^{222}\text{Rn}} - m_{{}_{86}^{226}\text{Ra}}| \times C^2$$

$$= |4.0015 + 221.9704 - 225.9771| \times 931.5 = 4.84 \text{ Mev}$$

ب / الطاقة المتحررة خلال ساعة :

نسمي  $A_1$  نشاط العينة بعد ساعة :

$$A_1 = A_0 e^{-\lambda t_1}$$

$$A = A_0 e^{-\lambda t}$$

حيث :  $\Delta t = t_1 - t$

$$\frac{A_1}{A} = e^{-\lambda t_1 + \lambda t} = e^{-\lambda(\Delta t)}$$

$$\Rightarrow A_1 = A e^{-\lambda(\Delta t)}$$

عدد الأنوية المتفككة بعد ساعة هو :  $\Delta N$

$$\Delta N = N - N_1 = \frac{A}{\lambda} - \frac{A_1}{\lambda} = \frac{A - A e^{-\lambda(\Delta t)}}{\lambda} = \frac{A(1 - e^{-\lambda(\Delta t)})}{\lambda}$$

$$\Delta N = \frac{3.7 \times 10^{10} (1 - e^{-1.37 \times 10^{-11} \times 3600})}{1.37 \times 10^{-11}} = 1.33 \times 10^{14}$$

الطاقة المتحررة هي:

$$E_{lib} = \Delta N \times E$$

$$E_{lib} = 1.33 \times 10^{14} \times 4.84 = 6.43 \times 10^{14} \text{ MeV}$$

التمرين الثالث:

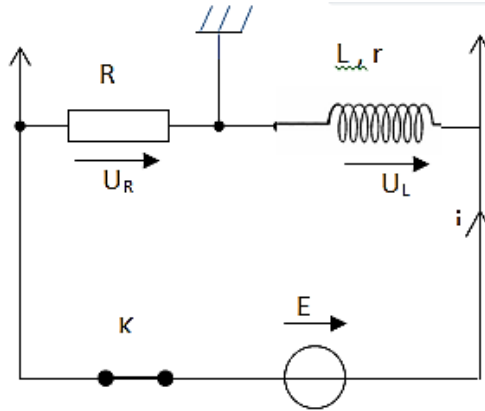
1 - مخطط الدارة

2 - كيفية توصيل راسم الاهتزاز :

3 - في هذه الحالة القاطعة مغلقة ، لأن التوتر بين طرفي المقاومة في البداية كان معدوما .

4 - التوتر بين طرفي المولد :  $E = 9V$  .

5 - المعادلة التفاضلية للتوتر بين طرفي المقاومة :



$$E = U_L + U_R$$

$$= \frac{L di}{dt} + ri + U_R$$

$$= \frac{L d\left(\frac{U_R}{R}\right)}{dt} + r \frac{U_R}{R} + U_R$$

$$E = \frac{L dU_R}{R dt} + \left(\frac{r}{R} + 1\right) U_R$$

$$E = \frac{L dU_R}{R dt} + \left(\frac{r+R}{R}\right) U_R$$

$$\frac{RE}{R+r} = \frac{L}{(r+R)} \frac{dU_R}{dt} + U_R$$

6 - إيجاد عبارة  $\tau$  :

$$U_R = \frac{RE}{R+r} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) :$$

$$\frac{dU_R}{dt} = \frac{RE}{(R+r)\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية :

$$\frac{RE}{R+r} = \frac{L}{(r+R)} \times \frac{RE}{(R+r)\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + \frac{RE}{R+r} (1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \Rightarrow 1 = \left(\frac{L}{\tau(r+R)} - 1\right) e^{-\frac{t}{\tau}} + 1$$

$$\Rightarrow \frac{L}{\tau(r+R)} - 1 = 0 \Rightarrow \tau = \frac{L}{r+R}$$

7 - إيجاد قيمة R :

في النظام الدائم يكون :  $U_R = \frac{RE}{R+r} = 7V$

$$\Rightarrow R = \frac{U_R r}{E - U_R} = \frac{10 \times 7}{9 - 7} = 35 \Omega$$

8 - قيمة  $\tau$  : من البيان نجد  $\tau = 2 \text{ ms}$

$$\tau = \frac{L}{r+R} \Rightarrow L = \tau(r+R) \quad \text{- قيمة } L$$

$$L = 45 \times 2 \times 10^{-3}$$

$$L = 0.09H$$

9 - عبارة i :

$$i = \frac{U_R}{R} = \frac{E}{R+r} \left( 1 - e^{\frac{-t}{\tau}} \right)$$

10 - الطاقة المخزنة في الوشيعية :

- عند  $t=3ms$  :

$$i = \frac{9}{45} \left( 1 - e^{\frac{-3}{2}} \right) = 0.13A$$

$$E = \frac{1}{2} L i^2 = 0.5 \times 0.12 \times (0.17)^2 = 1.33 \times 10^{-3} J$$

- عند  $t=10ms$  أي النظام الدائم :

$$E = \frac{1}{2} L i^2 = 0.5 \times 0.9 \times (0.2)^2 = 0.018 J$$

التمرين الرابع :

1 - أ/ المعادلتان التفاضليتان للحركة :

