

الموضوع الأول

التمرين الأول : (04 نقاط)

- 1 1 . يمكن تتبع تطور هذا التحول بواسطة الناقلية لأن هذا التحول ينتج عنه شوارد
 1 2 . يمكن تتبع تطور هذا التحول بإستعمال قياس pH المحلول أو معايرة كمية H^+ المتشكلة
 1-2 . حساب n_0 الكمية الابتدائية لـ RBr

لدينا :
$$n_0 = \frac{m(RBr)}{M(RBr)} = \frac{\rho(RBr)V(RBr)}{m(RBr)} = \frac{d\rho(eau)V(RBr)}{M(RBr)}$$

ومنه :
$$n_0 = \frac{0,87 \times 1 \times 1}{136,9} \Rightarrow n_0 = 6,35 \times 10^{-3} mol$$

2-2. جدول تقدم التفاعل

المعادلة	RBr	H_2O	ROH	H^+	Br^-
الحالة الابتدائية	n_0	بوفرة	0	0	0
الحالة الوسطية	$n_0 - x$	بوفرة	x	x	x
الحالة النهائية	$n_0 - x_f$	بوفرة	x_f	x_f	x_f

1 - عبارة ناقلية المزيج أثناء التحول بدلالة تقدم التفاعل x ، حجم المزيج V ، K ، $\lambda(H^+)$ و $\lambda(Br^-)$

بالتعريف لدينا : $G = K\sigma \dots \dots (1)$

بما أن المزيج التفاعلي يحتوي على الشوارد H^+ و Br^- فإن $\sigma = \lambda(H^+)[H^+] + \lambda(Br^-)[Br^-]$

من جدول التقدم الحالة الإنتقالية لدينا $[H^+] = [Br^-] = \frac{x}{V}$

ومنه $\sigma = [\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)] \frac{x}{V}$

نعبر عن σ في العلاقة (1) نجد : $G = K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)] \frac{x}{V} \dots \dots (2)$

2 - عبارة السرعة الحجمية للتفاعل بدلالة : $G(t)$ ، K ، $\lambda(H^+)$ ، $\lambda(Br^-)$

بالتعريف لدينا :
$$v_V = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$

من العلاقة (2) نجد :
$$x = \frac{V \cdot G}{K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)]}$$

ومنه :
$$\frac{dx}{dt} = \frac{V}{K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)]} \cdot \frac{dG}{dt}$$

نعوض عن $\frac{dx}{dt}$ في عبارة السرعة الحجمية نجد :
$$v_V = \frac{1}{K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)]} \frac{dG}{dt}$$

3-1. التفسير الميكروسكوبي لكيفية تزايد سرعة التفاعل مع إزدياد درجة الحرارة
عند تزايد درجة الحرارة تزايد حركية الأنواع الداخلة في التفاعل وبالتالي يتزايد عدد التصادمات في وحدة الزمن مما يؤدي إلى الزيادة في سرعة التفاعل

3-2. تفسير لماذا المنحنيين 1 و 2 لا يصلان إلى نفس الحالة النهائية وذلك إنطلاقاً من علاقة السؤال 2

لأن قيم $\lambda(H^+)$ و $\lambda(Br^-)$ تزايد مع درجة الحرارة

4-1. عبارة ناقلية المزيج في الحالة النهائية G_f بدلالة n_0 ، V ، K ، $\lambda(H^+)$ و $\lambda(Br^-)$

من العلاقة (2) في الحالة النهائية : $G_f = K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)] \frac{x_f}{V}$

لكن $n_0 = x_f$ ومنه $G_f = K[\lambda(H^+) + \lambda(Br^-)] \frac{n_0}{V} \dots \dots (3)$

