

دورة : ماي 2011

إمتحان بكالوريا التعليم الثانوي (تجريبي)

الشعبة: علوم تجريبية / الثانويات: متقن كركوبية خليفة + ثانوية لقرع محمد الضيف (الرباح)

+ ثانوية : البياضة الجديدة (البياضة) + ثانوية : هواري بومديين (حاسي خليفة)

+ ثانوية : حنكة علي (المقرن) + ثانوية النخلة — ولاية الوادي

إختبار في مادة: الرياضيات المدة الزمنية: 3 ساعات ونصف

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين :

### الموضوع الأول

التمرين الأول: (5 نقاط)

(1) حل في مجموعة الأعداد المركبة  $\mathbb{C}$  المعادلة:  $z^2 - 8z + 17 = 0$

(2) نعتبر في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  النقطتين:  $A$  و  $B$  ذات اللاحقتين:

$Z_A = 4 + i$  ،  $Z_B = 8 + 3i$  ، ولتكن  $Z$  لاحقة النقطة  $M$  من المستوي و  $Z'$  لاحقة النقطة

$M'$  صورة  $M$  بالدوران  $R$  الذي مركزه النقطة  $\Omega$  ذات اللاحقة  $Z_\Omega = 1 + 2i$  وزاويته  $\frac{3\pi}{2}$ .

أ- بين أن:  $Z' = -iZ - 1 + 3i$

ب - تحقق من أن لاحقة النقطة  $C$  صورة النقطة  $A$  بالدوران  $R$  هي  $Z_C = -i$

ج - بين أن:  $(Z_B - Z_C) = 2(Z_A - Z_C)$  ثم أستنتج أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  في إستقامة

التمرين الثاني: (3,5 نقاط)

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$  ، ولتكن النقط:  $A(1, 2, -1)$  ،  $B(1, 1, 0)$  ،

$C(9, -1, -2)$  ،  $S(1, 1, 1)$  ، ومعادلة للمستوي  $(ABC)$  هي:  $x + 2y + 2z - 3 = 0$

لكل سؤال إجابة واحدة صحيحة فقط، اختر الإجابة الصحيحة مع التبرير

(1) تمثيلا وسيطيا للمستقيم  $(AB)$  هو:

$$(ج) \begin{cases} x = 1 \\ y = 1 - 2t , t \in \mathbb{R} \\ z = 2t \end{cases} \quad (ب) \begin{cases} x = 1 \\ y = -1 - t , t \in \mathbb{R} \\ z = 3 + t \end{cases} \quad (أ) \begin{cases} x = 1 - t \\ y = 2 - 4t , t \in \mathbb{R} \\ z = -1 + 3t \end{cases}$$

(2) إحداثيات النقطة  $S'$  نظيرة النقطة  $S$  بالنسبة للمستوي  $(ABC)$  هي :

$$(أ) \left( \frac{10}{9}, \frac{11}{9}, \frac{10}{9} \right) \quad (ب) \left( \frac{5}{9}, \frac{1}{9}, \frac{1}{9} \right) \quad (ج) \left( \frac{7}{9}, \frac{5}{9}, \frac{5}{9} \right)$$

(3) المثلث  $ABC$  :

(أ) متساوي الساقين (ب) قائم في  $A$  (ج) قائم في  $B$

(4) مجموعة النقط  $M$  من الفضاء والتي تحقق:  $\| \overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} \| = 9$  هي :

(أ) مستوي يشمل  $S$  (ب) سطح كرة يشمل  $S$  (ج) سطح كرة مركزها  $S$

التمرين الثالث: (5 نقاط)

لتكن المتتالية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ  $u_0 = 0$  و  $u_{n+1} = 1 - \frac{4}{u_n + 3}$

(1) برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $-1 < u_n \leq 0$

(2) أدرس رتبة المتتالية  $(u_n)$ ، وأستنتج أن  $(u_n)$  متقاربة

(3) نعتبر المتتالية  $(v_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  بـ  $v_n = \frac{1}{u_n + 1}$

أ) بين أن  $(v_n)$  متتالية حسابية ، يطلب تحديد أساسها وحدها الأول

ب) أحسب  $v_n$  ثم  $u_n$  بدلالة  $n$  ج) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u_n$

(4) نضع  $S_n = \frac{1}{n^2}(v_0 + v_1 + \dots + v_n)$  ، بين أنه من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$

أن :  $\left| S_n - \frac{1}{4} \right| < \frac{3}{n}$  ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} S_n$

التمرين الرابع: (6,5 نقاط)

أ) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يأتي:

$$g(x) = (3 - 2x)e^x + 2$$

1. احسب نهايتي الدالة  $g$  عند  $-\infty$  و عند  $+\infty$ .

2. ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها.

3. بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث :  $\alpha \in ]1,68; 1,69[$ .

4. استنتج إشارة  $g(x)$  من أجل كل عدد حقيقي  $x$ .

ب) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يأتي:

$$f(x) = \frac{e^x + 4x - 1}{e^x + 1}$$

و ليكن  $(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .

1. احسب نهايات الدالة  $f$  عند  $-\infty$  و عند  $+\infty$ ، ماذا تستنتج بالنسبة للمنحنى  $(C_f)$ ؟

2. أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $f'(x) = \frac{2g(x)}{(e^x + 1)^2}$ .

3. بين أن :  $f(\alpha) = 4\alpha - 5$  ثم أعط حصرا للعدد  $f(\alpha)$ .

4. ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

5. بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = 4x - 1$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  عند  $-\infty$ .

6. أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$ .

7. أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 0.

8. ارسم كلا من  $(T)$  ،  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

9. ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد و إشارة حلول المعادلة:

$$me^x - 4x + m + 2 = 0$$