بتطبيق قانون نيوتن الثاني :

$$\begin{aligned} \sum \vec{F} &= m \vec{a} \\ \vec{P} &= m \vec{a} \\ m \vec{g} &= m \vec{a} \Rightarrow \vec{g} = \vec{a} \end{aligned}$$

بالاسقاط على المحاور :

$$\begin{cases} \frac{d^2x}{dt^2} = 0 & ; (ox) \\ \frac{d^2z}{dt^2} = -g & ; (oz) \end{cases}$$

ب/ المعادلات الزمنية للحركة : بالتكامل نجد معادلات السرعة كما يلي :

$$\begin{aligned} \frac{dx}{dt} &= cte \\ t = 0s \Rightarrow \frac{dx}{dt} &= v_0 \\ \frac{dz}{dt} &= -gt + v_{0z} \\ t = 0s \Rightarrow v_z &= 0 \Rightarrow v_{0z} = 0 \\ \Rightarrow \frac{dz}{dt} &= -gt \\ \begin{cases} \frac{dx}{dt} &= v_0 \\ \frac{dz}{dt} &= -gt \end{cases} \end{aligned}$$

بالتكامل نجد عبارتي الموضع على المحورين :

$$\begin{aligned} x &= v_0 t + x_0 \\ t = 0s \Rightarrow x &= x_0 = 0 \\ \Rightarrow x &= v_0 t \\ \begin{cases} x &= v_0 t \\ z &= -\frac{g}{2} t^2 + z_0 \end{cases} \end{aligned}$$

ج/ معادلة المسار :

$$x = v_0 t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0}$$

$$z = -\frac{g}{2} t^2 + z_0 \Rightarrow z = -\frac{g}{2} \left(\frac{x}{v_0}\right)^2 + z_0$$

$$z = -\frac{gx^2}{2v_0^2} + z_0$$

د/ إيجاد  $z_0$  التي تمكن الكرة من المرور على ارتفاع  $10cm$  من الشبكة :

$$(0.9 + 0.1) = -\frac{gx^2}{2v_0^2} + z_0$$

$$z_0 = 1 + \frac{gx^2}{2v_0^2} = 1 + \frac{9.8 \times 12^2}{2 \times 28^2}$$

$$z_0 = 1.9m$$

هـ/ اصطدام الكرة بالأرض يعني أن  $z=0$  :

$$0 = -\frac{gx^2}{2v_0^2} + z_0 \Rightarrow x = \sqrt{\frac{2v_0^2 z_0}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 28^2 \times 1.9}{9.8}}$$

$$x = 17.43m$$

الكرة لا تخرج من الملعب

و/ حساب سرعة الكرة لحظة اصطدامها بالأرض :

الطريقة الاولى : استعمال نظرية الطاقة الحركية :

$$\Delta E_c = \sum W_{\vec{F}}$$

$$E_c - E_{c0} = W_P$$

$$\frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = mgz_0 \Rightarrow v^2 = v_0^2 + 2gz_0$$

$$v = \sqrt{v_0^2 + 2gz_0} = \sqrt{28^2 + 2 \times 1.9 \times 9.8}$$

$$v = 28.65m/s$$

الطريقة الثانية : استعمال المعادلات الزمنية للحركة .

$$v^2 = v_x^2 + v_z^2$$

$$v_x = v_0 = 28 m/s$$

$$v_z = -gt ; x = v_0 t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0}$$

$$v_z = -g \frac{x}{v_0} = -9.8 \times \frac{17.43}{28} = -6.1m/s$$

$$v = \sqrt{28^2 + (-6.1)^2} = 28.65m/s$$

الطاقة الحركية :

$$E_c = \frac{1}{2}mv^2 = 0.5 \times 0.058 \times (28.65)^2 = 23.65j$$

2 - أ/ معادلة المسار : باعتبار نقطة الاصطدام بالأرض هي مبدأ الفواصل :

$$z = -\frac{gx^2}{2v^2 \cos \beta} + \tan \beta x$$

ب/ الارتفاع h :

$$h = -\frac{gx^2}{2v^2 \cos \beta} + \tan \beta x, \quad x = 24 - 17.43 = 6.57m$$

$$h = -\frac{9.8 \times (6.57)^2}{2 \times (28.65)^2 \times \cos 15} + 6.57 \tan 15 = 1.5m$$

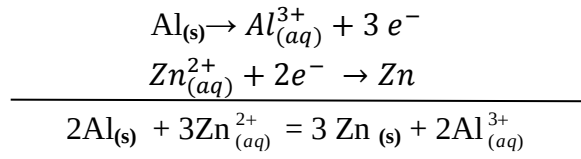
التمرين الخامس :

1 - كسر التفاعل الابتدائي :

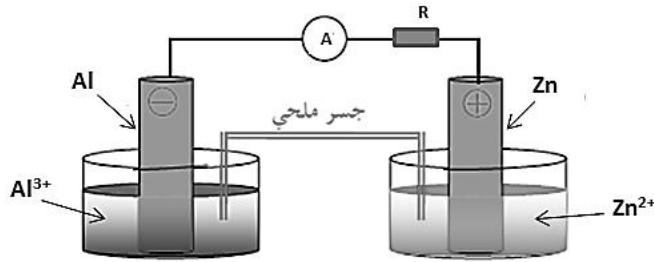
$$Q_{ri} = \frac{[Zn^{2+}]^3}{[Al^{3+}]^2} = \frac{(1.2)^3}{(0.5)^2} = 6.91 > K$$

التفاعل في الاتجاه العكسي .