4-2. تبيان أن : $x(t) = n_0 \frac{G(t)}{G_f}$

بقسمة $\frac{2}{3}$ نجد $\frac{G(t)}{G_f} = \frac{x(t)}{n_0}$

ومنه $x(t) = n_0 \frac{G(t)}{G_f}$

4-3. تبيان أن : $G(t_{1/2}) = \frac{G_f}{2}$

لدينا : $G(t_{1/2}) = \frac{x(t_{1/2})}{n_0} G_f$ ومنه $G(t_{1/2}) = \frac{x_{max}/2}{n_0} G_f$

التحول تام ومنه $n_0 = x_{max} \Leftarrow G(t_{1/2}) = \frac{n_0/2}{n_0} G_f \Leftarrow G(t_{1/2}) = \frac{G_f}{2}$

4-4. تحديد قيمة زمن نصف التفاعل في الحالتين $\theta = 25^0C$ و $\theta = 45^0C$

في الحالة $\theta = 25^0C$ نجد $t_{1/2} = 14min$

في الحالة $\theta = 45^0C$ نجد $t_{1/2} = 07min$

التمرين الثاني : (04 نقاط)

1 - مميزات تفاعل المعايرة

تفاعل المعايرة سريع ، تام ووحيد

2 - حساب ثابت التوازن K لهذا التفاعل

تفاعل المعايرة : $C_6H_5COOH + HO^- \rightarrow C_6H_5COO^- + H_2O$

ثابت التوازن K : $K = \frac{[C_6H_5COO^-]}{[C_6H_5COOH][HO^-]} \Rightarrow K = \frac{[C_6H_5COO^-][H_3O^+]}{[C_6H_5COOH][HO^-][H_3O^+]}$

ومنه : $K = \frac{K_A}{K_e} \Rightarrow K = 6,3 \times 10^9$

نستنتج أن التفاعل تام لأن $K = 6,3 \times 10^9 > 10^4$

3- عند إضافة الحجم V_B من محلول هيدروكسيد الصوديوم أصغر من حجم التكافؤ

1-3- تبيان أن عبارة نسبة التقدم النهائي تكتب على الشكل : $\tau_f = 1 - \frac{K_e \cdot 10^{pH}}{C_B} \left(1 + \frac{V_A}{V_B}\right)$

جدول تقدم التفاعل

المعادلة	C_6H_5COOH	HO^-	$C_6H_5COO^-$	H_2O
بوفرة	$C_A V_A$	$C_B V_B$	0	
بوفرة	$C_A V_A - x$	$C_B V_B - x$	x	
بوفرة	$C_A V_A - x_f$	$C_B V_B - x_f$	x_f	

نسبة التقدم النهائي : $\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} \dots (1)$

المتفاعل المحد قبل التكافؤ هو HO^- إذن $x_{max} = C_B V_B$
من جدول التقدم الحالة النهائية لدينا (2) $n_r(HO^-) = C_B V_B - x_f \dots$

حيث $n_r(HO^-)$ تمثل كمية الأساس المتبقية في الحالة النهائية

ومنه $n_r(HO^-) = [HO^-]_f (V_B + V_A)$

من العلاقة (2) نجد $x_f = C_B V_B - [HO^-]_f (V_B + V_A) \Rightarrow x_f = C_B V_B - n_r(HO^-)$

ومنه $x_f = C_B V_B - \frac{10^{-14}}{10^{-pH}} (V_B + V_A) \Rightarrow x_f = C_B V_B - K_e 10^{pH} (V_B + V_A)$

نعوض عن عبارة x_f و x_{max} في العبارة (1) نجد : $\tau_f = \frac{C_B V_B - K_e 10^{pH} (V_B + V_A)}{C_B V_B}$

بالإختزال نجد $\tau_f = 1 - \frac{K_e \cdot 10^{pH}}{C_B} \left(1 + \frac{V_A}{V_B}\right) \dots (3)$

2-3- حساب نسبة التقدم من أجل $V_B = 7ml$

بالتعويض في العلاقة (3) عن V_B نجد $\tau_f \simeq 1$

نستنتج أن التحول تام

3-3- إيجاد عبارة pH الخليط بدلالة V_A ، V_B و C_B و C_A و pK_A

لدينا $pH = pK_A + \log \frac{[C_6H_5COO^-]_f}{[C_6H_5COOH]_f}$

من جدول التقدم $[C_6H_5COO^-]_f = \frac{x_f}{V_B + V_A} \Rightarrow [C_6H_5COO^-]_f = \frac{C_B V_B}{V_B + V_A}$