2 - المعادلات :



3 - مخطط العمود :



4 - التقدم الاعظمي :

$$n_{0Al} = \frac{m}{M} = \frac{54}{27} = 2mol$$

$$n_{0Zn^{2+}} = C V = 1.2 \times 0.15 = 0.18 mol$$

|               | $2Al_{(s)} + 3Zn_{(aq)}^{2+} = 3Zn_{(s)} + 2Al_{(aq)}^{3+}$ |               |        |        |
|---------------|-------------------------------------------------------------|---------------|--------|--------|
| حالة ابتدائية | 2                                                           | 0.18          | 0      | 0      |
| حالة انتقالية | $2 - 2X$                                                    | $0.18 - 3X$   | $3X$   | $2X$   |
| حالة نهائية   | $2 - 2X_F$                                                  | $0.18 - 3X_F$ | $3X_F$ | $2X_F$ |

$$\begin{cases} 2 - 2X_f = 0 \Rightarrow X_f = 1mol \\ 0.18 - 3X_f = 0 \Rightarrow X_f = 0.06mol \end{cases}$$

التقدم الاعظمي هو :  $X_{max} = 0.06mol$

- مدة اشتغال العمود :

$$Q = z \cdot x_{max} \cdot F = I \cdot \Delta t \Rightarrow \Delta t = \frac{z \cdot x_{max} \cdot F}{I} = \frac{6 \times 0.06 \times 96500}{0.1}$$

$$\Delta t = 96.5 h$$

5 - كتلة كل مسرى عند التوازن :

$$m_{zn} = m_0 + nM = m_0 + 3x_{max}M$$

$$m_{zn} = 26 + 3 \times 0.06 \times 64.5 = 37.61g$$

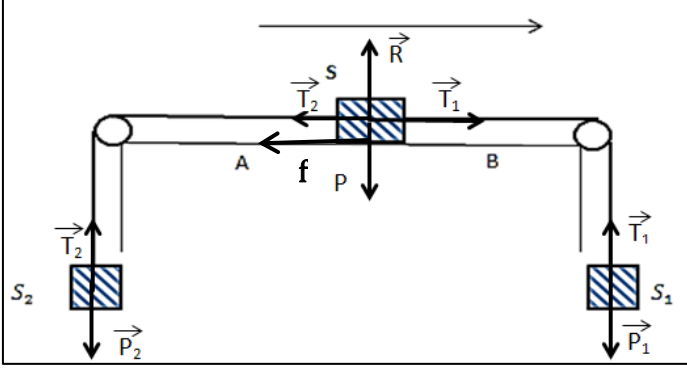
$$m_{Al} = m_0 - nM = m_0 - 2x_{max}M$$

$$m_{Al} = 54 - 2 \times 0.06 \times 27 = 50.76g$$

التمرين التجريبي :

1 - دراسة الحركة :

أ/ تمثيل القوى على الشكل :



ب/ إيجاد عبارة التسارع بتطبيق القانون الثاني للنيوتن :

- على الجسم S1 :

$$\sum \vec{F} = m_1 \vec{a}$$

$$\vec{T}_1 + \vec{P}_1 = m_1 \vec{a}$$

$$m_1 g - T_1 = m_1 a \Rightarrow T_1 = m_1 g - m_1 a$$

- على الجسم S2 :

$$\sum \vec{F} = m_2 \vec{a}$$

$$\vec{T}_2 + \vec{P}_2 = m_2 \vec{a}$$

$$T_2 - m_2 g = m_2 a \Rightarrow T_2 = m_2 g + m_2 a$$

- على الجسم S :

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{T}_1 + \vec{T}_2 + \vec{R} + \vec{P} + \vec{f} = m \vec{a}$$

بالإسقاط على محور الحركة :

$$T_1 - T_2 - f = ma$$

$$(m_1 g - m_1 a) - (m_2 g + m_2 a) - f = ma$$

$$m_1 g - m_2 g - f = ma + m_1 a + m_2 a$$

$$(m_1 - m_2)g - f = (m + m_1 + m_2)a$$

$$a = \frac{(m_1 - m_2)g - f}{(m + m_1 + m_2)}$$

طبيعة الحركة : الحركة متسارعة بانتظام

2 - أ/ بتطبيق القانون الثاني على الجسم S وجدنا :

$$T_1 - T_2 - f = ma$$

$$T_1 = T_2 + f + ma$$

$$T_1 = m_2 g + m_2 a + f + ma$$

$$T_1 = (m + m_2)a + f + m_2g$$

$$\beta = f + m_2g, \alpha = m + m_2 \text{ ومنه :}$$

ب/ بتطبيق القانون الثاني على الجسم S<sub>1</sub> وجدنا

$$T_1 = m_1g - m_1a = m_1(g - a)$$

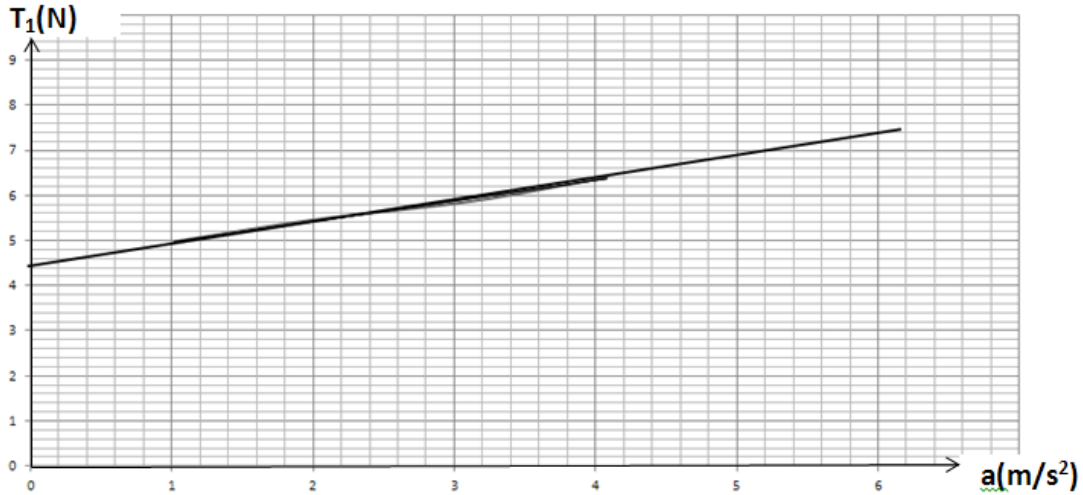
ج/ اكمل الجدول :

$$T_1 = m_1(g - a)$$

$$x = \frac{a}{2}t^2 \Rightarrow a = \frac{2x}{t^2}$$

|                       |       |       |       |      |
|-----------------------|-------|-------|-------|------|
| m <sub>1</sub> (Kg)   | 0.570 | 0.700 | 0.880 | 1.12 |
| t (s)                 | 1.40  | 1     | 0.80  | 0.7  |
| a (m/s <sup>2</sup> ) | 1.02  | 2     | 3.12  | 4.08 |
| T <sub>1</sub> (N)    | 4.98  | 5.46  | 5.87  | 6.4  |

د/ رسم المنحنى :



هـ/ معادلة المنحنى من الشكل :  $T_1 = \alpha a + \beta$  حيث  $\alpha$  هي الميل .

$$\alpha = \frac{\Delta T_1}{\Delta a} = \frac{7-4.4}{5.2-0} = 0.5$$

$$\beta = 4.4$$

$$T_1 = 0.5 a + 4.4$$

بالمطابقة نجد :

$$\alpha = m + m_2 \Rightarrow m = \alpha - m_2 = 500 - 284 = 216g$$

$$\beta = f + m_2g \Rightarrow f = \beta - m_2g = 4.4 - 0.216 \times 9.8 = 2.28N$$



## تصحيح الموضوع الثاني:

### التمرين الأول :

1 - تحول بطيء

2 - نوع التحول هو : تفكك ذاتي في وسط حمضي .

النشآت الداخلة في التفاعل هي : لا توجد .

3 - تركيز الشوارد الابتدائي :

$$[H^+]_i = \frac{C_1 V_1}{V_1 + V_2} = \frac{4 \times 10}{10 + 40} = 0.8 \text{ mol/l}$$

$$[S_2O_3^{2-}]_i = \frac{C_2 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{0.5 \times 40}{10 + 40} = 0.4 \text{ mol/l}$$

4 - جدول التقدم :

|               | $S_2O_3^{2-}(aq) + 2H^+(aq) = S(s) + SO_2(aq) + H_2O(l)$ |                  |       |       |       |
|---------------|----------------------------------------------------------|------------------|-------|-------|-------|
| حالة ابتدائية | $C_2 V_2$                                                | $C_1 V_1$        | 0     | 0     | زيادة |
| حالة انتقالية | $C_2 V_2 - x$                                            | $C_1 V_1 - 2x$   | $x$   | $x$   | زيادة |
| حالة نهائية   | $C_2 V_2 - x_f$                                          | $C_1 V_1 - 2x_f$ | $x_f$ | $x_f$ | زيادة |

5 - تقدم التفاعل :

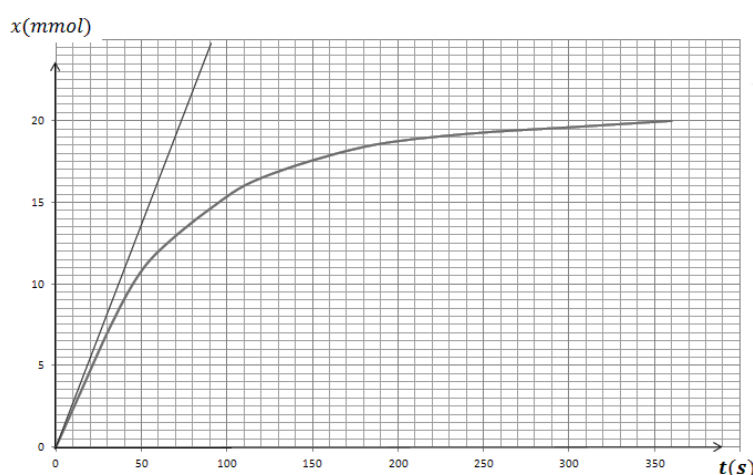
$$[S_2O_3^{2-}] = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{V} = \frac{C_2 V_2 - x}{V} = \frac{[S_2O_3^{2-}]_i V - x}{V} \Rightarrow [S_2O_3^{2-}]_i V - x = [S_2O_3^{2-}] V$$

$$[S_2O_3^{2-}]_i V - [S_2O_3^{2-}] V = x \Rightarrow x = ([S_2O_3^{2-}]_i - [S_2O_3^{2-}]) V$$