لأن $x_f \simeq C_B V_B$

بنفس الكيفية نجد $[C_6H_5COOH]_f = \frac{C_A V_A - x_f}{V_B + V_A} \Rightarrow [C_6H_5COOH]_f = \frac{C_A V_A - C_B V_B}{V_B + V_A}$

نعوض في عبارة pH نجد $pH = pK_A + \log \frac{C_B V_B}{C_A V_A - C_B V_B} \dots (4)$

4-3- إيجاد عبارة V_A بدلالة V_B في حالة $pK_A = pH$ و $C_A = C_B$

بالتعويض في العلاقة (4) نجد $\log \frac{V_B}{V_A - V_B} = 0 \Leftrightarrow \frac{V_B}{V_A - V_B} = 1$

ومنه $2V_B = V_A \Rightarrow V_B = \frac{V_A}{2}$

1-4- تحديد من الشكل إحداثيات نقطة التكافؤ

بإستعمال طريقة المماسات المتوازية نجد : $E(V_{BE} = 17,6ml , pH_E = 6,9)$

5 - حساب التركيز C_A للمحلول S_A ثم إستنتاج التركيز C_0 للمحلول S_0

$$C_A V_A = C_B V_{BE} \Rightarrow C_A = \frac{C_B V_{BE}}{V_A} \quad \text{عند التكافؤ}$$

$$C_A = 4,4 \times 10^{-2} \text{ mol/L} \quad \text{تطبيق عددي :}$$

$$C_0 = 10 C_A \Rightarrow C_0 = 0,44 \text{ mol/L} \quad \text{ثم تخفيف المحلول } S_0 \text{ 10 مرات إذن}$$

6 حساب الكتلة m

$$m = C_0 V M \Rightarrow m = 5,37 \text{ g} \quad \text{كتلة حمض البنزويك هي}$$

التمرين الثالث : (04 نقاط)

1-1) تعاريف

نواة مشعة : هي كل نواة غير مستقرة تتفكك تلقائيا لتكون نواة أكثر إستقرارا وذلك بإصدار جسيمات بالإضافة إلى إصدار إشعاع كهرومغناطيسي

نضير مشع : هي أنوية مشعة لنفس العنصر تشترك في نفس العدد الشحني Z و تختلف في العدد N

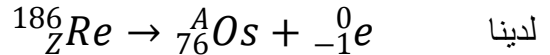
زمن نصف العمر : هو المدة الزمنية اللازمة لتفكك نصف عدد الأنوية الابتدائية نرسم له بـ $t_{1/2}$

1 ب) لهذه النواة فائض من النوترونات

1 ج) نوع النشاط الإشعاعي β^-

التعليل : يتحول النوترون إلى بروتون بإصدار إلكترون ${}^0_{-1}e$

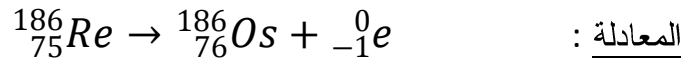
2-2) تعيين قيمتي A و Z



إنحفاظ العدد الكتلي A : $A = 186$

إنحفاظ العدد الشحني Z : $Z = 76 - 1 \Rightarrow Z = 75$

2 - ب) كتابة معادلة التحول النووي لنواة الرنيوم ${}^{186}_{75}\text{Re}$



3-أ) تحديد كتلة الرنيوم m_0 المتواجدة بالقارورة ذات الحجم $V_f = 10 \text{ ml}$ لحظة المعايرة بمختبر تصنيع الدواء

$$A_0 = \lambda ({}^{186}_{75}\text{Re}) N_0 \Rightarrow A_0 = \lambda ({}^{186}_{75}\text{Re}) \frac{m_0 N_A}{M({}^{186}_{75}\text{Re})} \Rightarrow m_0 = \frac{A_0 M({}^{186}_{75}\text{Re})}{\lambda ({}^{186}_{75}\text{Re}) N_A} \quad \text{لدينا}$$

$$m_0 = 5,21 \times 10^{-7} \text{ g} \quad \text{تطبيق عددي :}$$

3-ب) تحديد النشاط A_1 لهذه العينة بعد مرور $3,7 \text{ jours}$ على معايرتها في المختبر

يمثل $3,7 \text{ jours}$ زمن نصف العمر لنواة الرنيوم 186 ومنه فعدد أنوية الرنيوم 186 المتبقية عند هذه اللحظة هو نصف

$$N_1 = \frac{N_0}{2} \quad \text{عدد الأنوية الابتدائية للرنيوم 186 أي أن}$$

$$A_1 = \lambda N_1 \Rightarrow A_1 = \frac{\lambda N_0}{2} \Rightarrow A_1 = \frac{A_0}{2} \quad \text{من جهة}$$

$$A_1 = \frac{3700}{2} \Leftrightarrow A_1 = 1850 \text{ MBq} \quad \text{تطبيق عددي :}$$

4 - تحديد الحجم V من الدواء الذي ينبغي حقنه في الساعد

$$A_1 = \lambda N_1 \Rightarrow A_1 = \lambda C V_f \dots \dots \dots (1) \quad \text{لدينا :}$$

$$A_{th} = \lambda N_{th} \Rightarrow A_{th} = \lambda C V \dots \dots \dots (2) \quad \text{ولدينا :}$$

$$\frac{A_{th}}{A_1} = \frac{V}{V_f} \Rightarrow V = V_f \frac{A_{th}}{A_1} \quad \text{بقسمة } \frac{2}{1} \text{ نجد}$$

$$V = 10 \frac{70}{1850} \Rightarrow V \simeq 0,4 \text{ ml} \quad \text{تطبيق عددي :}$$

التمرين الرابع : (04 نقاط)

1 - جرد جميع القوى المطبقة على الكرة أثناء حركتها مع تحديد عبارتي A و B تخضع الكرة أثناء حركتها إلى القوى التالية :

• قوة ثقلها $\vec{P} = m\vec{g}$

• دافعة أرخميدس $\vec{\pi} = -m_f\vec{g}$

• قوة احتكاك المائع $\vec{f} = -f\vec{K} \Rightarrow \vec{f} = -6\pi r\eta v\vec{K}$

2 - تبيان أن المعادلة التفاضلية للحركة تكتب على الشكل : $\frac{dv}{dt} + Av = B$

بتطبيق قانون نيوتن الثاني : $\sum \vec{F}_{ext} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$

بالإسقاط على المحور الموجه نجد : $mg - m_f g - 6\pi r\eta v = m \frac{dv}{dt}$

ومنه : $\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi r\eta}{m} v = g(1 - \frac{m_f}{m})$

وهي من الشكل : $\frac{dv}{dt} + Av = B \dots (1)$

بالمطابقة نجد $A = \frac{6\pi r\eta}{m}$, $B = g(1 - \frac{m_f}{m})$

3 - إيجاد عبارة كل من السرعة الحدية v_{lim} والزمن المميز للسقوط τ بدلالة A و B

باستغلال المعادلة (1) نجد

في النظام الدائم : $v_{lim} = \frac{B}{A}$ و $\tau = \frac{1}{A}$

4 - تحديد بيانيا قيم τ و v_{lim}

من البيان نجد $v_{lim} = 3,70m/s$ و $\tau = 0,6s$

5 - التحقق من أن : $B = 6,18m/s^2$ ، $A = 1,67s^{-1}$

لدينا $A = \frac{1}{\tau} \Rightarrow A = \frac{1}{0,6} \Rightarrow A = 1,67s^{-1}$