6 - اكمال الجدول :

|            |   |     |    |    |    |      |      |      |     |      |     |
|------------|---|-----|----|----|----|------|------|------|-----|------|-----|
| $t(s)$     | 0 | 15  | 30 | 45 | 60 | 90   | 120  | 180  | 240 | 300  | 360 |
| $x(mmoll)$ | 0 | 3.5 | 7  | 10 | 12 | 14.5 | 16.5 | 18.5 | 19  | 19.5 | 20  |

رسم البيان  $x=f(t)$



7 - سرعة اختفاء شوارد  $S_2O_3^{2-}$  بدلالة سرعة التفاعل :

$$v = -\frac{dn_{(S_2O_3^{2-})}}{dt} = -\frac{d(C_2V_2 - x)}{dt} = \frac{dx}{dt}$$

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{(17 - 0) \times 10^{-3}}{60 - 0} = 2.83 \times 10^{-4} \text{ mol/s}$$

7 - أ/ المتفاعل المحد :

من جدول التقدم :

$$\begin{cases} C_2V_2 - x_f = 0 \Rightarrow x_f = C_2V_2 = 0.5 \times 0.04 = 0.02 \text{ mol} \\ C_1V_1 - 2x_f = 0 \Rightarrow x_f = \frac{C_1V_1}{2} = 2 \times 0.01 = 0.02 \text{ mol} \end{cases}$$

التقدم الاعظمي هو :  $x_f = 0.02 \text{ mol}$  لا يوجد متفاعل المحد.

ب/ زمن نصف التفاعل : من البيان :  $t_{1/2} = 45 \text{ s}$

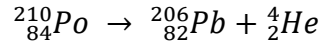
التمرين الثاني :

1- نواة مشعة : النواة المشعة هي نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا الى نواة اكثر استقرار مع اصدار جسيمات  $\alpha$  او  $\beta$  او اشعاع  $\gamma$

2- تركيب نواة البولونيوم 201 :

$$A = 210 ; Z = 84 ; N = 126$$

3- معادلة التفكك :



قوانين الانحفاظ : - انحفاظ العدد الكتلي :  $210 = 206 + 4$

- انحفاظ العدد الشحني :  $84 = 82 + 2$

4- زمن نصف العمر  $t_{1/2}$  : هو الزمن اللازم لتفكك نصف الأنوية المشعة الابتدائي .

5- أ/ قانون التناقص الاشعاعي :  $N = N_0 e^{-\lambda t}$

N : عدد الأنوية المتبقية ،  $N_0$  : عدد الأنوية الابتدائي ،  $\lambda$  : احتمال تفكك النواة خلال وحدة الزمن ، t : الزمن .

ب/ علاقة النشاط الاشعاعي :  $A = -\frac{dN}{dt}$

$$A = -\frac{d(N_0 e^{-\lambda t})}{dt} = \lambda N_0 e^{-\lambda t} = \lambda N$$

ج/ العلاقة بين  $t_{1/2}$  و  $\lambda$  :

$$t = t_{1/2} \Rightarrow N = \frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}} \Rightarrow -\ln 2 = -\lambda t_{1/2} \Rightarrow t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$$

قيمة  $\lambda$  :

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{\lambda} \Rightarrow \lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\ln 2}{138} = 5.02 \times 10^{-3} \text{ jour}^{-1}$$

6- حساب N :

$$n = \frac{N}{N_A} = \frac{m}{M} \Rightarrow N = \frac{m N_A}{M} = \frac{1 \times 6.022 \times 10^{23}}{210} = 2.86 \times 10^{21} \text{ atoms}$$

7- ايجاد x , y :

$$238 = 206 + 4x \Rightarrow x = \frac{238 - 206}{4} = 8$$

$$92 = 82 + 2x - y \Rightarrow y = 82 - 92 + 2 \times 8 = 6$$

8- أ/ عبارة الطاقة المحررة :

$$E = |m_{12C} + m_{10n} - (m_{9Be} + m_{4He})| \times C^2$$

ب/ قيمة الطاقة بالجول :

$$E = |11.99671 + 1.00866 - (9.00998 + 4.00150)| \times (1.6605 \times 10^{-27}) \times (2.99792 \times 10^8)^2$$

$$E = 9.11 \times 10^{-13} \text{ J}$$

ج/ التفسير : في التفاعلات النووية تكون قيمة كتلة النواتج اصغر من المتفاعلات وهذا الفرق يظهر على شكل حرارة وطاقة حركية للجسيمات .

التمرين الثالث :

1- ترتيب الأشكال :  $2 \rightarrow 1 \rightarrow 3$

- قوة الاحتكاك معدومة بداية الحركة والسرعة معدومة .

- قوة الاحتكاك تزداد بمرور الزمن مع زيادة السرعة .

$$P = mg = 2.3 \times 10^{-3} \times 9.8 = 22.54 \times 10^{-3} \text{ N} \quad \text{أ/ - المقارنة :}$$

$$\Pi = \rho V g = \frac{4}{3} \pi r^3 \rho g = \frac{4 \times \pi^2 \times (1.9 \times 10^{-2})^3 \times 1.3 \times 9.8}{3} = 1.15 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$\frac{\Pi}{P} = 0.05$$

- يمكن إهمال دافعة أرخميدس أمام شدة قوة الثقل .

ب/ المعادلة التفاضلية :

$$\sum \vec{F} = m_1 \vec{a}$$

$$\vec{f} + \vec{P} = m_1 \vec{a}$$

$$mg - f = ma \Rightarrow mg - K v^2 = m \frac{dv}{dt} \Rightarrow$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{K}{m} v^2 = g$$

ج/ البيان -1- للسرعة لأن السرعة في بداية الحركة معدومة ، والبيان -2- يبقى للتسارع .

$$v_{lim} = 8 \text{ m/s} \quad \text{د/ - السرعة الحدية :}$$

- ثابت الاحتكاك :

$$t = \infty \Rightarrow \frac{dv}{dt} = 0 \Rightarrow K = \frac{mg}{v^2} = \frac{2.3 \times 10^{-3} \times 9.8}{8^2} = 3.52 \times 10^{-4}$$

- تسارع الحركة عند  $t = 0s$  :  $a = 9.8 m/s^2$

- ثابت الزمن : من البيان :  $\tau = 0.8s$

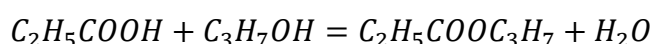
هـ / حساب  $K_i$  :

$$K_i = 0.22\pi pr^3 = 0.22 \times \pi \times 1.3 \times (1.9 \times 10^{-2})^3 = 3.2 \times 10^{-4}$$

النتائج متساوية في حدود اخطاء التجربة .

### التمرين الرابع :

1- معادلة التفاعل :



- خصائصه : محدود ، لاجراري ، عكوس و بطيء .

2- تسمية الاستر الناتج : بروبانات البروبيل .

3- جدول التقدم :

|               | $C_2H_5COOH + C_3H_7OH = C_2H_5COOC_3H_7 + H_2O$ |             |       |       |
|---------------|--------------------------------------------------|-------------|-------|-------|
| حالة ابتدائية | 0.5                                              | 0.5         | 0     | 0     |
| حالة انتقالية | $0.5 - x$                                        | $0.5 - x$   | $x$   | $x$   |
| حالة نهائية   | $0.5 - x_f$                                      | $0.5 - x_f$ | $x_f$ | $x_f$ |

4- تركيب المزيج عند التوازن :

$$n_{(C_2H_5COOH)} = 0.2mol ; \quad n_{(C_3H_7OH)} = 0.2mol$$

$$0.5 - x_f = 0.2 \Rightarrow x_f = 0.3mol$$

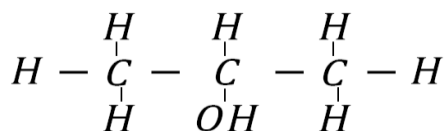
$$n_{(C_2H_5COOC_3H_7)} = n_{(H_2O)} = 0.3mol$$

5- مردود التفاعل :

$$r = \frac{n_{(C_2H_5COOC_3H_7)_f}}{n_{(C_2H_5COOH)_i}} \times 100 = \frac{0.3}{0.5} \times 100 = 60\%$$

- الكحول المستعمل هو كحول ثانوي .

- الصيغة المفصلة :



6- ثابت التوازن :

$$K = \frac{[C_2H_5COOC_3H_7]_f \times [H_2O]_f}{[C_2H_5COOH]_f \times [C_3H_7OH]_f} = \frac{\frac{x_f}{V} \times \frac{x_f}{V}}{\frac{0.5 - x_f}{V} \times \frac{0.5 - x_f}{V}} = \frac{x_f^2}{(0.5 - x_f)^2} = \frac{(0.3)^2}{(0.5 - 0.3)^2} = 2.25$$

7- أ / اتجاه التطور : التفاعل في الاتجاه المباشر .

- التعليل :

$$Q_{ri} = \frac{[C_2H_5COOC_3H_7]_i \times [H_2O]_i}{[C_2H_5COOH]_i \times [C_3H_7OH]_i}$$

$$[C_2H_5COOC_3H_7]_i = \frac{0.3}{V}$$

$$[H_2O]_i = \frac{0.3}{V}$$

$$[C_2H_5COOH]_i = \frac{0.2 + 0.1}{V} = \frac{0.3}{V}$$

$$[C_3H_7OH]_i = \frac{0.2}{V}$$

$$Q_{ri} = \frac{0.3 \times 0.3}{0.3 \times 0.2} = 1.5 < K$$

ب/ تركيب المزيج عند التوازن : نستعين بجدول التقدم :