ولدينا $B = Av_{lim} \Rightarrow B = 1,67 \times 3,70 \Rightarrow B = 6,18m/s^2$

6 - إستنتاج قيمة لزوجة الزيت η

لدينا $A = \frac{6\pi r\eta}{m} \Rightarrow \eta = \frac{mA}{6\pi r}$

تطبيق عددي : $\eta = 0,1SI$

7 - تبيان أن تغيرات فاصلة مركز عطالة الكرة يكتب على الشكل : $Z(t) = \alpha t + \beta e^{-t/\tau} + \gamma$

لدينا $v = v_{lim} (1 - e^{-t/\tau}) \Rightarrow v = v_{lim} - v_{lim} e^{-t/\tau}$

لكن $v = \frac{dZ}{dt}$ بالتكامل نجد : $Z = v_{lim} \int dt - v_{lim} \int e^{-t/\tau} dt$

ومنه $Z = v_{lim} t + \tau v_{lim} e^{-t/\tau} + C^{te}$

الثابت C^{te} يحدد من الشروط الابتدائية $Z(t=0) = \tau v_{lim} + C^{te} \Rightarrow C^{te} = -\tau v_{lim}$

ومنه $Z = v_{lim} t + \tau v_{lim} e^{-t/\tau} - \tau v_{lim}$

وهي من الشكل $Z(t) = \alpha t + \beta e^{-t/\tau} + \gamma$

تحديد عبارات وقيم α ، β و γ

بالمطابقة نجد $\alpha = v_{lim} \Rightarrow \alpha = 3,70m/s$

$$\beta = \tau v_{lim} \Rightarrow \beta = 2,22m/s^2 \quad \text{و}$$

$$\gamma = -\tau v_{lim} \Rightarrow \gamma = -2,22m/s^2 \quad \text{و}$$

التمرين التجريبي : (04 نقاط)

1 - المعادلة التفاضلية :

$$u_R + u_2 = u_1 \Rightarrow RC \frac{du_2}{dt} + u_2 = E \quad \text{حسب قانون جمع التوترات}$$

$$\frac{du_2}{dt} + \frac{1}{RC} u_2 = \frac{E}{RC} \dots \dots (1) \quad \text{ومنه :}$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى .

$$u_2 = E(1 - e^{-t/\tau}) \dots \dots (2) \quad \text{حلها من الشكل :}$$

$$u_R = Ri$$

حيث :

$$i = C \frac{du_2}{dt}$$

التحقيق : نشق العلاقة (2) ثم نعوض عن المشتقة الدالة في العلاقة (1)

$$\text{ف نجد :} \quad \frac{E}{RC} e^{-t/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC} e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC} \quad \text{ومنه :} \quad \frac{E}{RC} = \frac{E}{RC} \quad \text{وهي محققة .}$$

2 - إملاء الجدول (1)

$R(\Omega)$	400 Ω	800 Ω	1200 Ω	1600 Ω
المنحنى الممثل لـ u_1	(1)	(1)	(1)	(1)
المنحنى الممثل لـ u_2	(2)	(3)	(4)	(5)

3 - إكمال الجدول (2)

نستعمل طريقة المماس للمنحنى عند $t = 0$ أو النسبة 63% من قيمة E . فنجد بيانيا : $\tau = 0,28s$

$R(\Omega)$	400 Ω	800 Ω	1200 Ω	1600 Ω
$\tau(S)$	0.06	0.14	0.21	0,28

4 - رسم البيان : $\tau = f(R)$

البيان عبارة عن خط مستقيم يمر من المبدأ معادلته من

$$\tau = a \times R \dots (1) \quad \text{الشكل :}$$

$$\tau = C \times R \dots (2) \quad \text{و لدينا :}$$

- استنتاج قيمة C

$$\text{من (1) و (2) نجد أن : } C = a$$

$$\text{ومنه : } C = \frac{\Delta\tau}{\Delta R} \Rightarrow C = \frac{0,18}{1000} \Rightarrow C = 1,8 \times 10^{-4} F$$