|               | $C_2H_5COOH$ | $+ C_3H_7OH$ | $= C_2H_5COOC_3H_7$ | $+ H_2O$    |
|---------------|--------------|--------------|---------------------|-------------|
| حالة ابتدائية | 0.3          | 0.2          | 0.3                 | 0.3         |
| حالة انتقالية | $0.3 - x$    | $0.2 - x$    | $0.3 + x$           | $0.3 + x$   |
| حالة نهائية   | $0.3 - x_f$  | $0.2 - x_f$  | $0.3 + x_f$         | $0.3 + x_f$ |

$$K = \frac{[C_2H_5COOC_3H_7]_f \times [H_2O]_f}{[C_2H_5COOH]_f \times [C_3H_7OH]_f} = \frac{\left(\frac{0.3 + x_f}{V}\right)^2}{\frac{0.3 - x_f}{V} \times \frac{0.2 - x_f}{V}} = \frac{(0.3 + x_f)^2}{(0.3 - x_f) \times (0.2 - x_f)}$$

$$2.25 \times (0.06 - 0.5x_f + x_f^2) = 0.09 + 0.6x_f + x_f^2 \Rightarrow 1.25x_f^2 - 1.725x_f + 0.045 = 0$$

$$\Delta = (1.725)^2 - 4 \times 0.045 \times 1.25 = 2.75$$

$$x_f = \frac{1.725 - 1.658}{2 \times 1.25} = 0.0266$$

$$x_f = \frac{1.725 + 1.658}{2 \times 1.25} = 1.3532 \text{ (مرفوض)}$$

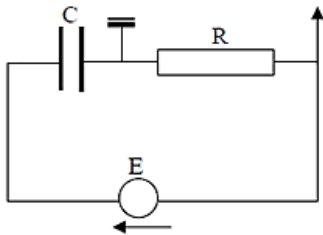
تركيب المزيج :

$$n_{(C_2H_5COOH)} = 0.3 - x_f = 0.3 - 0.0266 = 0.27 \text{ mol} ;$$

$$n_{(C_3H_7OH)} = 0.2 - x_f = 0.2 - 0.0266 = 0.17 \text{ mol}$$

$$n_{(C_2H_5COOC_3H_7)} = n_{(H_2O)} = 0.3 + x_f = 0.3 + 0.0266 = 0.32 \text{ mol}$$

التمرين الخامس :



1- كيفية ربط راسم الاهتزاز .

2- أ/ من البيان :  $i_{max} = 0.12A$  ،  $\tau = 50ms$  .

ب/ قيمة  $R$  : عند اللحظة  $t=0s$

$$E = Ri_{max} \Rightarrow R = \frac{E}{i_{max}} = \frac{12}{0.12} = 100\Omega$$

قيمة  $C$  :

$$\tau = RC \Rightarrow C = \frac{\tau}{R} = \frac{0.05}{100} = 0.5 \text{ mF}$$

3- أ/ المعادلة التفاضلية للشحنة :

$$E = U_C + U_R = \frac{q}{C} + Ri = \frac{q}{C} + R \frac{dq}{dt}$$

$$\frac{E}{R} = \frac{q}{RC} + \frac{dq}{dt}$$

ب/ حل المعادلة :

$$q = A \left( 1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right)$$

$$\frac{dq}{dt} = \frac{A}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

$$\frac{E}{R} = \frac{q}{RC} + \frac{dq}{dt} = \frac{A \left( 1 - e^{-\frac{t}{\alpha}} \right)}{RC} + \frac{A}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}} = \frac{A}{RC} - \frac{A}{RC} e^{-\frac{t}{\alpha}} + \frac{A}{\alpha} e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

$$\frac{E}{R} = \frac{A}{RC} + \left( -\frac{A}{RC} + \frac{A}{\alpha} \right) e^{-\frac{t}{\alpha}}$$

$$\Rightarrow \frac{E}{R} = \frac{A}{RC} \Rightarrow A = EC$$

$$-\frac{A}{RC} + \frac{A}{\alpha} = 0 \Rightarrow \alpha = RC$$

-  $\alpha$  ثابت الزمن : هو الزمن لازم لشحن المكثفة ب 63% من شحنتها الأعظمية .

ج/ في نهاية الشحن :

$$t = \infty \Rightarrow q = Q_0 = EC = 12 \times 0.5 \times 10^{-3} = 6mC$$

د/ قيمة التيار عند تخزين المكثفة شحنة قدرها  $q = \frac{Q_0}{4}$  :

- الطريقة الاولى :

$$\frac{Q_0}{4} = Q_0 \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \Rightarrow \frac{1}{4} = 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow 1 - \frac{1}{4} = e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \frac{3}{4} = e^{-\frac{t}{\tau}} \Rightarrow \ln \frac{3}{4} = \frac{-t}{\tau} \Rightarrow t = -\tau \ln \frac{3}{4}$$

$$t = -0.05 \times \ln \frac{3}{4} = 14 \text{ ms}$$

من البيان نجد :  $i = 90 \text{ mA}$

- الطريقة الثانية :

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{d \left( Q_0 \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right)}{dt} = \frac{Q_0}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i = i_0 e^{-\frac{t}{\tau}} = 0.12 \times e^{-\frac{0.014}{0.05}} = 90 \text{ mA}$$

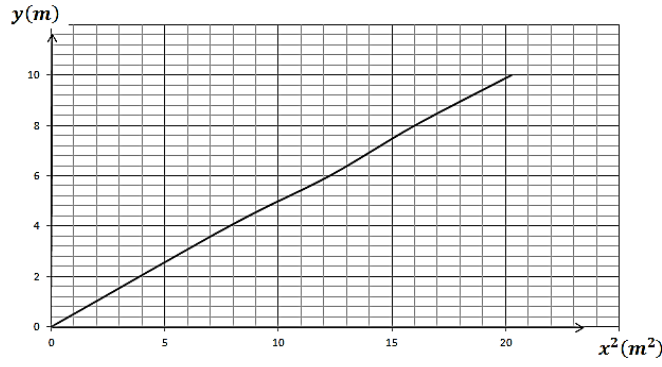
التمرين التجريبي :

- المستوي الافقي ( $BO$ ) أملس :

1- اكمال الجدول :

|            |   |      |       |    |       |
|------------|---|------|-------|----|-------|
| $y(m)$     | 2 | 4    | 6     | 8  | 10    |
| $x^2(m^2)$ | 4 | 7.84 | 12.25 | 16 | 20.25 |

- البيان :



- توجد علاقة طردية بين الارتفاع وموضع السقوط .

2- دراسة الحركة على المرجع السطحي الأرضي :

بتطبيق قانون نيوتن الثاني :

$$\begin{aligned}\sum \vec{F} &= m \vec{a} \\ \vec{P} &= m \vec{a} \\ m\vec{g} &= m \vec{a} \Rightarrow \vec{g} = \vec{a}\end{aligned}$$

بالاسقاط على المحاور :

$$\begin{cases} a_x = 0 & ; (ox) \\ a_y = g & ; (oy) \end{cases}$$

- الحركة وفق  $(ox)$  حركة مستقيمة منتظمة .

- الحركة وفق  $(oy)$  حركة مستقيمة متغيرة بانتظام .

معادلة المسار : بالتكامل نجد معادلات السرعة كما يلي :

• وفق  $(ox)$

$$v_x = cte \quad ; \quad t = 0s \Rightarrow v_x = v_0$$

• وفق  $(oy)$

$$\begin{aligned}v_y &= gt + v_{0y} \\ t = 0s \Rightarrow v_y &= 0 \Rightarrow v_{0y} = 0 \\ \Rightarrow v_y &= gt\end{aligned}$$

بالتكامل نجد عبارتي الموضع على المحورين :

• وفق  $(ox)$

$$\begin{aligned}x &= v_0 t + x_0 \\ t = 0s \Rightarrow x &= x_0 = 0 \\ \Rightarrow x &= v_0 t\end{aligned}$$

• وفق  $(oy)$

$$\begin{aligned}y &= \frac{g}{2} t^2 + y_0 \quad ; \quad t = 0s \Rightarrow y = y_0 = 0 \\ y &= \frac{g}{2} t^2\end{aligned}$$

معادلة المسار :

$$x = v_0 t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0}$$

$$y = \frac{g}{2} \left( \frac{x}{v_0} \right)^2 = \frac{g}{2v_0^2} x^2$$

3- معادلة البيان من الشكل :

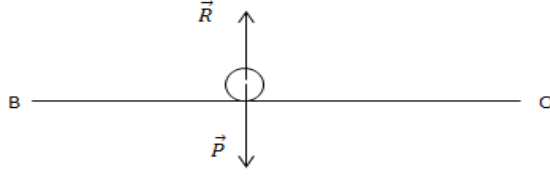
$$y = \alpha x^2$$

$$\alpha = \frac{8 - 0}{16 - 0} = 0.5$$

بالمطابقة مع معادلة المسار :

$$\alpha = \frac{g}{2v_0^2} \Rightarrow v_0 = \sqrt{\frac{g}{2\alpha}} = \sqrt{\frac{10}{2 \times 0.5}} = 3.16 \text{ m/s}$$

4- بتطبيق قانون نيوتن الثاني على الكرة :



$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{R} = m \vec{a} \Rightarrow 0 = a$$

- الحركة وفق (BO) : حركة مستقيمة منتظمة .

$$v_O = v_B = v_0 = 0.1 \text{ m/s}$$

5- نعتبر الجملة هي : كرة ، بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة بين A و B :

$$E_{cA} + W_P = E_{cB} \Rightarrow E_{cB} - E_{cA} = W_P \Rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_A^2 = mgh$$

$$\frac{1}{2}v_B^2 = gh \Rightarrow h = \frac{v_B^2}{2g} = \frac{10}{2 \times 10} = 0.5 \text{ m}$$

قيمة  $\alpha$  :

$$\tan \alpha = \frac{h}{AB} = \frac{0.5}{1} = 0.5 \Rightarrow \alpha = 26.56^\circ$$

- المستوي الافقي (BO) خشن :

بتطبيق نظرية الطاقة الحركية بين O و B :

$$\Delta E_c = \sum W_{\vec{F}}$$

$$E_{cO} - E_{cB} = W_f$$

$$-\frac{1}{2}mv_0^2 = -f \times [OB] \Rightarrow f = \frac{mv_0^2}{2[OB]} = \frac{0.05 \times 10}{2 \times 2} = 1.25 \text{ N}$$